

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего профессионального образования
«Владимирский государственный университет
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»
(ВлГУ)



УТВЕРЖДАЮ:

Проректор

по учебно-методической работе

А. А. Панфилов

« 07 » 04 20 15 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
«ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ МАТЕМАТИКА»

Направление подготовки: 02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии

Профиль/программа подготовки:

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная, ускоренная

Семестр	Трудоем- кость зач. ед, час.	Лек- ций, час.	Практич. занятий, час.	Лаборат. работ, час.	СРС, час.	Форма промежуточного контроля (экз./зачет)
2	2/72				72	Переаттестация (зачет)
5	3/108	36		18	54	Зачет с оценкой
Итого	5/180	36		18	126	Переаттестация (зачет), Зачет с оценкой

1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения дисциплины «Вычислительная математика» являются:

1. Ознакомление с важнейшими понятиями и методами в теории численного анализа.
2. Формирование практических навыков использования численных методов и их компьютерной реализации.
3. Формирование навыков построения и использования математических моделей.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

Дисциплина «Вычислительная математика» относится к базовой части подготовки бакалавра. Курс «Вычислительная математика» основывается на курсах математического анализа, теории функций комплексного переменного и дифференциальных уравнений. Полученные знания могут быть использованы во всех без исключения общепрофессиональных и общенаучных дисциплинах.

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

В результате освоения дисциплины обучающийся должен обладать следующими общепрофессиональными (ОПК) и профессиональными (ПК) компетенциями:

- способностью к разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей, созданию информационных ресурсов глобальных сетей, образовательного контента, прикладных баз данных, тестов и средств тестирования систем и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям (ОПК-3);
- способностью понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат, фундаментальные концепции и системные методологии, международные и профессиональные стандарты в области информационных технологий (ПК-2);
- способностью эффективно применять базовые математические знания и информационные технологии при решении проектно-технических и прикладных задач, связанных с развитием и использованием информационных технологий (ПК-6).

В итоге обучающийся должен демонстрировать следующие результаты образования:

Знать: основные методы приближенных вычислений и теории аппроксимаций

Уметь: применять теоретические знания при решении математических и прикладных задач

Владеть: основными приемами решения математических задач и математическим аппаратом, необходимым для изучения других фундаментальных дисциплин и спецкурсов, а также современной научно-технической литературы.

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 часов.

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)					Объем учебной работы, с применением интерактивных методов (в часах / %)	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации (по семестрам)
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	СРС	КП / КР		
1	Тема 1	2	1-4				18			переаттестация
2	Тема 2	2	5-8				18			переаттестация
3	Тема 3	2	9-12				18			переаттестация
4	Тема 4	2	13-18				18			переаттестация
Итого:							72			Переаттестация (зачет)
1	Приближенные решения уравнения $f(x) = 0$.	5	1-2	4	-	2	6	-	3 (50%)	
2	Некоторые вопросы, касающиеся нахождения корней многочленов.	5	3-4	4	-	2	6	-	3 (50%)	
3	Введение в теорию аппроксимации	5	5-8	8	-	4	12	-	6 (50%)	Рейтинг-контроль 1
4	Численное дифференцирование.	5	9-10	4	-	2	6	-	3 (50%)	
5	Численное интегрирование	5	11-12	4	-	2	6	-	3 (50%)	Рейтинг-контроль 2
6	Численное решение дифференциальных уравнений и жестких дифференциальных систем.	5	13-14	4	-	2	6	-	3 (50%)	
7	Численное решение уравнений с частными производными.	5	15-16	4	-	2	6	-	3 (50%)	
8	Численное решение линейных интегральных уравнений.	5	17-18	4	-	2	6	-	3 (50%)	Рейтинг-контроль 3
Итого:				36		18	54		27 (50%)	Зачет с оценкой
Всего:				36		18	126		27(50%)	Переаттестация (зачет), зачет с оценкой

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

1. Лекционно-семинарская система обучения (традиционные лекционные и практические занятия);
2. Обучение в малых группах (выполнение практических работ в группах из двух или трех человек);
3. Применение мультимедиа-технологий (проведение лекционных и практических занятий с применением компьютерных презентаций и демонстрационных роликов с помощью проектора и ЭВМ)

4. Технология развития критического мышления (прививание студентам навыков критической оценки предлагаемых решений);
5. Технологии дистанционного обучения (создан сайт дистанционного обучения, размещенный в центре дистанционных технологий ВлГУ).

В активной и интерактивной формах проводятся 50% аудиторных занятий.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

В рамках документа «Положение о рейтинговой системе комплексной оценки знаний студентов» разработан регламент проведения и оценивания контрольных действий. Процедура оценивания знаний, умений, навыков по дисциплине включает учёт успешности выполнения ряда мероприятий: текущего контроля (контрольных работ, рейтинг -контролей); самостоятельной работы (типовых расчетов, курсовых работ и др.) и промежуточной аттестации (зачёта, зачета с оценкой или экзамена).

Публикуемые компоненты ФОС:

1. Полный список теоретических вопросов промежуточной аттестации (несменяемая часть).
2. Типовые формы текущего контроля: (КР).
3. Типовые формы самостоятельной работы (ТР).

Для генерирования сменяемой части оценочных средств (задач), используются материалы библиотеки ВлГУ и указанных там же специальных сайтов.

СЕМЕСТР 2

Переаттестация в форме зачета

Темы и вопросы к зачету

Тема 1 «Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии»:

1. Элементарные сведения о векторах. Операции над ними.
2. Простейшие задачи матричного исчисления.
3. Простейшие задачи аналитической геометрии.

Тема 2 «Введение в анализ»:

1. Элементы введения в анализ; графики.
2. Простейшие пределы.

Тема 3 «Элементы дифференциального и интегрального исчисления»:

1. Табличные производные. Элементарные способы дифференцирования.
2. Нахождение экстремума для простейших функций.
3. Интегралы, свойства. Табличные интегралы.
4. Элементарные приемы интегрирования

Тема 4 «Обыкновенные дифференциальные уравнения»:

1. Начальные сведения об уравнениях 1-го порядка.
2. Решение простейших типов уравнений.
3. Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами

СЕМЕСТР 5

В семестре предусмотрено 5 лабораторных работ.

Лабораторная работа 1 «Локализация корней многочлена».

Содержание: Дан многочлен. Требуется определить границу его корней с помощью схемы Горнера или с помощью метода квадрирования корней, найти количество вещественных корней и локализовать их с помощью правила Штурма.

Лабораторная работа 2 «Приближенное решение функционального уравнения»

Содержание: Дано функциональное уравнение. Требуется найти приближенно одно его решение методами половинного деления, одной касательной, Ньютона.

Лабораторная работа 3 «Полиномиальная интерполяция»

Содержание: Дана функция, определенная на отрезке. Требуется найти корни многочлена Чебышёва на этом отрезке, найти значения функции в этих корнях, по получившейся таблице построить интерполяционный многочлен Лагранжа, оценить погрешность.

Лабораторная работа 4 «Приближенное вычисление определенного интеграла»

Содержание: Дан определенный интеграл. Требуется приближенно вычислить его с помощью метода Симпсона и метода Гаусса.

Лабораторная работа 5 «Приближенное решение обыкновенного дифференциального уравнения первого порядка»

Содержание: Дано обыкновенное дифференциальное уравнение первого порядка с начальным условием. Требуется найти приближенно его решение с помощью метода Рунге – Кутты.

Текущий контроль в форме рейтинг -контроля

Рейтинг-контроль №1

1. Приближенные решения уравнения $f(x) = 0$. Локализация корней, метод половинного деления.
2. Метод итераций (с оценкой погрешности), метод Ньютона (с оценкой погрешности), метод хорд и касательных.
3. Определение границы корней многочлена. Алгоритм Евклида для нахождения наибольшего общего делителя и применение для устранения кратности корней многочленов.

Рейтинг-контроль №2

1. Метод наименьших квадратов.
2. Аппроксимация в евклидовых пространствах. Ортогональные (ортонормированные) системы. Линейная независимость. Полнота.
3. Ряды Фурье по ортонормированным системам. Экстремальное свойство частичных сумм Фурье. Равенство Парсеваля.

Рейтинг-контроль №3

1. Метод ортогонализации Грамма – Шмидта. Метод ортогонализации применительно к пространству L_2 . Ортогональные многочлены и их общие свойства.
2. Приближенные решения уравнения $f(x) = 0$: метод половинного деления, метод итераций (с оценкой погрешности), метод Ньютона (с оценкой погрешности).
3. Алгоритм Евклида для нахождения наибольшего общего делителя. Применение для устранения кратности корней многочленов.

Промежуточная аттестация в форме зачета с оценкой

Вопросы к зачету с оценкой:

1. Метод Ньютона, метод итераций, метод Лобачевского (квадрирование корней).
2. Цепные дроби. Подходящие дроби. Рекуррентная формула для вычисления подходящих дробей. Оценка погрешности при аппроксимации подходящими дробями.
3. Задача аппроксимации многочленами в равномерной метрике. Интерполяция. Метод Лагранжа и метод Ньютона построения интерполяционных многочленов.
4. Многочлены Чебышева. Экстремальные свойства многочленов Чебышева.

5. Приближение непрерывных функций в равномерной метрике алгебраическими многочленами. Теорема о существовании многочлена наилучшего приближения.
6. Первая теорема Вейерштрасса. Многочлены Бернштейна Точки альтернанса. Теорема Чебышева об альтернансе.
7. Аппроксимация Паде.
8. Метод наименьших квадратов.
9. Аппроксимация в евклидовых пространствах. Ортогональные (ортонормированные) системы. Линейная независимость. Полнота.
10. Ряды Фурье по ортонормированным системам. Экстремальное свойство частичных сумм Фурье. Равенство Парсеваля.
11. Метод ортогонализации Грамма – Шмидта. Метод ортогонализации применительно к пространству L_2 . Ортогональные многочлены и их общие свойства.
12. Приближенные решения уравнения $f(x) = 0$: метод половинного деления, метод итераций (с оценкой погрешности), метод Ньютона (с оценкой погрешности).
13. Алгоритм Евклида для нахождения наибольшего общего делителя. Применение для устранения кратности корней многочленов.
14. Некоторые вопросы, касающиеся нахождения корней многочленов. Основная теорема алгебры (без доказательства). Определение границы корней многочлена $P(z) = z^n + a_{n-1}z^{n-1} + \dots + a_0$. Метод Ньютона. Метод квадрирования корней
15. Цепные дроби. Подходящие дроби. Рекуррентная формула для вычисления подходящих дробей. Оценка погрешности при аппроксимации подходящими дробями (формула для разности двух подходящих дробей). Свойства четных и нечетных подходящих дробей. Разложение иррациональных чисел в бесконечную цепную дробь (пример).
16. Задача аппроксимации многочленами в равномерной метрике. Интерполяция.
 - а) Метод Лагранжа построения интерполяционных многочленов.
 - б) Метод Ньютона построения интерполяционных многочленов
 - в) Оценка погрешности интерполяции.
17. Многочлены Чебышёва. Экстремальные свойства многочленов. Многочлен Чебышёва для произвольного отрезка. Применение к построению узлов интерполяции и оценке погрешности интерполяции.
18. Метод наименьших квадратов. Пример.
19. Приближение непрерывных функций в равномерной метрике алгебраическими многочленами.
 - а) Теорема о существовании многочлена наилучшего приближения.
 - б) Первая теорема Вейерштрасса. Многочлены Бернштейна.
 - в) Точки альтернанса. Теорема Чебышёва об альтернансе.

Самостоятельная работа в форме списка вопросов

1. Приближенные решения уравнения $f(x) = 0$. Локализация корней, метод половинного деления.
2. Метод итераций (с оценкой погрешности), метод Ньютона (с оценкой погрешности), метод хорд и касательных.
3. Определение границы корней многочлена. Алгоритм Евклида для нахождения наибольшего общего делителя и применение для устранения кратности корней многочленов.
4. Метод Ньютона, метод итераций, метод Лобачевского (квадрирование корней).
5. Цепные дроби. Подходящие дроби. Рекуррентная формула для вычисления подходящих дробей. Оценка погрешности при аппроксимации подходящими дробями.
6. Задача аппроксимации многочленами в равномерной метрике. Интерполяция. Метод Лагранжа и метод Ньютона построения интерполяционных многочленов.
7. Многочлены Чебышева. Экстремальные свойства многочленов Чебышева.

8. Приближение непрерывных функций в равномерной метрике алгебраическими многочленами. Теорема о существовании многочлена наилучшего приближения.
9. Первая теорема Вейерштрасса. Многочлены Бернштейна Точки альтернанса. Теорема Чебышева об альтернансе.
10. Аппроксимация Паде.
11. Метод наименьших квадратов.
12. Аппроксимация в евклидовых пространствах Ортогональные (ортонормированные) системы. Линейная независимость. Полнота.
13. Ряды Фурье по ортонормированным системам. Экстремальное свойство частичных сумм Фурье. Равенство Парсеваля.
14. Метод ортогонализации Грамма – Шмидта. Метод ортогонализации применительно к пространству L_2 . Ортогональные многочлены и их общие свойства.
15. Приближенные решения уравнения $f(x) = 0$: метод половинного деления, метод итераций (с оценкой погрешности), метод Ньютона (с оценкой погрешности).
16. Алгоритм Евклида для нахождения наибольшего общего делителя. Применение для устранения кратности корней многочленов.
17. Некоторые вопросы, касающиеся нахождения корней многочленов. Основная теорема алгебры (без доказательства). Определение границы корней многочлена $P(z) = z^n + a_{n-1}z^{n-1} + \dots + a_0$. Метод Ньютона. Метод квадрирования корней.
18. Цепные дроби. Подходящие дроби. Рекуррентная формула для вычисления подходящих дробей. Оценка погрешности при аппроксимации подходящими дробями (формула для разности двух подходящих дробей). Свойства четных и нечетных подходящих дробей. Разложение иррациональных чисел в бесконечную цепную дробь (пример).
19. Задача аппроксимации многочленами в равномерной метрике. Интерполяция.
20. Метод Лагранжа построения интерполяционных многочленов.
21. Метод Ньютона построения интерполяционных многочленов. Оценка погрешности интерполяции.
22. Многочлены Чебышёва. Экстремальные свойства многочленов. Многочлен Чебышёва для произвольного отрезка. Применение к построению узлов интерполяции и оценке погрешности интерполяции.
23. Метод наименьших квадратов. Пример. Приближение непрерывных функций в равномерной метрике алгебраическими многочленами.
24. Теорема о существовании многочлена наилучшего приближения. Первая теорема Вейерштрасса. Многочлены Бернштейна. Точки альтернанса. Теорема Чебышёва об альтернансе.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Основная литература

1. Численные методы. Учебное пособие для вузов / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков. - М.: БИНОМ, 2015 <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996326167.html>
2. Численные методы в задачах и упражнениях: учебное пособие / Н. С. Бахвалов, А. В. Лапин, Е. В. Чижонков ; под ред. В. А. Садовниченко. - М.: БИНОМ, 2015. <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996329809.html>
3. Численные методы: учеб. пособие / Е.В. Карманова. - М. : ФЛИНТА, 2015. <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785976523036.html>

Дополнительная литература

1. Maple 9.5/10/11 в математике, физике и образовании / В.П. Дьяконов. - М. : ДМК Пресс, 2010. <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785940745013.html>
2. Интерактивные системы Scilab, Matlab, Mathcad: учебное пособие / И.Е. Плещинская. - Казань : Издательство КНИТУ, 2014. <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785788217154.html>

3. Численные методы. / Формалев В. Ф., Ревизников Д. Л. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2007.
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN5922104799.html>

Периодические издания

1. Успехи математических наук, Журнал РАН (корпус 3, ауд. 414) (1 шт)
2. Автоматика и телемеханика, Журнал РАН (корпус 3, ауд. 414) (1 шт)

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Лекционная аудитория (318-3): 75 посадочных мест, мультимедийный проектор с автоматическим экраном.

Лаборатория численных методов (405-3): 25 посадочных мест, 13 персональных компьютеров со специализированным программным обеспечением, мультимедийный проектор с экраном.

Электронные учебные материалы на компакт-дисках.

Доступ в Интернет.

Лист переутвещения

Программа переутвещена:

на _____ учебный год. Протокол заседания кафедры № _____ от
_____ года.

Заведующий кафедрой _____

на _____ учебный год. Протокол заседания кафедры № _____ от
_____ года.

Заведующий кафедрой _____

на _____ учебный год. Протокол заседания кафедры № _____ от
_____ года.

Заведующий кафедрой _____

на _____ учебный год. Протокол заседания кафедры № _____ от
_____ года.

Заведующий кафедрой _____

на _____ учебный год. Протокол заседания кафедры № _____ от
_____ года.

Заведующий кафедрой _____