

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Владимирский государственный университет имени
Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»



«УТВЕРЖДАЮ»

Проректор по УМР

А.А. Панфилов

« 17 » 03 2016 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
«ТЕОРИЯ ФУНКЦИЙ ДЕЙСТВИТЕЛЬНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ»

Направление подготовки 44.03.05 Педагогическое образование

Профиль подготовки Физика. Математика

Уровень высшего образования бакалавриат

Форма обучения очная

Семестр	Трудоем- кость зач. ед., час.	Лек- ций, час.	Практич. занятий, час.	Лаборат. лабот, час.	СРС, час.	Форма промежуточного контроля
6	3/108		36	-	36	экзамен (36 ч.)
Итого	3/108		36	-	36	экзамен (36 ч.)

Владимир, 2016

1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями курса «Теория функций действительной переменной» являются:

- формирование математической культуры студентов;
- формирование систематических знаний в области ТФДП;
- овладение аппаратом ТФДП для дальнейшего использования в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания.

Задачи дисциплины:

1. овладение знаниями:
 - 1) теоретических основ науки, терминологии, истории становления,
 - 2) методов экспериментальных и теоретических исследований,
 - 3) предмета и объекта исследований данной науки,
2. овладение навыками:
 - 1) решения расчетных задач,
 - 2) работы с учебной и научной литературой,
 - 3) овладение умением решения творческих и нестандартных задач.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

Входит в вариативную часть дисциплин по выбору. Для освоения дисциплины «Теория функции действительной переменной» студенты используют знания, умения и виды деятельности, сформированные в процессе изучения математики, геометрии в общеобразовательной школе. Дисциплина «Теория функции действительной переменной», наряду с дисциплинами «Алгебра» и «Математический анализ», является фундаментом высшего математического образования.

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код компетенций по ФГОС	Компетенции	Планируемые результаты
ПК-11	Готовность использовать систематизированные теоретические и практические знания для постановки решения исследовательских задач в области образования	Знать: <ul style="list-style-type: none">• теоретические основы науки, терминологии, истории становления,• методы теоретических исследований,• предмет и объект исследований данной науки, Уметь: <ul style="list-style-type: none">• выделять физическое содержание в прикладных задачах и использовать законы физики в профессиональной деятельности,• применять математический аппарат для решения практических задач, Владеть: <ul style="list-style-type: none">• математическим аппаратом решения математических моделей.

"В соответствии с профессиональным стандартом педагога (приказ Министерства труда и социальной защиты населения РФ № 544н от 18.10.2013г.) преподаватели в средней школе при разработке и реализации программ учебных дисциплин в рамках основной общеобразовательной программы, а также при планировании и проведении учебных занятий должны владеть общепользовательскими и общепедагогическими ИКТ-компетентностями (ИКТ - информационно-коммуникационные технологии). "

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единиц, 108 часов.

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)					Объем учебной работы, с применением интерактивных методов (в часах / %)	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации (по семестрам)	
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные	Контрольные	СРС			КП/КР
1	Множества. Эквивалентные множества.	6	1-2		4			4		1/25%	
2	Мощность множеств. Теоремы о счетных множествах.	6	3-4		4			4		1/33%	
3	Сравнение мощностей. Множества мощности континуума.	6	5-6		4			4		1/25%	РК-1
4	Метрические пространства. Примеры метрических пространств.	6	7-8		4			4		1/33%	
5	Точечные множества. Полнота метрических пространств. Компактность множеств.	6	9-10		4			4		1/25%	
6	Мера и интеграл на числовой прямой. Интеграл Лебега.	6	11-12		4			4		1/33%	РК-2
7	Пространство L_2 . Ортогональные системы функций.	6	13-14		4			4		1/25%	
8	Функции с ограниченной вариацией. Интеграл Стильтьеса.	6	15-16		4			4		1/33%	
9	Линейные операторы и линейные функционалы.	6	17-18		4			4		1/25%	РК-3
Всего					36			36		9/25%	Экзамен (36)

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

№ п/п	Виды учебной работы	Образовательные технологии
1.	Лекция	-проблемная лекция
2.	Практические занятия	- выполнение расчетных работ; - поиск и анализ информации в сети Интернет; - проектные технологии; - технология учебного исследования
3.	Самостоятельная работа	- внеаудиторная работа студентов (освоение теоретического материала, подготовка к практическим занятиям, работа с электронным учебно-методическим комплексом, подготовка к текущему и итоговому контролю)
4.	Текущий контроль	- решение задач на практических занятиях; - ответы на коллоквиумах

6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ

Примерные темы на рейтинг-контроль № 1

1. Взаимно однозначное отображение множеств.
2. Доказательства счетности и несчетности множеств.
3. Мощность множества.
4. Метрические пространства.

Примерные темы на рейтинг-контроль № 2

1. Строение открытых и замкнутых множеств.
2. Измеримые функции
3. Принцип сжимающих отображений.
4. Компактные множества.

Примерные темы на рейтинг-контроль № 3

1. Интеграл Лебега
2. Пространство L_2
3. Ортогональные системы функций
4. Интеграл Стильбеса.

Организация и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов (36 часов)

Приводится характеристика всех видов и форм самостоятельной работы студентов, включая текущую и творческую/исследовательскую деятельность студентов:

Текущая СРС, направленная на углубление и закрепление знаний студента, развитие практических умений включает:

- работу с лекционным материалом, поиск и обзор литературы и электронных источников информации по индивидуально заданной проблеме курса,
- выполнение домашних заданий, контрольных работ,
- изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку,
 - подготовку к практическим и семинарским занятиям;
 - подготовка к контрольной работе, к зачету, экзамену.

Творческая проблемно-ориентированная самостоятельная работа (ТСР), ориентированная на развитие интеллектуальных умений, комплекса универсальных (общекультурных) и профессиональных компетенций, повышение творческого потенциала студентов включает следующие виды работ по основным проблемам курса:

- поиск, анализ, структурирование и презентация информации,
- анализ научных публикаций по заранее определенной преподавателем теме.

Содержание самостоятельной работы студентов по дисциплине

Темы домашних заданий:

1. Доказать, что множество всех точек плоскости с рациональными координатами счётно.
2. Доказать, что множество всех интервалов с рациональными концами счётно.
3. Пусть A - такое множество вещественных чисел, что расстояние между любыми двумя из этих чисел больше 1. Доказать, что A конечно или счётно.
4. Доказать, что множество точек разрыва монотонной функции, определенной на всей числовой прямой, конечно или счётно.

5. Доказать, что всякое множество попарно не пересекающихся кругов на плоскости конечно или счётно.
6. Пусть A - такое множество точек плоскости, что расстояние между любыми двумя из этих точек больше фиксированного числа $a > 0$. Доказать, что A конечно или счётно.
7. Показать, что множество всех конечных подмножеств натурального ряда счётно.
8. Доказать, что множество всех треугольников на плоскости, у которых координаты всех вершин рациональны, счётно.
9. Доказать, что множество всех многоугольников на плоскости, у которых координаты всех вершин рациональны, счётно.
10. Будет ли счетным множество всех многочленов, коэффициентами которых служат алгебраические числа?
11. Установите биекцию между $[0,1]$ и $(0,1)$.
12. Установить биекцию между $(0,2)$ и $.$
13. Установить биекцию между внутренностью единичного круга на плоскости и его внешностью.
14. Установить биекцию между внешностью единичного круга и всей плоскостью.

Контроль самостоятельной работы

Оценка результатов самостоятельной работы организуется как единство двух форм: самоконтроль и контроль со стороны преподавателей. Оценка результатов самостоятельной работы организуется следующим образом:

- контрольные вопросы, задаваемые при проведении практических занятий,
- вопросы для самоконтроля;
- вопросы тестирований;
- выполнение домашних работ;
- выполнение самостоятельных и контрольных работ
- вопросы, выносимые на зачет.
- реферат с элементами проектирования;
- доклады на конференц-неделях.

Оценка качества освоения дисциплины производится по результатам следующих контролируемых мероприятий:

Контролирующие мероприятия	Результаты обучения по дисциплине
Самостоятельные работы на практических занятиях	Знание основных формул и оп-

	ределений
Контрольные работы на практических занятиях	Умение самостоятельно находить решение поставленной задачи
Участие студентов в научной дискуссии по подготовленным и представленным презентациям, рефератам во время проведения конференц-недели	Овладение опытом анализа информационных источников; выступлений с докладами и участия в дискуссиях; разделения научного и ненаучного знания;
Выполнение и защита индивидуальных заданий	Знание основных формул и определений. Умение самостоятельно находить решение поставленной задачи

Контроль со стороны преподавателя и самоконтроль осуществляется в соответствии с рейтинг-планом дисциплины, во время практических и лабораторных занятий, коллоквиумов, защиты домашних заданий.

Вопросы к экзамену

1. Операции над множествами, свойства операций. Формулы двойственности.
2. Счетные множества. Объединение конечного и счетного семейства счетных множеств.
3. Декартово произведение счетных множеств.
4. Теоремы о подмножествах бесконечных множеств и следствия из них.
5. Мощность множества. Сравнение мощностей. Мощность множества всех подмножеств заданного множества.
6. Теорема Кантора-Бернштейна.
7. Множества мощности континуум. Теорема Кантора.
8. Метрические пространства (аксиомы метрики, примеры метрических пространств). Скалярное произведение и норма. Понятие евклидова пространства.
9. Предел последовательности в метрических пространствах. Фундаментальные последовательности в метрических пространствах. Полные метрические пространства. Полнота пространств R^n , $C[a, b]$, $L^p[E]$.
10. Теорема о неподвижной точке (принцип сжимающих отображений).

11. Применение принципа сжимающих отображений.
12. Строение открытых и замкнутых множеств.
13. Измеримые функции одной переменной.
14. Мера и интеграл Лебега
15. Пространство L^2
16. Пространство L^2 . Сходимости в среднем.
17. Ортогональные системы функций.
18. Ряды Фурье по ортогональным системам функций
19. Свойства монотонной функции
20. Функции с ограниченной вариацией
21. Абсолютно непрерывная функция
22. Интеграл Стильтьеса
23. Линейные операторы и линейные функционалы.
24. Обратный оператор. Спектр. Резольвента.
25. Гильбертово пространство.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

/п	Название и выходные данные (автор, вид издания, издательство, издание, количество страниц)	Год издания	Количество экземпляров в библиотеке университета	Наличие в электронной библиотеке ВлГУ	Количество студентов, использующих указанную литературу	Обеспеченность студентов литературой, %
2		3	4	5	6	7
Основная литература						
	Математический анализ. Краткий курс [Электронный ресурс] : Учебное пособие для студентов высших учебных заведений / Асланов Р.М., Ли О.В., Мурадов Т.Р. - М. : Прометей, 2014.	2014		ЭБС «Консультант студента» http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785990588653.html	20	100
	Основы математического анализа. В 2-х ч. Часть I [Электронный ресурс] : Учеб. для вузов / Ильин В.А., Позняк Э.Г. - 7-е изд., стер. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2014. - (Курс высшей математики и математической физики. Вып. 1).	2014		ЭБС «Консультант студента» http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922109024.html	20	100
	Лекции по математическому анализу. Ч.1 [Электронный ресурс] : учебное пособие / В.Т. Дубровин. - 3-е изд., перераб. и доп. - Казань : Изд-во Казан. ун-та, 2012. - http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785905787430.html	2012		ЭБС «Консультант студента» http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785905787430.html	20	100

Дополнительная литература:

	Теория функций комплексного переменного: Учеб. пособ / Карасёв И. П. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. - 216 с.	2008		ЭБС «Консультант студента» http://www.studentlibrary.ru/doc/ISBN9785922109604-SCN0002.html	20	100
	Высшая математика. Основы математического анализа [Электронный ресурс] / Геворкян П.С. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2011	2011		ЭБС «Консультант студента» http://www.studentlibrary.ru/doc/ISBN5922105493-SCN0008.html	20	100
	Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление [Электронный ресурс] : Учеб. пособие для	2011		ЭБС «Консультант студента» http://www.stu	20	100

вузов / С.В. Галкин. - М. : Издательство МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2011.			dentlibrary.ru/ book/bauman_0392.html		
--	--	--	--	--	--

Периодические издания

1. Математическое просвещение. Третья серия // М.: МЦНМО. Выпуск 13, 2009.
2. Математическое просвещение. Третья серия // М.: МЦНМО. Выпуск 14, 2010.
3. Математическое просвещение. Третья серия // М.: МЦНМО. Выпуск 15, 2011.
4. Математическое просвещение. Третья серия // М.: МЦНМО. Выпуск 16, 2012.


Интернет-ресурсы

exponenta.ru, poiskknig.ru


8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

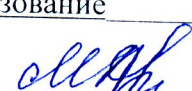
Лекционные аудитории, оснащённые доской (для мела или маркера), экраном для проекционных систем, проектором и ноутбуком (230).

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 44.03.05 Педагогическое образование профили «Физика. Математика»

Рабочую программу составил  ст. пр. Тихомиров Р.Н.
(ФИО, подпись)

Рецензент МАОУ Гимназия №3 Мартышкина Г.И.
(место работы, должность, ФИО, подпись)

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры математического анализа
Протокол № 7 от 11.03.2016 года
Заведующий кафедрой Жиков В.В. 
(ФИО, подпись)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии направления 44.03.05 Педагогическое образование
Протокол № 3 от 11.03.2016 года
Председатель комиссии Артамонова М.В. 

ЛИСТ ПЕРЕУТВЕРЖДЕНИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год
Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года
Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год
Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года
Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год
Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года
Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год
Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года
Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год
Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года
Заведующий кафедрой _____