

7к. 13 2014

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования  
«Владимирский государственный университет  
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»  
(ВлГУ)



УТВЕРЖДАЮ  
Проректор по учебно-методической работе  
\_\_\_\_\_ А.А.Панфилов

« 29 » \_\_\_\_\_ 08 \_\_\_\_\_ 2014 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ  
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ЦИКЛА

**МАТЕМАТИКА**

Для специальности среднего профессионального образования  
технического профиля  
**09.02.03 «Программирование в компьютерных системах»**

2014г.

Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС среднего (полного) общего образования (утвержденным приказом Министерства образования и науки РФ от 28.07.2012 г. №413) и на основе примерной программы учебной дисциплины МАТЕМАТИКА, предназначенной для изучения математики в учреждениях среднего профессионального образования, реализующих образовательную программу среднего (полного) общего образования при подготовке специалистов среднего звена (одобренной Департаментом государственной политики и нормативно-правового регулирования в сфере образования Минобрнауки России 16.04.2008 г.)

09.02.03 «Программирование в компьютерных системах»

Организация-разработчик: колледж ВлГУ.

Разработчики:

Яппарова И.С., старший преподаватель колледжа. 

Ф.И.О., ученая степень, звание, должность

Программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии колледжа ВлГУ

Протокол № 1 от 29.08 2014 г.

Директор колледжа ВлГУ  Ю.Д.Корогодов

Программа переутверждена:

на \_\_\_\_\_ учебный год, протокол № \_\_\_\_\_ от \_\_\_\_\_

Директор колледжа ВлГУ \_\_\_\_\_ Ю.Д.Корогодов

## СОДЕРЖАНИЕ

|                                                              |           |
|--------------------------------------------------------------|-----------|
| 1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ              | стр.<br>4 |
| 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ                 | 8         |
| 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ                     | 19        |
| 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ | 20        |

# 1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ МАТЕМАТИКА

*название дисциплины*

## 1.1. Область применения программы:

Программа учебной дисциплины является частью основной профессиональной образовательной программы в соответствии с ФГОС по специальности СПО 09.02.03 «Программирование в компьютерных системах»

## 1.2. Место учебной дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы:

Общеобразовательный цикл.

## 1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения учебной дисциплины:

Программа ориентирована на достижение следующих **целей**:

- **формирование представлений** о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;
- **развитие** логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;
- **овладение математическими знаниями и умениями**, необходимыми в повседневной жизни, для изучения смежных естественно-научных дисциплин на базовом уровне и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
- **воспитание** средствами математики культуры личности, понимания значимости математики для научно-технического прогресса, отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей.

В результате освоения учебной дисциплины обучающийся должен **уметь**:

### **АЛГЕБРА**

- выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы; находить приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения;
- находить значения корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближенной оценкой при практических расчетах;
- выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций;

### **использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.

### **Функции и графики**

- вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции;
- определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках;

- строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций;
- использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для описания с помощью функций различных зависимостей, представления их графически, интерпретации графиков.

**Начала математического анализа**

- находить производные элементарных функций;
- использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков;
- применять производную для проведения приближенных вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения;
- вычислять в простейших случаях площади и объемы с использованием определенного интеграла;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для решения прикладных задач, в том числе социально-экономических и физических, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

**Уравнения и неравенства**

- решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы;
- использовать графический метод решения уравнений и неравенств;
- изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными;
- составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных) задачах.

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для построения и исследования простейших математических моделей.

**КОМБИНАТОРИКА, СТАТИСТИКА И ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ**

- решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул;
- вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчета числа исходов;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для анализа реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков;
- анализа информации статистического характера.

**ГЕОМЕТРИЯ**

- распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трехмерные объекты с их описаниями, изображениями;
- описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, *аргументировать свои суждения об этом расположении*;
- анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве;

- изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач;
- *строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды;*
- решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов);
- использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы;
- проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для исследования (моделирования) несложных практических ситуаций на основе изученных формул и свойств фигур;
- вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач, используя при необходимости справочники и вычислительные устройства.

В результате освоения учебной дисциплины обучающийся должен **знать/понимать:**

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности;
- вероятностный характер различных процессов окружающего мира.

Помимо указанных в данном разделе знаний, в требования к уровню подготовки включаются также знания, необходимые для освоения перечисленных выше умений.

#### **1.4. Количество часов на освоение программы учебной дисциплины:**

максимальной учебной нагрузки обучающегося - **420** часов, в том числе:  
 обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося - **295** часов;  
 самостоятельной работы обучающегося - **125** часов.

## 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

| <b>Вид учебной работы</b>                               | <b>Объем часов</b> |
|---------------------------------------------------------|--------------------|
| <b>Максимальная учебная нагрузка (всего)</b>            | <b>420</b>         |
| <b>Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)</b> | <b>295</b>         |
| в том числе:                                            |                    |
| лекции                                                  | 156                |
| практические занятия                                    | 139                |
| <b>Самостоятельная работа обучающегося (всего)</b>      | <b>125</b>         |
| в том числе:                                            |                    |
| внеаудиторная самостоятельная работа                    | 125                |
| <i>Итоговая аттестация в форме:</i>                     | <b>экзамен</b>     |

2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины МАТЕМАТИКА

| Наименование разделов и тем                                  | Содержание учебного материала, лекции и практические занятия, самостоятельная работа обучающихся.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | Объем часов | Уровень освоения                     |
|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|--------------------------------------|
| 1                                                            | 2                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 3           | 4                                    |
| Раздел 1.                                                    | Развитие понятия о числе                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | 14          |                                      |
| Тема 1.1.<br>Числа. Приближенные вычисления                  | <p>Содержание учебного материала (лекции)</p> <p>Натуральные, целые и рациональные числа.<br/>                     Действительные числа.<br/>                     Приближенные вычисления.<br/> <i>Приближенное значение величины и погрешности приближений.</i><br/> <i>Комплексные числа.</i></p> <p><b>Практические занятия.</b> Арифметические действия, округление и погрешность округления, действия над приближенными числами, действия над комплексными числами в алгебраической форме.</p> <p><b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Вычисления с приближенными числами.</p>                                                                                               | 8           | 1<br>2<br>1<br>2<br>2                |
| Раздел 2.                                                    | <b>Основы тригонометрии</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 6           |                                      |
| Тема 2.1.<br>Тригонометрические функции числового аргумента. | <p>Содержание учебного материала (лекции)</p> <p>Радианная мера угла. Вращательное движение.<br/>                     Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.<br/>                     Основные тригонометрические тождества.<br/>                     Формулы приведения.<br/>                     Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов. Синус и косинус двойного угла.<br/> <i>Формулы половинного угла. Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведение в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента.</i><br/>                     Преобразование простейших тригонометрических выражений.</p> | 6<br>49     |                                      |
|                                                              | <b>Практические занятия:</b> Преобразование простейших тригонометрических выражений.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | 6           | 1<br>2<br>2<br>2<br>2<br>2<br>2<br>3 |

|                                                                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                                                                              |
|-------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p><b>Тема 2.2.</b><br/><b>Функции, их свойства и графики.</b></p>            | <p><b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Тригонометрические преобразования.</p> <p><b>Содержание учебного материала (лекции)</b></p> <p>Свойства и графики тригонометрических функций.<br/>Числовая функция. Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами.<br/>Преобразование графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой <math>y = x</math>, растяжение и сжатие вдоль осей координат.<br/>Свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.<br/>Обратные функции. <i>Область определения и область значений обратной функции.</i><br/>График обратной функции.<br/>Арифметические операции над функциями. Сложная функция<br/><i>Обратные тригонометрические функции.</i></p> | <p><b>10</b></p> <p><b>8</b></p> <p>2<br/>1<br/>2<br/>2<br/>2<br/>2<br/>2</p>                                                                |
| <p><b>Тема 2.3.</b><br/><b>Тригонометрические уравнения и неравенства</b></p> | <p><b>Практические занятия.</b> Построение графиков.</p> <p><b>Контрольная работа.</b> Тригонометрические функции. Тригонометрические преобразования.</p> <p><b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение задач на построение и чтение графиков функций.</p> <p><b>Содержание учебного материала (лекции)</b></p> <p><i>Арксинус, арккосинус, арктангенс числа.</i><br/>Простейшие тригонометрические уравнения.<br/>Решение тригонометрических уравнений и систем (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод).<br/><i>Простейшие тригонометрические неравенства.</i></p> <p><b>Практические занятия.</b> Решение тригонометрических уравнений и неравенств.</p> <p><b>Контрольная работа.</b> Решение тригонометрических уравнений.</p> <p><b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение тригонометрических уравнений и</p>                                                                                                                                                                                                         | <p><b>4</b></p> <p><b>2</b></p> <p><b>8</b></p> <p><b>12</b></p> <p>2<br/>2<br/>3<br/>2</p> <p><b>7</b></p> <p><b>2</b></p> <p><b>11</b></p> |

|                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |                    |                                                |
|---------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------|
| Раздел 3.                                   | неравенств.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | 56                 |                                                |
| Тема 3.1.<br>Предел<br>последовательности   | <p><b>Начала математического анализа</b></p> <p><b>Содержание учебного материала (лекции)</b></p> <p>Последовательности. Способы задания и свойства числовых последовательностей.<br/> <i>Понятие о пределе последовательности</i><br/> <i>Существование предела монотонной ограниченной последовательности.</i><br/> Суммирование последовательностей.<br/> Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | 4                  | 2<br>2<br>2<br>2<br>2                          |
| Тема 3.2.<br>Производная и ее<br>применение | <p><b>Практические занятия.</b> Вычисление пределов последовательностей</p> <p><b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Вычисление пределов последовательностей.</p> <p><b>Содержание учебного материала (лекции)</b></p> <p><i>Понятие о непрерывности функции.</i><br/> Производная. Понятие о производной функции, её геометрический и физический смысл.<br/> Производные суммы, разности, произведения, частного.<br/> Производные степенной и тригонометрических функций.<br/> <i>Производные сложной и обратной функций.</i><br/> Применение непрерывности функции. Метод интервалов.<br/> Уравнение касательной к графику функции.<br/> Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком.<br/> Применение производной к исследованию функций и построению графиков.<br/> Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах.<br/> Вторая производная, её геометрический и физический смысл. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.</p> <p><b>Практические занятия.</b> Нахождение производных элементарных функций. Решение неравенств методом интервалов. Касательная к графику функции. Нахождение скорости и ускорения. Исследование функций с помощью производной и построение графиков. Применение производной для приближенных вычислений. Решение задач прикладного</p> | 3<br>5<br>16<br>10 | 1<br>2<br>2<br>2<br>2<br>2<br>2<br>3<br>3<br>3 |

|                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |    |                       |
|---------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|-----------------------|
|                                                                     | характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения.<br><b>Контрольная работа.</b> Производная и ее применение.                                                                                                                                                                                                                     |    |                       |
|                                                                     | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Исследование функций и построение графиков. Решение прикладных задач.                                                                                                                                                                                                                           | 2  |                       |
|                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 12 |                       |
| <b>Тема 3.3. Первообразная и интеграл</b>                           | <b>Содержание учебного материала (лекции)</b><br>Первообразная и интеграл.<br>Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Формула Ньютона—Лейбница.<br>Примеры применения интеграла в физике и геометрии.                                                                                            | 12 | 2<br>2<br>3           |
|                                                                     | <b>Практические занятия.</b> Нахождение первообразных и определенных интегралов. Вычисление в простейших случаях площадей и объемов с использованием определенного интеграла.                                                                                                                                                              | 7  |                       |
|                                                                     | <b>Контрольная работа.</b> Первообразная и интеграл.                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 2  |                       |
| <b>Раздел 4.</b>                                                    | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение задач прикладного характера.<br><b>Корни, степени и логарифмы</b>                                                                                                                                                                                                                       | 11 |                       |
|                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 48 |                       |
| <b>Тема 4.1. Корни и степени</b>                                    | <b>Содержание учебного материала (лекции)</b><br>Корни натуральной степени из числа и их свойства.<br>Степени с рациональными показателями, их свойства.<br>Преобразование и вычисления со степенями и корнями.<br>Иррациональные уравнения и системы.<br>Иррациональные неравенства.                                                      | 8  | 1<br>2<br>3<br>3<br>3 |
|                                                                     | <b>Практические занятия.</b> Тождественные преобразования степенных и иррациональных выражений. Решение иррациональных уравнений и систем.                                                                                                                                                                                                 | 6  |                       |
|                                                                     | <b>Контрольная работа.</b> Корни и степени.                                                                                                                                                                                                                                                                                                | 2  |                       |
|                                                                     | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Иррациональные выражения, уравнения, неравенства.                                                                                                                                                                                                                                               | 8  |                       |
|                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |    | 16                    |
| <b>Тема 4.2. Показательная, логарифмическая и степенная функции</b> | <b>Содержание учебного материала (лекции)</b><br>Степень с иррациональным показателем. Свойства степеней с действительным показателем.<br>Показательная функция, ее свойства и график.<br>Показательные уравнения и неравенства.<br>Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество.<br>Свойства логарифмов Переход к новому основанию. | 16 | 2<br>2<br>3<br>2<br>2 |

|                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |                                                                             |  |
|------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--|
|                                                                                    | <p>Десятичные логарифмы.<br/> Логарифмическая функция, ее свойства и график.<br/> Логарифмические уравнения и неравенства.<br/> Число <math>e</math>. Натуральный логарифм.<br/> Производная показательной и логарифмической функций.<br/> Степенная функция, ее производная и первообразная.</p> <p><b>Практические занятия.</b> Тождественные преобразования показательных и логарифмических выражений. Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств. Дифференцирование показательной, логарифмической и степенной функций. Интегрирование функций.</p> <p><b>Контрольная работа.</b> Показательные и логарифмические уравнения и неравенства.</p> <p><b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Построение графиков. Показательные и логарифмические выражения, уравнения, неравенства.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | <p>2<br/>2<br/>3<br/>2<br/>2<br/>2</p> <p>14</p> <p>2</p> <p>8</p> <p>8</p> |  |
| <p><b>Раздел 5.</b></p> <p><b>Тема 5.1.</b><br/><b>Уравнения и неравенства</b></p> | <p><b>Уравнения и неравенства</b></p> <p><b>Содержание учебного материала (лекции)</b><br/> Равносильность уравнений, неравенств, систем.<br/> Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы. Основные приемы их решения (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод).<br/> Рациональные, иррациональные, показательные и <i>тригонометрические неравенства</i>. Основные приемы их решения. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств. Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.<br/> Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.</p> <p><b>Практические занятия.</b> Рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения, системы и неравенства с одной переменной. Графический способ. Уравнения и неравенства с двумя переменными. Решение задач.</p> <p><b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение содержательных задач из различных областей науки и практики.</p> | <p>4</p> <p>1</p> <p>3</p> <p>3</p> <p>3</p> <p>4</p> <p>6</p>              |  |

|                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |                                                       |
|----------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------|
| Раздел 6                                                                                     | Элементы комбинаторики, теории вероятностей и математической статистики                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 16                                                    |
| <p>Тема 6.1.<br/>Элементы комбинаторики, теории вероятностей и математической статистики</p> | <p><b>Содержание учебного материала (лекции)</b><br/>         Основные понятия комбинаторики. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов.<br/>         Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов.<br/>         Треугольник Паскаля.<br/>         Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. <i>Понятие о независимости событий. Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел.</i><br/>         Представление данных (таблицы, диаграммы, графики), <i>генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, медиана. Понятие о задачах математической статистики.</i><br/> <i>Решение практических задач с применением вероятностных методов.</i></p> <p><b>Практические занятия.</b> Решение простейших комбинаторных задач методом перебора, а также с использованием известных формул. Вычисление в простейших случаях вероятностей событий на основе подсчета числа исходов. Анализ реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков. Анализ информации статистического характера.<br/> <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение практических задач с применением вероятностных методов.</p> | <p>8</p> <p>2</p> <p>2</p> <p>2</p> <p>2</p> <p>3</p> |
| Раздел 7                                                                                     | <b>Прямые и плоскости в пространстве</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 24                                                    |
| Тема 7.1.<br>Параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве          | <p><b>Содержание учебного материала (лекции)</b><br/>         Аксиомы стереометрии.<br/>         Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей.<br/>         Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости.<br/>         Параллельное проектирование. <i>Площадь ортогональной проекции. Изображение пространственных фигур.</i></p> <p><b>Практические занятия.</b> Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | <p>12</p> <p>2</p> <p>2</p> <p>2</p> <p>2</p>         |
|                                                                                              | <b>Практические занятия.</b> Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | 10                                                    |

|                  |                                                                                                                                                                                   |           |   |
|------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|---|
|                  | <b>Контрольная работа.</b> Прямые и плоскости в пространстве.                                                                                                                     | <b>2</b>  |   |
|                  | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение стереометрических задач.                                                                                                       | <b>6</b>  |   |
| <b>Раздел 8.</b> | <b>Координаты и векторы</b>                                                                                                                                                       | <b>24</b> |   |
| <b>Тема 8.1.</b> | <b>Координаты и векторы</b>                                                                                                                                                       | <b>12</b> |   |
|                  | Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками.                                                                               |           | 1 |
|                  | Уравнения сферы, плоскости и прямой.                                                                                                                                              |           | 2 |
|                  | Векторы. Координаты вектора. Модуль вектора. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Скалярное произведение векторов. |           | 2 |
|                  | Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач.                                                                                                 |           | 3 |
|                  | <b>Практические занятия.</b> Действия с векторами. Координаты и векторы при решении математических и прикладных задач.                                                            | <b>10</b> |   |
|                  | <b>Контрольная работа.</b> Координаты и векторы.                                                                                                                                  | <b>2</b>  |   |
|                  | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение прикладных задач.                                                                                                              | <b>6</b>  |   |
| <b>Раздел 9.</b> | <b>Многогранники и тела вращения</b>                                                                                                                                              | <b>40</b> |   |
| <b>Тема 9.1.</b> | <b>Многогранники</b>                                                                                                                                                              | <b>12</b> |   |
|                  | Вершины, ребра, грани многогранника. <i>Развертка. Многогранные углы. Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера.</i>                                                                 |           | 2 |
|                  | Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб.                                                                                                        |           | 2 |
|                  | Пирамида. Правильная пирамида. <i>Усеченная пирамида.</i> Тетраэдр.                                                                                                               |           | 2 |
|                  | Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в <i>призме и пирамиде.</i>                                                                                                                  |           | 2 |
|                  | Сечения куба, призмы и пирамиды.                                                                                                                                                  |           | 2 |
|                  | Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).                                                                                         |           | 2 |
|                  | <b>Практические занятия.</b> Нахождение основных элементов призмы и пирамиды. Построение сечений.                                                                                 | <b>12</b> |   |
|                  | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение прикладных задач.                                                                                                              | <b>6</b>  |   |
| <b>Тема 9.2.</b> | <b>Тела и поверхности вращения</b>                                                                                                                                                | <b>8</b>  |   |
|                  | Цилиндр и конус. <i>Усеченный конус.</i> Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. <i>Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.</i>                  |           | 2 |
|                  | Шар и сфера, их сечения. <i>Касательная плоскость к сфере.</i>                                                                                                                    |           |   |

|                                                           |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |            |                                 |
|-----------------------------------------------------------|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------|---------------------------------|
|                                                           |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |            | 2                               |
|                                                           |  | <b>Практические занятия.</b> Нахождение основных элементов цилиндра, конуса и шара. Построение сечений.                                                                                                                                                                                                                                                            | 6          |                                 |
|                                                           |  | <b>Контрольная работа.</b> Нахождение основных элементов многогранников и тел вращения.                                                                                                                                                                                                                                                                            | 2          |                                 |
|                                                           |  | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Решение прикладных задач.                                                                                                                                                                                                                                                                                               | 6          |                                 |
| <b>Раздел 10.</b>                                         |  | <b>Измерения в геометрии</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 16         |                                 |
| <b>Тема 10.1.</b>                                         |  | <b>Содержание учебного материала (лекции)</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | 8          |                                 |
| <b>Объемы и площади поверхностей пространственных тел</b> |  | Объем и его измерение. Интегральная формула объема.<br>Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра.<br>Формулы объема пирамиды и конуса.<br>Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса.<br>Формулы объема шара и площади сферы.<br>Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел.<br>Решение прикладных задач. |            | 2<br>2<br>2<br>2<br>2<br>2<br>3 |
|                                                           |  | <b>Практические занятия.</b> Вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел.                                                                                                                                                                                                                                                                      | 6          |                                 |
|                                                           |  | <b>Контрольная работа.</b> Объемы и площади поверхностей пространственных тел.                                                                                                                                                                                                                                                                                     | 2          |                                 |
|                                                           |  | <b>Самостоятельная работа обучающихся.</b> Вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач.                                                                                                                                                                                                                         | 8          |                                 |
|                                                           |  | <b>Всего:</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | <b>420</b> |                                 |

Для характеристики уровня освоения учебного материала используются следующие обозначения:

- 1 – ознакомительный (узнавание ранее изученных объектов, свойств);
- 2 – репродуктивный (выполнение деятельности по образцу, инструкции или под руководством)
- 3 – продуктивный (планирование и самостоятельное выполнение деятельности, решение проблемных задач)

В программе курсивом выделен материал, который при изучении контрольно не подлежит.

### **3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

#### **3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению**

Реализация учебной дисциплины требует наличия учебного кабинета математики.

Оборудование учебного кабинета: таблицы, демонстрационные чертежные инструменты, модели пространственных тел, дидактические материалы.

Технические средства обучения: компьютер, магнитофон.

#### **3.2. Информационное обеспечение обучения**

**Перечень рекомендуемых учебных изданий, дополнительной литературы:**

Основные источники:

А.Г.Мордкович. Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы. В 2 ч. Ч 1. Учебник для учащихся образовательных учреждений (базовый уровень) – 13-е изд., стер. – М. : Мнемозина, 2012. -. 400 с.: ил. ISBN 978-5-346-01992-3.

Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы. В 2 ч. Ч 2. Задачник для учащихся образовательных учреждений (базовый уровень) под ред. А.Г.Мордковича. – 13-е изд., стер. – М. : Мнемозина, 2012 – 271 с.: ил. ISBN 978-5-346-01993-0.

Погорелов, А. В.. Геометрия : 10 - 11 классы : учебник для общеобразовательных учреждений : базовый и профильный уровни / А. В. Погорелов .— 12-е изд. — Москва : Просвещение, 2012 .— 175 с. : ил. — Предм. указ.: с. 172-173 .— ISBN 978-5-09-029121-7.

Дополнительные источники:

Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы: учебник для образовательных организаций с приложением на электронном носителе. Под ред. Колмогорова А.Н., 22-е изд. – М.: Просвещение, 2013. – 384 с., ISBN 978-5-09-031301-8, -. ISBN 978-5-09-031129-8 (CD-ROM).

#### 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

**Контроль и оценка** результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, исследований.

| <p align="center"><b>Результаты обучения<br/>(освоенные умения, усвоенные знания)</b></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | <p align="center"><b>Формы и методы<br/>контроля и<br/>оценки<br/>результатов<br/>обучения</b></p>            |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p>В результате освоения учебной дисциплины обучающийся должен уметь:</p> <p><b>АЛГЕБРА</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы; находить приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения;</li> <li>• находить значения корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближенной оценкой при практических расчетах;</li> <li>• выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций;</li> </ul> <p><b>использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• для практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.</li> </ul> <p><b>Функции и графики</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции;</li> <li>• определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках;</li> <li>• строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций;</li> <li>• использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин;</li> </ul> <p><b>использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• для описания с помощью функций различных зависимостей, представления их графически, интерпретации графиков.</li> </ul> <p><b>Начала математического анализа</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• находить производные элементарных функций;</li> <li>• использовать производную для изучения свойств функций и</li> </ul> | <p><i>Самостоятельные<br/>и контрольные<br/>работы,<br/>индивидуальные<br/>задания.<br/><br/>Экзамен.</i></p> |

построения графиков;

- применять производную для проведения приближенных вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения;
- вычислять в простейших случаях площади и объемы с использованием определенного интеграла;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для решения прикладных задач, в том числе социально-экономических и физических, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

**Уравнения и неравенства**

- решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы;
- использовать графический метод решения уравнений и неравенств;
- изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными;
- составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных) задачах.

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для построения и исследования простейших математических моделей.

**КОМБИНАТОРИКА, СТАТИСТИКА И ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ**

- решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул;
- вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчета числа исходов;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для анализа реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков;
- анализа информации статистического характера.

**ГЕОМЕТРИЯ**

- распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трехмерные объекты с их описаниями, изображениями;
- описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, *аргументировать свои суждения об этом расположении*;
- анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве;
- изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач;
- *строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды*;
- решать планиметрические и простейшие стереометрические

задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов);

- использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы;
- проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для исследования (моделирования) несложных практических ситуаций на основе изученных формул и свойств фигур;
- вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач, используя при необходимости справочники и вычислительные устройства.

В результате освоения учебной дисциплины обучающийся должен **знать/понимать:**

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности;
- вероятностный характер различных процессов окружающего мира.

Помимо указанных в данном разделе знаний, в требования к уровню подготовки включаются также знания, необходимые для освоения перечисленных выше умений.