

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Владимирский государственный университет
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»
(ВлГУ)

Институт прикладной математики, физики и информатики



УТВЕРЖДАЮ:

Директор института

Хорьков К.С.

« 30 » 08 2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

ИСТОРИЯ И МЕТОДОЛОГИЯ МАТЕМАТИКИ

(наименование дисциплины)

направление подготовки / специальность

02.04.01 «Математика и компьютерные науки»

(код и наименование направления подготовки (специальности))

направленность (профиль) подготовки

Математические методы в экономике и финансах

(направленность (профиль) подготовки))

г. Владимир

2021

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения дисциплины «История и методология математики» – познакомить студентов с историей становления и развития математической науки, с некоторыми философскими проблемами математики, показать межкультурное разнообразие общества в социально-историческом, этическом и философском контекстах.

Задачи изучения дисциплины:

1. Формирование у студентов представлений об историческом пути развития математики.
2. Формирование у студентов представлений о различных философских подходах к проблемам обоснования математики.
3. Формирование у студентов представлений о методах математического исследования.
4. Формирование у студентов знаний и умений, необходимых для дальнейшего самообразования в области современной математики.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «История и методология математики» относится к обязательной части учебного плана.

3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства
	Индикатор достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	
УК-1. Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	УК-1.1. Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач. УК-1.2. Умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности. УК-1.3. Владеет методологией системного и критического анализа проблемных ситуаций; методиками постановки цели, определения способов ее достижения, разработки стратегий действий.	Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач. Умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности. Владеет методологией системного и критического анализа проблемных ситуаций; методиками постановки цели, определения способов ее достижения, разработки стратегий действий.	Реферат. Контрольные вопросы к рейтинг-контролю и промежуточной аттестации.
УК-5. Способен анализировать и учитывать разнообразие культур в процессе межкультурного взаимодействия	УК-5.1. Знает закономерности и особенности социально-исторического развития различных культур, особенности межкультурного разнообразия общества, правила и технологии	Знает закономерности и особенности социально-исторического развития различных культур, особенности межкультурного разнообразия общества, правила и технологии	Реферат. Контрольные вопросы к рейтинг-контролю и промежуточной аттестации.

	<p>эффективного межкультурного взаимодействия.</p> <p>УК-5.2. Умеет понимать и толерантно воспринимать межкультурное разнообразие общества, анализировать и учитывать разнообразие культур в процессе межкультурного взаимодействия.</p> <p>УК-5.3. Владеет методами и навыками эффективного межкультурного взаимодействия в ходе решения задач профессиональной деятельности.</p>	<p>эффективного межкультурного взаимодействия.</p> <p>Умеет понимать и толерантно воспринимать межкультурное разнообразие общества, анализировать и учитывать разнообразие культур в процессе межкультурного взаимодействия.</p> <p>Владеет методами и навыками эффективного межкультурного взаимодействия в ходе решения задач профессиональной деятельности.</p>	
--	--	--	--

4. ОБЪЕМ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единицы, 144 часа.

Тематический план форма обучения – очная

№ п/п	Наименование тем и/или разделов/тем дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Контактная работа обучающихся с педагогическим работником				Самостоятельная работа	Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (по семестрам)
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	в форме практической подготовки		
1	Период накопления математических знаний. Математика постоянных величин	2	1-2	2	2			4	
2	Развитие математики в XVII веке. Возникновение математики переменных величин	2	3-4	2	2			4	
3	Развитие математического анализа в XVIII веке	2	5-6	2	2			4	Рейтинг-контроль 1
4	Развитие математического анализа в XIX веке	2	7-8	2	2			4	
5	Развитие теории чисел и алгебры в XVIII-XIX веках	2	9-10	2	2			4	
6	Развитие геометрии в XVIII-XIX веках	2	11-12	2	2			4	Рейтинг-контроль 2
7	Основные направления развития современной математики	2	13-14	2	2			4	
8	История математики в России	2	15-16	2	2			4	
9	Проблемы обоснования математики. Методы научного познания в математике	2	17-18	2	2			4	Рейтинг-контроль 3
Всего за 2 семестр:				18	18			72	Экзамен (36)
Итого по дисциплине				18	18			72	Экзамен (36)

Содержание лекционных занятий по дисциплине

Тема 1. Период накопления математических знаний. Математика постоянных величин.

Возникновение первых математических понятий и методов. Математика древнего Египта и Вавилона.

Первые математические теории в античной Греции. Школа Пифагора. Открытие иррациональности и создание геометрической алгебры. Недостаточность геометрической алгебры как общей математической теории (задачи об удвоении куба, трисекции угла и квадратуре круга). Общая теория отношений Евдокса. Идея аксиоматического построения математики. «Начала» Евклида. Проблема пятого постулата. Метод исчерпывания. Инфинитезимальные методы в античной Греции. Математическое творчество Архимеда. Теория конических сечений. «Конические сечения» Аполлония. Особенности математики поздней античности: работы Герона, «Альмагест» Птолемея, возникновение новой буквенной алгебры в «Арифметике» Диофанта.

Особенности развития математики в Китае и в Индии (с древнейших времен до средневековья). Возникновение десятичной системы счисления.

Особенности развития математической науки народов Средней Азии и Ближнего Востока в VII-XV веках. Алгоритмически-вычислительная направленность арабской математики. Выделение алгебры в самостоятельную область математики. Формирование тригонометрии.

Состояние математических знаний и особенности развития математики в странах Западной Европы в средние века (V-XV века). Появление первых университетов. «Книга об абаке» и «Практическая геометрия» Леонардо Пизанского. Математика в Европе эпохи Возрождения: начало формирования алгебры как науки о решении уравнений, создание алгебраической символики.

Тема 2. Развитие математики в XVII веке. Возникновение математики переменных величин

Предпосылки возникновения математики переменных величин. Создание аналитической геометрии Декартом. Аналитическая геометрия Ферма. Усовершенствование вычислительных методов и средств в XVII веке: изобретение логарифмов и методов приближенного вычисления корней алгебраических уравнений. Появление первых счетных машин. Предпосылки создания анализа бесконечно малых: интеграционные и дифференциальные методы в трудах И. Кеплера, Б. Кавальери, Е. Торричелли, Р. Декарта, Б. Паскаля, П. Ферма, Дж. Валлиса, И. Барроу. Создание дифференциального и интегрального исчисления: теория флюксий И. Ньютона и исчисление дифференциалов Г.В. Лейбница. Основные достижения математики XVII века в области алгебры, теории чисел и теории вероятностей. Создание первых Академий наук в Европе.

Тема 3. Развитие математического анализа в XVIII веке

Математический анализ в XVIII веке и его связь с естествознанием. Учение о функциях в трудах математиков XVIII века (развитие понятия функции, классификация функций, разложение функций в степенные ряды). Развитие интегрального исчисления. Создание и развитие теории обыкновенных дифференциальных уравнений, теории дифференциальных уравнений в частных производных, вариационного исчисления. Творчество выдающихся математиков XVIII-начала XIX веков: Л. Эйлера, семейства Бернулли, Ж.Л. Лагранжа, П.С. Лапласа.

Тема 4. Развитие математического анализа в XIX веке

Проблемы обоснования математического анализа. Перестройка оснований математического анализа на базе теории пределов. Работы О. Коши, Б. Больцано, К. Вейерштрасса. Построение теории действительного числа (Р. Дедекинд, Г. Кантор, К. Вейерштрасс) и теории бесконечных множеств (Г. Кантор). Развитие теории дифференциальных уравнений, вариационного исчисления и их приложений к решению задач

математической физики (исследование электромагнитных явлений, математическая теория теплопроводности) и механики. Создание общей теории функций комплексного переменного (К.Ф. Гаусс, О. Коши, Г.Б. Риман, К. Вейерштрасс).

Тема 5. Развитие теории чисел и алгебры в XVIII-XIX веках

Развитие теории чисел в работах Л. Эйлера, Ж.Л. Лагранжа, А.М. Лежандра и становление ее как науки. Вклад в теорию чисел К. Ф. Гаусса. Основная теорема алгебры и ее различные доказательства (Ж.Л. Даламбер, Л. Эйлер, Ж.Л. Лагранж, К.Ф. Гаусс). Проблема решений уравнений в радикалах. Теорема Н.Г. Абеля о неразрешимости уравнений степени в радикалах. Результаты Н.Г. Абеля. Теория Э. Галуа. Возникновение теории групп и теории полей. Признание теории групп: ее роль в различных областях математики и в математическом естествознании. Создание и развитие линейной алгебры.

Тема 6. Развитие геометрии в XVIII-XIX веках

Развитие аналитической геометрии, ее распространение на трехмерное пространство (А.К. Клеро) и систематизация (Л. Эйлер). Возникновение дифференциальной геометрии и ее развитие (Л. Эйлер, Г. Монж, Ж.Ф. Френе, К.Ф. Гаусс и др.). Формирование начертательной и проективной геометрий (Г. Монж, Ж.В. Понселе). Проблема оснований Евклидовой геометрии. Создание геометрии Лобачевского и ее различные интерпретации. Неевклидовы геометрии. Классификация геометрических систем: «Эрлангенская программа» Ф. Клейна, метрический принцип Б. Римана. Становление аксиоматического метода в геометрии. «Основания геометрии» Д. Гильberta.

Тема 7. Основные направления развития современной математики

Общая характеристика математической науки конца XIX – начала XX века. Проблемы Д. Гильберта. Общая характеристика новых областей математики, получивших развитие в XX веке (функциональный анализ, топология, теория групп Ли и других абстрактных алгебраических структур, теория случайных процессов, различные разделы дискретной математики, кибернетика, теория алгоритмов, теория информации, теория игр, численные методы, теория оптимизации, компьютерное моделирование и др.). Некоторые выдающиеся математические открытия XX века и выдающиеся математики современности (Ж. Адамар, С. Банах, Ж. Дьедоне, Г. Вейль, Ф. Хаусдорф, А. Черч, Э. Цермело, Н. Винер, Д. фон Нейман, К.Э. Шенон и др.).

Тема 8. История математики в России

Математика средневековой Руси. Реформы Петра I. Основание Петербургской Академии наук. Работа Л. Эйлера и его учеников в России. Создание Московского университета. Творчество М.В. Ломоносова. Петербургская математическая школа (М.В. Остроградский, В.Я. Буняковский, П.Л. Чебышев, А.А. Марков, А.М. Ляпунов). Вклад ученых петербургской математической школы в развитие теории вероятностей, теории чисел и математического анализа. Жизнь и творчество С.В.Ковалевской. Московская математическая школа (Н.Е. Жуковский, К.М. Петерсон и др.). Организация Московского математического общества, издание «Математического сборника». Московская школа теории функций (Н.Н.Лузин, Д.Ф.Егоров и их ученики). Математика в СССР. Вклад советских математиков в развитие математической науки (Н.Н. Лузин, А.Н. Колмогоров, П.С. Урысон, П.С. Александров, И.М. Виноградов, Л.В. Канторович, М.В. Келдыш, В.И. Арнольд, И.М. Гельфанд, А.Я. Хинчин, Л.С. Понтрягин, С.Л. Соболев и др.).

Тема 9. Проблемы обоснования математики. Методы научного познания в математике

Теория множеств Г. Кантора как основание математики. Открытие парадоксов теории множеств. Кризис оснований математики. Различные философские подходы к проблеме оснований математики: логицизм (Г. Фреге, А.Н. Уайтхед, Б. Рассел), формализм (математическая школа Д. Гильберта – В. Аккреман, П. Бернайс, Д. фон Нейман), интуиционизм (Л.Э.Я. Брауэр). Теоремы К. Геделя о неполноте. Ограниченнность классической математической логики.

Структура, движущие силы, принципы и закономерности развития математики. Методы математики. Доказательства в математике. Индукция и дедукция в математике. Проблема уровня строгости доказательства в математике. Доказательства с помощью компьютера. Роль воображения и интуиции в математической науке. Гипотезы в математике. «Априорное» знание и аксиоматический метод. Прикладная и чистая математика.

Содержание практических занятий по дисциплине

Тема 1. Период накопления математических знаний. Математика постоянных величин.

Возникновение первых математических понятий и методов. Математика древнего Египта и Вавилона.

Первые математические теории в античной Греции. Школа Пифагора. Открытие иррациональности и создание геометрической алгебры. Недостаточность геометрической алгебры как общей математической теории (задачи об удвоении куба, трисекции угла и квадратуре круга). Общая теория отношений Евдокса. Идея аксиоматического построения математики. «Начала» Евклида. Проблема пятого постулата. Метод исчерпывания. Инфинитезимальные методы в античной Греции. Математическое творчество Архимеда. Теория конических сечений. «Конические сечения» Аполлония. Особенности математики поздней античности: работы Герона, «Альмагест» Птолемея, возникновение новой буквенной алгебры в «Арифметике» Диофанта.

Особенности развития математики в Китае и в Индии (с древнейших времен до средневековья). Возникновение десятичной системы счисления.

Особенности развития математической науки народов Средней Азии и Ближнего Востока в VII-XV веках. Алгоритмически-вычислительная направленность арабской математики. Выделение алгебры в самостоятельную область математики. Формирование тригонометрии.

Состояние математических знаний и особенности развития математики в странах Западной Европы в средние века (V-XV века). Появление первых университетов. «Книга об абаке» и «Практическая геометрия» Леонардо Пизанского. Математика в Европе эпохи Возрождения: начало формирования алгебры как науки о решении уравнений, создание алгебраической символики.

Тема 2. Развитие математики в XVII веке. Возникновение математики переменных величин

Предпосылки возникновения математики переменных величин. Создание аналитической геометрии Декартом. Аналитическая геометрия Ферма. Усовершенствование вычислительных методов и средств в XVII веке: изобретение логарифмов и методов приближенного вычисления корней алгебраических уравнений. Появление первых счетных машин. Предпосылки создания анализа бесконечно малых: интеграционные и дифференциальные методы в трудах И. Кеплера, Б. Кавальери, Е. Торричелли, Р. Декарта, Б. Паскаля, П. Ферма, Дж. Валлиса, И. Барроу. Создание дифференциального и интегрального исчисления: теория флюксий И. Ньютона и исчисление дифференциалов Г.В. Лейбница. Основные достижения математики XVII века в области алгебры, теории чисел и теории вероятностей. Создание первых Академий наук в Европе.

Тема 3. Развитие математического анализа в XVIII веке

Математический анализ в XVIII веке и его связь с естествознанием. Учение о функциях в трудах математиков XVIII века (развитие понятия функции, классификация функций, разложение функций в степенные ряды). Развитие интегрального исчисления. Создание и развитие теории обыкновенных дифференциальных уравнений, теории дифференциальных уравнений в частных производных, вариационного исчисления. Творчество выдающихся математиков XVIII-начала XIX веков: Л. Эйлера, семейства Бернулли, Ж.Л. Лагранжа, П.С. Лапласа.

Тема 4. Развитие математического анализа в XIX веке

Проблемы обоснования математического анализа. Перестройка оснований математического анализа на базе теории пределов. Работы О. Коши, Б. Больцано, К. Вейерштрасса. Построение теории действительного числа (Р. Дедекинда, Г. Кантор, К. Вейерштрасс) и теории бесконечных множеств (Г. Кантор). Развитие теории дифференциальных уравнений, вариационного исчисления и их приложений к решению задач математической физики (исследование электромагнитных явлений, математическая теория теплопроводности) и механики. Создание общей теории функций комплексного переменного (К.Ф. Гаусс, О. Коши, Г.Б. Риман, К. Вейерштрасс).

Тема 5. Развитие теории чисел и алгебры в XVIII-XIX веках

Развитие теории чисел в работах Л. Эйлера, Ж.Л. Лагранжа, А.М. Лежандра и становление ее как науки. Вклад в теорию чисел К. Ф. Гаусса. Основная теорема алгебры и ее различные доказательства (Ж.Л. Даламбер, Л. Эйлер, Ж.Л. Лагранж, К.Ф. Гаусс). Проблема решений уравнений в радикалах. Теорема Н.Г. Абеля о неразрешимости уравнений степени в радикалах. Результаты Н.Г. Абеля. Теория Э. Галуа. Возникновение теории групп и теории полей. Признание теории групп: ее роль в различных областях математики и в математическом естествознании. Создание и развитие линейной алгебры.

Тема 6. Развитие геометрии в XVIII-XIX веках

Развитие аналитической геометрии, ее распространение на трехмерное пространство (А.К. Клеро) и систематизация (Л. Эйлер). Возникновение дифференциальной геометрии и ее развитие (Л. Эйлер, Г. Монж, Ж.Ф. Френе, К.Ф. Гаусс и др.). Формирование начертательной и проективной геометрий (Г. Монж, Ж.В. Понселе). Проблема оснований Евклидовой геометрии. Создание геометрии Лобачевского и ее различные интерпретации. Неевклидовы геометрии. Классификация геометрических систем: «Эрлангенская программа» Ф. Клейна, метрический принцип Б. Римана. Становление аксиоматического метода в геометрии. «Основания геометрии» Д. Гильберта.

Тема 7. Основные направления развития современной математики

Общая характеристика математической науки конца XIX – начала XX века. Проблемы Д. Гильberta. Общая характеристика новых областей математики, получивших развитие в XX веке (функциональный анализ, топология, теория групп Ли и других абстрактных алгебраических структур, теория случайных процессов, различные разделы дискретной математики, кибернетика, теория алгоритмов, теория информации, теория игр, численные методы, теория оптимизации, компьютерное моделирование и др.). Некоторые выдающиеся математические открытия XX века и выдающиеся математики современности (Ж. Адамар, С. Банах, Ж. Дьедоне, Г. Вейль, Ф. Хаусдорф, А. Черч, Э. Цермело, Н. Винер, Д. фон Нейман, К.Э. Шенон и др.).

Тема 8. История математики в России

Математика средневековой Руси. Реформы Петра I. Основание Петербургской Академии наук. Работа Л. Эйлера и его учеников в России. Создание Московского университета. Творчество М.В. Ломоносова. Петербургская математическая школа (М.В. Остроградский, В.Я. Буняковский, П.Л. Чебышев, А.А. Марков, А.М. Ляпунов). Вклад ученых петербургской математической школы в развитие теории вероятностей, теории чисел и математического анализа. Жизнь и творчество С.В.Ковалевской. Московская математическая школа (Н.Е. Жуковский, К.М. Петерсон и др.). Организация Московского математического общества, издание «Математического сборника». Московская школа теории функций (Н.Н.Лузин, Д.Ф.Егоров и их ученики). Математика в СССР. Вклад советских математиков в развитие математической науки (Н.Н. Лузин, А.Н. Колмогоров, П.С. Урысон, П.С. Александров, И.М. Виноградов, Л.В. Канторович, М.В. Келдыш, В.И. Арнольд, И.М. Гельфанд, А.Я. Хинчин, Л.С. Понтрягин, С.Л. Соболев и др.).

Тема 9. Проблемы обоснования математики. Методы научного познания в математике

Теория множеств Г. Кантора как основание математики. Открытие парадоксов теории множеств. Кризис оснований математики. Различные философские подходы к проблеме оснований математики: логицизм (Г. Фреге, А.Н. Уайтхед, Б. Рассел), формализм (математическая школа Д. Гильберта – В. Аккреман, П. Бернайс, Д. фон Нейман), интуиционизм (Л.Э.Я. Брауэр). Теоремы К. Геделя о неполноте. Ограничность классической математической логики.

Структура, движущие силы, принципы и закономерности развития математики. Методы математики. Доказательства в математике. Индукция и дедукция в математике. Проблема уровня строгости доказательства в математике. Доказательства с помощью компьютера. Роль воображения и интуиции в математической науке. Гипотезы в математике. «Априорное» знание и аксиоматический метод. Прикладная и чистая математика.

5. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ

5.1. Текущий контроль успеваемости (рейтинг-контроль 1, рейтинг-контроль 2, рейтинг-контроль 3)

Контрольная работа к рейтинг-контролю №1

1. Состав математики как науки
2. Периодизация истории математики по Колмогорову А.Н.
3. Calculus в переводе с латинского.
4. Число 2 племя реки Муррей.
5. Число 3 австралийского племени Камиларои.
6. Запишите 283 в римской системе счисления (иероглифическая непозиционная система).
7. «Расшифруйте» число $\omega\pi\varepsilon$, записанное в греческой ионической (алфавитной) системе счисления.
8. Самый замечательный результат египетских измерений.
9. На глиняной вавилонской табличке изображена следующая клинописная запись: (1,2,3). Что это за число?
10. Что вам известно о 4 книге древнекитайской «Математики в девяти книгах»?
11. Кто и когда ввёл отрицательные числа?
12. В какой стране был введён 0?
13. Назовите две книги Бхаскары.
14. Кто разъяснял, что числа могут трактоваться либо как имущество, либо как долг.
15. Как в «Своде законов» могло бы быть записано 213 руб. 04 коп. (народными цифровыми знаками)?
16. Кто является отцом греческой математики?
17. Перечислите «Три знаменитых математич. проблемы античности».
18. Автор слов «Нет царского пути в геометрию».
19. Перечислите основные книги Архимеда.
20. Перечислите основных комментаторов поздней античности.

Контрольная работа к рейтинг-контролю №2

1. 2 наиболее известных математика Индии (500-700 г.г. н.э.)
2. Наиболее известным достижением индийской математики является...
3. Автор слов: Я рассчитал – твердит людей молва –
Весь ход времен. Но дней ведь только два

Изъял навек я из календаря:

Тот, что не знаем – завтра, не вернём – вчера.

4. Когда были открыты первые университеты в Оксфорде и Кембридже?
5. Кто составил одну из первых таблиц логарифмов?
6. Кто и когда разработал логарифмическую шкалу?
7. Кто в 1609-1619 гг. открыл законы движения планет?
8. В 1637 г. Декарт опубликовал свою «Геометрию», состоящую из трёх книг. Назовите вторую из них.
9. В честь кого была названа кривая «улитка Паскаля»?
10. Кому принадлежит метод флюксий?
11. Кто ввёл символ \int (интеграл)?
12. Кто ввёл термины: дифференциал, дифференциальное исчисление, функция, координаты, дифференциальное уравнение, алгоритм?
13. Выпишите ряд Маклорена.
14. Он уроженец г. Базеля. Его отец был пастором. Он потерял зрение (1 глаз в 28 лет, 2 глаз в 59 лет). Он прожил до 76 лет. Он был дважды женат и имел 13 детей. Он опубликовал около 530 книг и статей. Он поддерживал Ломоносова. Ему принадлежат обозначения: e , π , i , $\sin x$, $\cos x$, $\tg x$, Δx , \sum , $f(x)$ и др.
15. Он – сын внебрачной аристократической дамы, оставленный как подкидыш вблизи церкви святого Жана ле Рона в Париже. Он ввёл понятие предела. Он доказал условия Коши-Римана.
16. Он ввёл тройные интегралы, предложил обозначения y' , \arcsin . Его именем названы: формула конечных приращений, интерполяционная формула.
17. Кто в 18 лет (в 1795 г.) независимо от Эйлера нашёл закон квадратичной взаимности теории чисел?
18. Что вы можете сказать о чешском учёном Бернарде Больцано?
19. Огюстен – Луи Коши. Напишите годы его жизни.
20. Кто ввёл в употребление круглые ∂ для обозначения частных производных?

Контрольная работа к рейтинг-контролю №3

1. Кто и когда открыл кватернионы.
2. Накануне дуэли он написал одному из своих друзей с просьбой сообщить о его открытиях ведущим математикам: «Ты публично попросишь Якоби или Гаусса дать заключение не о справедливости, а о значении этих теорем. После этого я надеюсь, найдутся люди, которые сочтут нужным расшифровать всю эту галиматию». Кто это написал?
3. Своей славой он обязан исключительной тщательности рассуждений. Он был воплощением скрупулёзности. Его ученики: Ковалевская, Эрмит, Пикар, Пуанкаре и др.
4. Он первый ввёл однородные координаты, нулевую систему теории прямолинейных конгруэнций. Создал первый пример неориентируемой поверхности.
5. Мы обязаны ему многими теперь общепринятыми терминами такими, как инвариант, ковариант, контравариант, когредиентный, сизигия. С ним связано много анекдотов из разряда рассказов о рассеянных профессорах.
6. Ведущий математик Франции. Организатор и издатель «Журнала чистой и прикладной математики». Он доказал существование трансцендентных чисел и в 1844 г. доказал, что ни e , ни e^2 не могут быть корнями квадр.уравнения с рациональными коэффициентами.
7. Она – сверхштатный профессор Гётtingенского университета. Многие не хотели иметь в своём составе женщину, к тому же еврейского происхождения и известную своими левыми убеждениями (за это её называли «красной»).
8. Когда состоялся Международный математический союз в Москве (с числом участников около 4000).
9. В каком году был открыт Московский университет.

10. Родоначальник «неевклидовой геометрии». Его работы: «Воображаемая геометрия» (1835), «Геометрические исследования» на немецком языке (1840), «Пангеометрия» (1855).
11. $\iiint_v \left(\frac{\partial P}{\partial x} + \frac{\partial Q}{\partial y} + \frac{\partial R}{\partial z} \right) dv = \iint_s P dy dz + Q dz dx + R dy dx$ - эта знаменитая формула была выведена впервые в 1828 году.
12. $\left(\int_a^b f(x)\phi(x)dx \right)^2 \leq \int_a^b f^2(x)dx \int_a^b \phi^2(x)dx$ - это известное неравенство открыто в 1859 году.
13. Его работа в Артиллерийском комитете имела серьёзное значение для баллистики, для артиллерийской науки. Он вывел формулу дальности полёта в воздухе сферических снарядов, составлял таблицы стрельбы по опытным данным.
14. В 1905 г. по собственному желанию вышел в отставку (не желал загораживать путь другим молодым людям). В 1912 г. он требовал отлучить его от церкви, так как был решительным атеистом.
15. В Московском университете он защитил докторскую диссертацию «Общая задача об устойчивости движения» (1892). В день кончины жены он застрелился.
16. Его детищем явился Физико-математический институт, созданный в 1921 г. и впоследствии разделённый на три, из которых Математический институт, крупнейший в своей области научный центр, носит его имя.
17. Первая в мире профессор математики среди женщин.
18. Он открыл явление гидравлического удара и разработал его теорию. Построил в Московском университете в 1902 г. первую аэродинамическую трубу. Он открыл метод присоединённых вихрей. Разработал теорию подъёмной силы крыла и вихревую теорию винта. В 1920 г. он организовал аэродинамическую лабораторию в Московском высшем техническом училище.
19. Он ввёл так называемые потенциальные поверхности (вшедшие в мировую литературу как поверхности E).
20. В гимназии он не любил математику. В Париже посещал лекции Э. Бореля, А. Пуанкаре. В 1916 г. в виде редкого исключения 32-летнему докторанту присудили сразу степень доктора чистой математики.

5.2. Промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины (экзамен)

Контрольные вопросы к экзамену

1. Математика в древнем Египте и Вавилоне. Возникновение первых математических понятий и методов.
2. Принципиальные особенности развития математики Древней Греции. Основные периоды развития древнегреческой математики.
3. Первые математические теории в античной Греции.
4. Опыт аксиоматического построения математики. «Начала» Евклида.
5. Возникновение и развитие инфинитезимальных методов в античной Греции.
6. Развитие математики в период поздней античности.
7. Особенности развития математики в Китае и в Индии (с древнейших времен до средневековья).
8. Развитие математики Средней Азии и Ближнего Востока в VII—XV вв. Основные достижения арабских математиков.
9. Состояние математических знаний и особенности развития математики в странах Западной Европы в эпоху Средневековья и эпоху Возрождения. Принципиально новые достижения европейских математиков в развитии математики постоянных величин.
10. Предпосылки возникновения математики переменных величин. Создание аналитической геометрии.

11. Усовершенствование вычислительных методов и средств в XVII веке. Первые счетные машины.
12. Предпосылки создания анализа бесконечно малых. Создание дифференциального и интегрального исчислений И. Ньютоном и Г.В. Лейбницем.
13. Основные достижения математики XVII века в области алгебры, теории чисел и теории вероятностей.
14. Учение о функциях в трудах математиков XVIII века. Разложение функций в степенные ряды.
15. Развитие дифференциального и интегрального исчислений в XVIII веке.
16. Создание и развитие теории обыкновенных дифференциальных уравнений и теории дифференциальных уравнений в частных производных в XVIII веке.
17. Развитие теории дифференциальных уравнений и их приложений к решению задач математической физики и механики в XIX веке.
18. Создание и развитие вариационного исчисления в XVIII-XIX веках.
19. Проблемы обоснования математического анализа. Перестройка оснований математического анализа на базе теории пределов.
20. Построение теории действительного числа (Р. Дедекинд, Г. Кантор, К. Вейерштрасс) и теории бесконечных множеств (Г. Кантор).
21. Создание общей теории функций комплексного переменного.
22. Развитие теории чисел в XVIII-XIX веках и ее становление как науки.
23. Развитие алгебры как науки о решении уравнений в XVIII-XIX веках. Проблема решений уравнений в радикалах.
24. Возникновение теории групп и теории полей. Роль теории групп в различных областях математики.
25. Создание и развитие линейной алгебры.
26. Развитие и окончательное формирование аналитической геометрии в XVIII веке.
27. Возникновение и развитие дифференциальной геометрии в XVIII-XIX веках.
28. Формирование начертательной и проективной геометрий.
29. Проблема оснований геометрии. Создание геометрии Лобачевского и ее различные интерпретации.
30. Неевклидовы геометрии. Классификация геометрических систем Ф. Клейна и Б. Римана.
31. Становление аксиоматического метода в геометрии. «Основания геометрии» Д. Гильберта.
32. Общая характеристика математической науки на рубеже XIX – XX веков. Проблемы Д. Гильберта.
33. Общая характеристика новых областей математики, получивших развитие в XX веке.
34. Развитие алгебры и теории чисел в XX веке.
35. Развитие геометрии и топологии XX века.
36. Развитие математического анализа и математической физики XX века.
37. Развитие дискретной математики и ее структура к концу XX века.
38. Развитие «компьютерной» математики и компьютерное математическое моделирование.
39. Математика средневековой Руси. Реформы Петра I и развитие математики и математического образования в России XVIII века.
40. Петербургская и московская математические школы. Вклад русских ученых XIX века в развитие математики.
41. Крупнейшие научные математические школы в СССР. Вклад советских математиков в развитие математической науки.
42. Теория множеств Г. Кантора как основание математики. Парадоксы теории множеств и кризис оснований математики.
43. Различные философские подходы к проблеме оснований математики: логицизм, интуиционизм, формализм. Ограниченность классической математической логики.

44. Общие закономерности становления и развития различных разделов математики. Роль воображения и интуиции в математической науке.
45. Доказательства в математике. Проблема уровня строгости доказательства (в историческом аспекте и в настоящее время). Доказательства с помощью компьютера.
46. Прикладная и чистая математики: их особенности, существенные отличия и взаимное влияние друг на друга.

5.3. Самостоятельная работа обучающегося.

Темы самостоятельных работ

1. Составление конспектов по различным темам (развитие математики в различные периоды времени).
2. Подготовка докладов, рефератов.
3. Подготовка сообщений к выступлениям на уроке, конференции.
4. Работа с использованием дополнительных источников.
5. Проведение сравнительного анализа (развития математической науки в разных странах).

Примерные темы рефератов

Как правило, реферат должен быть связан с освещением одного из следующих вопросов:

- 1) описание жизни и научной деятельности известных ученых-математиков;
- 2) описание эволюции ведущих математических идей и понятий или описание развития какого-либо раздела математики в определенный период времени;
- 3) характеристика развития математической науки конкретных стран или цивилизаций.

Ниже приведены возможные формулировки тем рефератов.

1. Математика в Древнем Египте.
2. Математика в Древнем Вавилоне.
3. Математика в Китае (с древнейших времен до средневековья).
4. Математика в Индии (с древнейших времен до средневековья).
5. Знаменитые математики античности.
6. Основные философские школы Древней Греции. Вклад представителей философских школ в развитие математики.
7. Архимед и его вклад в развитие математики.
8. Античная механика.
9. Три знаменитые задачи древности как стимул появления и развития различных разделов математики.
10. Золотое сечение в музыке, астрономии, комбинаторике и живописи.
11. Математика времен Арабского халифата.
12. Знаменитые математики средневекового Востока.
13. История решения кубических уравнений в работах Н. Тартальи и Дж. Кардано.
14. Франсуа Виет и создание буквенной символики.
15. История открытия логарифмов и их связь с площадями.
16. Дворянин, солдат, математик (Рене Декарт).
17. Галилео Галилей. Формирование классической механики.
18. «Король любителей» Пьер Ферма.
19. Блез Паскаль – величайший ученый и мыслитель.
20. И. Ньютон и Г.В. Лейбниц – творцы математического анализа.
21. Великая семья Бернулли.
22. Выдающийся математик Леонард Эйлер.
23. Расцвет математики во Франции в эпоху Революции и открытие Политехнической школы.
24. Жозеф Луи Лагранж – создатель аналитической механики.
25. Пьер Симон Лаплас – создатель «Небесной механики».

26. Развитие механики и математической физики в XVIII – XIX веках.
27. Друзья императора: Гаспар Монж и Жан Батист Жозеф Фурье.
28. «Король математиков» Карл Фридрих Гаусс.
29. История развития неевклидовой геометрии (Н.И. Лобачевский, К.Ф. Гаусс, Я. Бойяи, Б. Риман).
30. Эварист Галуа – математик и революционер.
31. Замечательный математик Нильс Хэнrik Абель.
32. Феликс Клейн и его «Эрлангенская программа».
33. Создатель теории множеств Георг Кантор.
34. Давид Гильберт и его доклад «Математические проблемы».
35. Основания геометрии: от Евклида до Гильберта.
36. Развитие понятия числа от Евдокса до Дедекинда.
37. Обобщение понятия геометрического пространства. История создания и развития топологии.
38. Развитие теории вероятностей (от П. Ферма и Б. Паскаля до А.Н. Колмогорова).
39. Теоремы Курта Геделя и их значение в математике и философии.
40. Математика в России до реформ Петра I.
41. Л.Ф. Магницкий – автор первого русского учебника «Арифметика».
42. Развитие математического образования и науки в России в XVIII веке.
43. Жизненный путь и научная деятельность М.В. Остроградского.
44. «Коперник геометрии» Николай Иванович Лобачевский.
45. Гордость российской науки – Пафнутий Львович Чебышев.
46. Страсть к науке (Софья Васильевна Ковалевская).
47. Вклад российских ученых в теорию вероятностей.
48. Алексей Андреевич Ляпунов – создатель первой вычислительной машины в России.
49. Николай Николаевич Лузин и его школа.
50. Андрей Николаевич Колмогоров и Павел Сергеевич Александров – уникальные явления русской культуры, ее национальное достояние.
51. Вычислительные машины до электронной эры.
52. Создатель кибернетики Норберт Винер.
53. Клод Шеннон.
54. Сергей Алексеевич Лебедев – разработчик и конструктор первого компьютера в Советском Союзе.
55. Эндрю Уайлс и доказательство Великой теоремы Ферма.
56. Проблема четырех красок. Неклассическое доказательство с применением компьютера (Вольфганг Хакен и Кеннет Аппель).
57. Развитие математической физики и вычислительной математики в СССР.

Фонд оценочных материалов (ФОМ) для проведения аттестации уровня сформированности компетенций обучающихся по дисциплине оформляется отдельным документом.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Книгообеспеченность

Наименование литературы: автор, название, вид издания, издательство	Год издания	КНИГООБЕСПЕЧЕННОСТЬ
		Наличие в электронном каталоге ЭБС
Основная литература		
1. Кокурина Юлия Камильевна. Курс лекций по истории математики (учебник)/-Владимирский государственный университет. –Владимир: Изд-во Владим. гос. ун-та, 2014. -184 с. –ISBN 978-5-9984-0504-4	2014	http://e/lib.vlsu.ru:80/handle/123456789/1288/ <u>ISBN9785998405044</u>
2. Высшая математика в вопросах и ответах [Электронный ресурс] учебное пособие/Л.В. Крицков, под ред. В.А. Ильина .-М.: Проспект,2014.-ISBN978-5-3921-4372-61	2014	http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785392143726.html
3. Островский, Э. В. История и философия науки : учебное пособие / Э.В. Островский. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Вузовский учебник : ИНФРА-М, 2021. — 323 с. - ISBN 978-5-9558-0534-4.	2021	https://znamium.com/catalog/product/1221788
Дополнительная литература		
1. Лобжанидзе, А. А. Лобджанидзе, А. А. Этнокультурные регионы мира : учебное пособие / А. А. Лобджанидзе, А. А. Заяц. - Москва : Прометей, 2013. - 240 с. - ISBN 978-5-7042-2397-9.	2013	https://znamium.com/catalog/product/536554
2. Предшественники современной математики : учебное пособие / Р. М. Асланов, Л. Н. Матросова, В. Л. Матросов, С. В. Матросов. — Москва : Прометей, [б. г.]. — Том 3 : Историко-математические очерки — 2011. — 528 с. — ISBN 978-5-4263-0015-6.	2011	https://e.lanbook.com/book/64210
3. Невежин, В. П. Теория игр. Примеры и задачи : учебное пособие / В.П. Невежин. — Москва : ФОРУМ : ИНФРА-М, 2021. — 128 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-00091-563-9.	2021	https://znamium.com/catalog/product/1209856
4. Осипов, Г. В. Математические методы в современных социальных науках : учебное пособие / Г. В. Осипов, В. А. Лисичкин ; под. ред. В. А. Садовничего. — Москва : Норма : ИНФРА-М, 2019. — 384 с. — (Социальные науки и математика). - ISBN 978-5-91768-470-3.	2019	https://znamium.com/catalog/product/1009045

6.2. Периодические издания

1. Успехи математических наук, журнал РАН (корпус 3, ауд. 414)

6.3. Интернет-ресурсы

1. <http://window.edu.ru/>
2. <http://www.exponenta.ru/>
3. <http://allmath.com/>

7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Для реализации данной дисциплины имеются специальные помещения для проведения занятий лекционного и практического типа. Практические работы проводятся в 230-3, 204-6.

Перечень используемого лицензионного программного обеспечения:

1. Microsoft Word.
2. Adobe Acrobat.

Рабочую программу составил:
к.ф.-м.н., доцент кафедры ФАиП Звягин М.Ю.

Рецензент (представитель работодателя):
заместитель директора по развитию ООО «Баланс» Кожин А.В.

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ФАиП
Протокол № 1 от 30.08.2021 года

Заведующий кафедрой ФАиП к.ф.-м.н., доцент Бурков В.Д.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии
направления 02.04.01 «Математика и компьютерные науки»

Протокол № 1 от 30.08.2021 года

Председатель комиссии зав. кафедрой ФАиП Бурков В.Д.

**ЛИСТ ПЕРЕУТВЕРЖДЕНИЯ
РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ**

Рабочая программа одобрена на 20____ / 20____ учебный года

Протокол заседания кафедры №_____ от _____ года

Заведующий кафедрой_____

Рабочая программа одобрена на 20____ / 20____ учебный года

Протокол заседания кафедры №_____ от _____ года

Заведующий кафедрой_____

Рабочая программа одобрена на 20____ / 20____ учебный года

Протокол заседания кафедры №_____ от _____ года

Заведующий кафедрой_____