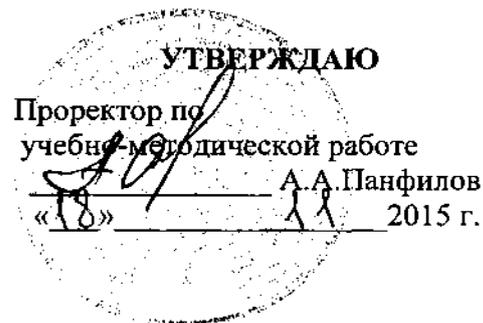


Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Владимирский государственный университет
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»
(ВлГУ)



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ»

Направление подготовки 27.03.04 *Управление в технических системах*

Профиль подготовки *Управление и информатика в технических системах*

Уровень высшего образования *бакалавриат*

Форма обучения *очная*

| Семестр | Трудоем- кость зач, ед, час. | Лек- ций, час. | Практик. занятий, час. | Лаборат. работ, час. | СРС, час. | Форма промежуточного контроля (экз./зачет) |
|---------|------------------------------------|----------------------|------------------------------|-------------------------|--------------|---|
| 5 | 4/144 | 18 | 18 | 18 | 90 | зачет |
| Итого | 4/144 | 18 | 18 | 18 | 90 | зачет |

Владимир, 2015

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью изучения дисциплины «Методы оптимизации» является формирование у студентов компетенции, направленной на поиск наиболее эффективных решений поставленных прикладных задач, освоение типовых моделей этих задачи и алгоритмов их решения.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

Дисциплина относится к обязательным дисциплинам вариативной части учебного плана. Данная дисциплина основывается на теоретических положениях, излагаемых в дисциплине «Математика». Знания, получаемые студентами при изучении этой дисциплины, используются в дальнейшем при освоении соответствующих разделов «Теории автоматического управления» в программе бакалавриата, а также в дисциплине «Оптимальное управление» в программе магистратуры, при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Изучение дисциплины «Методы оптимизации» позволит студентам овладеть следующими компетенциями:

- способность представлять адекватную современному уровню знаний научную картину мира на основе знания основных положений, законов и методов естественных наук и математики (ОПК - 1);
- способностью выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат (ОПК - 2).

В результате изучения дисциплины студент должен:

Знать: общую формулировку задачи оптимизации, классификацию оптимизационных задач, типовые модели этих задач и методы их решения.

Уметь: сформулировать содержательную постановку задачи и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, применить его к поставленной задаче, используя для этого компьютерную технику с соответствующим программным обеспечением.

Владеть: методами классического математического анализа, методами линейного и нелинейного программирования, сетевого планирования и динамического программирования, универсальным и специальным программным обеспечением.

4. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единицы, 144 часа

| № п/п | Раздел (тема) дисциплины | Семестр | Неделя семестра | Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах) | | | | | | Объем учебной работы, с применением интерактивных методов (в часах / %) | Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации (по сем) |
|-------|---|---------|-----------------|--|----------------------|---------------------|--------------------|-----|---------|---|---|
| | | | | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | Контрольные работы | СРС | КП / КР | | |
| 1 | Общее представление об оптимизации и ее роль в обеспечении эффективно-го решения прикладных задач. Примеры оптимизационных задач. | 5 | 1-2 | 2 | | | | 4 | | 1/50 | |
| 2 | Методика формализации оптимизационных задач. Классификация их по виду математической модели. | 5 | 3-4 | 2 | 2 | | | 6 | | 2/50 | |
| 3 | Задачи, модели и методы линейного программирования | 5 | 5-6 | 2 | 4 | 4 | | 12 | | 5/50 | 1 рейтинг-контроль |
| 4 | Задачи линейного программирования, интер-претируемые на графах и методы их решения | 5 | 7-8 | 2 | 3 | 4 | | 12 | | | |
| 5 | Транспортные задачи линейного программирования и методы их решения | 5 | 9-10 | 2 | 3 | 4 | | 12 | | | |
| 6 | Задачи и модели нелинейной статической оптимизации и их решение методами классического математического анализа | 5 | 11-12 | 2 | 2 | | | 8 | | 2/50 | 2 рейтинг-контроль |
| 7 | Численные методы поиска экстремума целевой функции | 5 | 13-14 | 2 | 2 | 6 | | 16 | | 5/50 | |
| 8 | Понятие о динамической оптимизации. Модели и методы динамического программирования | 5 | 15-16 | 2 | 2 | | | 8 | | 2/50 | |
| 9 | Основные подходы к решению задач векторной (многокритериальной) оптимизации | 5 | 17 | 1 | | | | 6 | | 0,5/50 | |
| 10 | Основные подходы к решению задач стохастической | 5 | 18 | 1 | | | | 6 | | 0,5/50 | 3 рейтинг-контроль |

| | | | | | | | | | | |
|--|--------------|--|-----------|-----------|-----------|--|-----------|--|---------------|--------------|
| | оптимизации | | | | | | | | | |
| | Всего | | 18 | 18 | 18 | | 90 | | 18/33% | Зачет |

Содержание дисциплины

Лекции

Тема 1. «Общее представление об оптимизации и ее роль в обеспечении эффективного решения прикладных задач».

Примеры оптимизационных задач из реальных областей техники, экономики и т.п. Понятие о критерии оптимальности (целевой функции) и ограничениях.

Тема 2. «Методика формализации оптимизационных задач их классификация».

Разбор различных примеров с описанием содержательной постановки задачи и получения ее математической модели. Изложение общей методики формализации. Классификация оптимизационных задач: скалярная и векторная, статическая и динамическая, детерминированная и стохастическая. Задачи и модели математического программирования и их разновидности: линейное, нелинейное, квадратичное, сепарабельное, геометрическое программирование.

Тема 3. «Задачи, модели и методы линейного программирования (ЛП)».

Модель ЛП и ее запись в развернутом и векторно-матричном виде. Общая и каноническая задачи ЛП. Понятие о свободных и базисных переменных, основные свойства систем линейных алгебраических уравнений. Геометрическая интерпретация задач ЛП и их графическое решение. Основные свойства решения задач ЛП. Сущность алгебраического метода решения задач ЛП – симплекс-метод. Проблемы отыскания начального опорного решения и ее решение методом штрафов.

Тема 4. «Задачи линейного программирования, интерпретируемые на графах и методы их решения».

Основные сведения о графах. Формулировка задачи о кратчайших путях в графе и ее решение методом Дейкстры. Формулировка задачи о критическом пути в графе и алгоритм ее решения, понятие о сетевом планировании и его связь с задачей о критическом пути. Понятие о транспортной сети, формулировка задачи об отыскании максимального потока в транспортной сети и ее решение методом Форда – Фалкерсона. Формулировка задачи об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети и алгоритм ее решения.

Тема 5. «Транспортные задачи линейного программирования и методы их решения».

Формулировка классической транспортной задачи, ее прикладное значение. Решение транспортной задачи с использованием метода северо-западного угла и метода потенциалов. Особенность несбалансированных транспортных задач, многопродуктовых задач и задач с промежуточными пунктами.

Тема 6 «Задачи и модели нелинейной статической оптимизации и их решение методами классического математического анализа».

Модель задачи оптимизации с нелинейной целевой функцией, примеры прикладных задач такого типа. Необходимое и достаточное условия экстремума. Понятие градиента и матрицы Гессе и их использование при использовании необходимого и достаточного условий экстремума. Трудности использования аналитических условий для отыскания экстремума в реальных практических задачах.

Тема 7 «Численные методы поиска экстремума целевой функции».

Алгоритмы поиска экстремума, использующие производные: алгоритм Ньютона-Рафсона, градиентные алгоритмы и их версии, графическая интерпретация поиска экстремума с использованием градиентного метода. Алгоритмы поиска, не использующие производных: алгоритм полного перебора узловых точек сетки в области допустимых значений, покоординатный поиск, симплекс-метод, алгоритм случайного поиска.

Тема 8 «Понятие о динамической оптимизации. Модели и методы динамического программирования».

Общая формулировка задачи динамической оптимизации, понятие о функционале качества, роль и характер ограничений. Основные направления математической теории динамической оптимизации (оптимального управления):

- классическое вариационное исчисление;
- принципы максимума Понтрягина;
- динамическое программирование Беллмана.

Формулировка классической задачи динамического программирования и принципа оптимальности Р.Беллмана. Иллюстрация его применения. Примеры задач динамического программирования.

Тема 9 «Основные подходы к решению задач векторной (многокритериальной) оптимизации».

Прикладные значения задач многокритериальной оптимизации. Методы сведения их к однокритериальной задаче.

Тема 10 «Основные подходы к решению задач стохастической оптимизации».

Прикладное значение задач стохастической оптимизации, методика их математического описания, основные подходы к решению.

Темы практических занятий

Тема №1. Разбор примеров задач оптимизации и их формализации.

Тема № 2. Решение задач линейного программирования графическим способом.

Тема № 3. Решение задач линейного программирования симплекс-методом.

Тема № 4. Решение задач линейного программирования, интерпретируемых на графах – задачи о кратчайших путях и критическом пути. Сетевое планирование.

Тема № 5. Транспортные сети и решение задач о максимальном потоке и оптимальном распределении заданного потока.

Тема № 6. Решение классических транспортных задач с использованием метода северо-западного угла и метода потенциалов.

Тема № 7. Решение задач с нелинейной целевой функцией средствами классического математического анализа.

Тема № 8. Примеры задач динамического программирования – о распределении выделенных средств одному предприятию, об оптимальном календарном графике замены оборудования, об оптимальном управлении персоналом при неравномерном плане производства.

Темы лабораторных работ

Лабораторная работа №1. Решение задач линейного программирования.

Лабораторная работа №2. Решение транспортных задач.

Лабораторная работа №3. Сетевое планирование.

Лабораторная работа №4. Поиск экстремума с использованием градиентных методов.

Лабораторная работа №5. Поиск экстремума с использованием метода Нелдера-Мида.

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Изучение дисциплины «**Методы оптимизации**» предполагает не только запоминание и понимание, но и анализ, синтез, рефлексия, формирует универсальные умения и навыки, являющиеся основой становления специалиста-профессионала. Для реализации компетентностного подхода предлагается интегрировать в учебный процесс интерактивные образовательные технологии, включая информационные и коммуникационные технологии (ИКТ), при осуществлении различных видов учебной работы:

- учебную дискуссию;
- электронные средства обучения (слайд-лекции, компьютерные тесты);

– дистанционные (сетевые) технологии.

6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ

Для текущего контроля успеваемости студентов предусмотрено три рейтинг-контроля, проводимых согласно принятому в университете графику.

ТЕМЫ, ВЫНОСИМЫЕ НА САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ ПРОРАБОТКУ

1. Анализ примеров оптимизационных задач.
2. Формализация оптимизационных задач: изучение примеров из различных предметных областей; изучение общей методики получения математической модели.
3. Модель линейного программирования, графическое и алгебраическое решение, отыскание начального опорного решения, самостоятельное решение задач с заданными исходными условиями.
4. Задачи линейного программирования, интерпретируемые на графах: изучение формулировок задач и методов решения – задачи о кратчайших путях, задачи о графе наименьшей длины, задачи о критическом пути в графе, задачи о максимальном потоке в транспортной сети, задачи об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети. Самостоятельное решение задач каждого типа с заданными исходными условиями.
5. Модели и алгоритмы решения классической транспортной задачи, самостоятельное решение задач с помощью метода северо-западного угла и метода потенциалов.
6. Поиск экстремума нелинейной целевой функции методами классического математического анализа: изучение теории, разбор примеров, самостоятельное решение задач.
7. Поиск экстремума нелинейной целевой функции с использованием численных методов: изучение алгоритмов и программ поиска экстремума, самостоятельное решение задач.
8. Динамическая оптимизация и динамическое программирование: изучение теории, анализ прикладных задач с разбором техники их решения.
9. Многокритериальная оптимизация: изучение прикладных задач, ознакомление с примерами их формализации и решение.
10. Стохастическая оптимизация: изучение примеров прикладных задач, их формализация и решение.

ВОПРОСЫ

к рейтинг-контролю знаний студентов

Рейтинг-контроль №1

1. В чем состоит сущность оптимизации?
2. Что представляет собой предмет изучения теории оптимизации, и каково её назначение?
3. Какими факторами определяется значение теории оптимизации на современном этапе?
4. Что представляет собой критерий оптимизации?
5. Каким образом формулируется задача однокритериальной и многокритериальной оптимизации?
6. В чем состоит формализации оптимизационной задачи, и какую цель она преследует?

7. Примеры формализации оптимизационных задач:
- об определении оптимальных размеров цилиндрической емкости;
 - об оптимальном расположении диспетчерского пункта, связанного с периферийными пунктами по принципу звезды.
 - об отыскании оптимальной стоимости товара (или услуги);
 - об оптимальном планировании производственной деятельности предприятия;
 - об определении оптимального плана перевозок в транспортной системе;
 - задача о рюкзаке.
8. Методика теоретического подхода к получению математической модели оптимизационной задачи.
9. Записать модель задачи математического программирования в развернутом и векторно-матричном виде.
10. В чем состоят особенности следующих разновидностей модели математического программирования:
- квадратичного;
 - геометрического;
 - сепарабельного;
 - линейного;
 - целочисленного.
11. Записать соотношения образующие общую математическую модель линейного программирования в развернутом и векторно-матричном виде.
12. В чем состоит каноническая (стандартная) модель ЗЛП. Каким образом общую ЗЛП можно свести к канонической?
13. В чем состоит геометрическая интерпретация ЗЛП для двумерной, трехмерной и n-мерной задач?
14. Что такое ОДР, и какими особенностями она обладает для ЗЛП?
15. В чем состоит сущность алгебраического подхода к решению ЗЛП?
16. Что такое базисные и свободные переменные в условиях ЗЛП?
17. Что такое допустимый опорный план в ЗЛП?
18. Какие методы существуют для отыскания допустимого начального плана в ЗЛП, в чем состоит сущность метода штрафов?
19. Каким образом формируется симплекс – таблица для решения ЗЛП алгебраическим методом?
20. Каким образом выбирается разрешающий столбец и разрешающая строка при использовании симплекс-метода в решении ЗЛП?
21. Что свидетельствует о том, что в результате симплекс преобразований получено оптимальное решение?

Рейтинг-контроль №2

1. Что такое граф, дуга и ребро графа, взвешенный граф, ориентированный и неориентированный граф, цикл и контур?
2. Как определяется матрица смежности графа?
3. Каким образом формулируется задача о кратчайшем пути в графе?
4. Каким образом формулируется задача о критическом пути в графе? Что такое сетевое планирование и какая связь его с задачей об определении критического пути?
5. Каким образом формулируется задача о графе наименьшей длины?

6. Сформулировать определение транспортной сети, что такое поток сети.
7. Сформулировать задачу об определении максимального потока транспортной сети.
8. Сформулировать задачу об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети.
9. Сформулировать классическую оптимизационную транспортную задачу.
10. Записать математическую модель классической транспортной задачи. В чем состоят её особенности как задачи линейного программирования?
11. Что такое сбалансированная и несбалансированная транспортная задача, каким образом несбалансированная транспортная задача сводится к сбалансированной?
12. Для какой цели используется метод северо-западного угла и в чем он состоит?
13. В чем состоит много продуктовая транспортная задача?

Рейтинг-контроль №3

1. Постановка задачи нелинейной статической оптимизации и её особенности, примеры.
2. Математическая модель задачи нелинейной статической оптимизации и запись её в развернутом и кратком векторно-матричном виде.
3. Понятие об экстремумах целевой функции, связь задачи оптимизации с экстремальностью.
4. Необходимое условие экстремума для ЦФ одной и нескольких переменных. Понятие о градиенте. Запись необходимого условия с использованием градиента.
5. Основные свойства градиента. Понятие о линиях равного уровня ЦФ.
6. Достаточное условие экстремума ЦФ одной и нескольких переменных.
7. Проблемы практического использования аналитических условий для отыскания экстремумов.
8. Численные методы отыскания экстремумов не использующие производных.
9. Численные методы отыскания экстремумов с использованием производных. Алгоритм Ньютона-Рафсона.
10. Алгоритм градиентного поиска экстремума. Его векторно-матричная запись и развернутая форма для $n=2$.
11. Графическая интерпретация градиентного поиска экстремума.
12. Влияние настраиваемого параметра в градиентном алгоритме на характер поиска.
13. Понятие о целевой функции овражного типа и особенности поиска экстремума для таких целевых функций.
14. Проблема оптимизации для многоэкстремальных ЦФ.
15. Проблема оптимизации при наличии ограничений, её решение с использованием метода штрафных функций.
16. Постановка задачи об оптимальном динамическом управлении. Понятие о непрерывных и дискретных процессах и системах.
17. Классическая формулировка задачи об оптимизации динамического управления. Понятие о функционале качества (эффективности).
18. Основные направления в математической теории оптимального динамического управления.
19. Классическая формулировка динамического программирования, её особенности.
20. Примеры задачи динамического программирования – формулировки задач:

- Задача об оптимальном поэтапном распределении инвестиций в течение планового периода.
 - Задача об оптимальном единовременном распределении выделенных средств.
 - Задача об оптимальном плане замены оборудования.
 - Задача об оптимальном календарном планировании трудовых ресурсов.
21. Формулировка принципа оптимальности Р.Беллана для динамического программирования.

Вопросы к зачету по курсу «Методы оптимизации»

1. В чем состоит сущность оптимизации?
2. Что представляет собой предмет изучения теории оптимизации, и каково её назначение?
3. Какими факторами определяется значение теории оптимизации на современном этапе?
4. Что представляет собой критерий оптимизации?
5. Каким образом формулируется задача однокритериальной и многокритериальной оптимизации?
6. В чем состоит формализации оптимизационной задачи, и какую цель она преследует?
7. Примеры формализации оптимизационных задач:
 - об определении оптимальных размеров цилиндрической емкости;
 - об оптимальном расположении диспетчерского пункта, связанного с периферийными пунктами по принципу звезды.
 - об отыскании оптимальной стоимости товара (или услуги);
 - об оптимальном планировании производственной деятельности предприятия;
 - об определении оптимального плана перевозок в транспортной системе;
 - задача о рюкзаке.
8. Методика теоретического подхода к получению математической модели оптимизационной задачи.
9. Записать модель задачи математического программирования в развернутом и векторно-матричном виде.
10. В чем состоят особенности следующих разновидностей модели математического программирования:
 - квадратичного;
 - геометрического;
 - сепарабельного;
 - линейного;
 - целочисленного?
11. Записать соотношения образующие общую математическую модель линейного программирования в развернутом и векторно-матричном виде.
12. В чем состоит каноническая (стандартная) модель ЗЛП. Каким образом общую ЗЛП можно свести к канонической?
13. В чем состоит геометрическая интерпретация ЗЛП для двумерной, трехмерной и n-мерной задач?
14. Что такое ОДР, и какими особенностями она обладает для ЗЛП?
15. В чем состоит сущность алгебраического подхода к решению ЗЛП?
16. Что такое базисные и свободные переменные в условиях ЗЛП?
17. Что такое допустимый опорный план в ЗЛП?

18. Какие методы существуют для отыскания допустимого начального плана в ЗЛП, в чем состоит сущность метода штрафов?
 19. Каким образом формируется симплекс – таблица для решения ЗЛП алгебраическим методом?
 20. Каким образом выбирается разрешающий столбец и разрешающая строка при использовании симплекс-метода в решении ЗЛП?
 21. Что свидетельствует о том, что в результате симплекс преобразований получено оптимальное решение?
 22. Что такое граф, дуга и ребро графа, взвешенный граф, ориентированный и неориентированный граф, цикл и контур?
 23. Как определяется матрица смежности графа?
 24. Каким образом формулируется задача о кратчайшем пути в графе?
 25. Каким образом формулируется задача о критическом пути в графе? Что такое сетевое планирование и какая связь его с задачей об определении критического пути?
 26. Каким образом формулируется задача о графе наименьшей длины?
 27. Сформулировать определение транспортной сети, что такое поток сети.
 28. Сформулировать задачу об определении максимального потока транспортной сети.
 29. Сформулировать задачу об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети.
 30. Сформулировать классическую оптимизационную транспортную задачу.
 31. Записать математическую модель классической транспортной задачи. В чем состоят её особенности как задачи линейного программирования.
 32. Что такое сбалансированная и несбалансированная транспортная задача, каким образом несбалансированная транспортная задача сводится к сбалансированной?
 33. Для какой цели используется метод северо-западного угла и в чем он состоит?
 34. В чем состоит много продуктовая транспортная задача?
-
22. Постановка задачи нелинейной статической оптимизации и её особенности, примеры.
 23. Математическая модель задачи нелинейной статической оптимизации и запись её в развернутом и кратком векторно-матричном виде.
 24. Понятие об экстремумах целевой функции, связь задачи оптимизации с экстремальностью.
 25. Необходимое условие экстремума для ЦФ одной и нескольких переменных. Понятие о градиенте. Запись необходимого условия с использованием градиента.
 26. Основные свойства градиента. Понятие о линиях равного уровня ЦФ.
 27. Достаточное условие экстремума ЦФ одной и нескольких переменных.
 28. Проблемы практического использования аналитических условий для отыскания экстремумов.
 29. Численные методы отыскания экстремумов не использующие производных.
 30. Численные методы отыскания экстремумов с использованием производных. Алгоритм Ньютона-Рафсона.
 31. Алгоритм градиентного поиска экстремума. Его векторно-матричная запись и развернутая форма для $n=2$.
 32. Графическая интерпретация градиентного поиска экстремума.
 33. Влияние настраиваемого параметра в градиентном алгоритме на характер поиска.

34. Понятие о целевой функции овражного типа и особенности поиска экстремума для таких целевых функций.
35. Проблема оптимизации для многоэкстремальных ЦФ.
36. Проблема оптимизации при наличии ограничений, её решение с использованием метода штрафных функций.
37. Постановка задачи об оптимальном динамическом управлении. Понятие о непрерывных и дискретных процессах и системах.
38. Классическая формулировка задачи об оптимизации динамического управления. Понятие о функционале качества (эффективности).
39. Основные направления в математической теории оптимального динамического управления.
40. Классическая формулировка динамического программирования, её особенности.
41. Примеры задачи динамического программирования – формулировки задач:
 - Задача об оптимальном поэтапном распределении инвестиций в течение планового периода.
 - Задача об оптимальном единовременном распределении выделенных средств.
 - Задача об оптимальном плане замены оборудования.
 - Задача об оптимальном календарном планировании трудовых ресурсов.
42. Формулировка принципа оптимальности Р.Беллмана для динамического программирования.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

а) основная литература:

1. Исследование операций и методы оптимизации [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Сеславин А.И., Сеславина Е.А. - М. : УМЦ ЖДТ, 2015. - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785890358271.html>
2. Дискретная оптимизация. Модели, методы, алгоритмы решения прикладных задач [Электронный ресурс] / Струченков В.И. - М. : СОЛОН-ПРЕСС, 2016. - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785913591814.html>
3. Численные методы [Электронный ресурс] / Н. С. Бахвалов, Н. П. Жидков, Г. М. Кобельков. - 8-е изд. (эл.). - М. : БИНОМ, 2015. - (Классический университетский учебник). - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996326167.html>

б) дополнительная литература:

1. Экономико-математические методы и модели: компьютерное моделирование: Учебное пособие / И.В. Орлова, В.А. Половников. - 3-е изд., перераб. и доп. - М.: Вузовский Режим доступа: <http://znanium.com/>
2. Сухарев А.Г. Курс методов оптимизации / Сухарев А.Г., Тимохов А.В., Федоров В.В.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2011.— 367 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/17283>.— ЭБС «IPRbooks» ISBN:978-5-9221-0559-0 Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/17283>.— ЭБС «IPRbooks»
3. Казанская О.В. Модели и методы оптимизации. Практикум / Казанская О.В., Юн С.Г., Альсова О.К.— Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2012.— 204 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/45397>.— ЭБС «IPRbooks» ISBN:978-5-7782-1983-0 Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/45397>.— ЭБС «IPRbooks»

з) периодические издания

1. Журнал «Теория и системы управления»
2. Журнал «Проблемы теории и практики управления». ISBN 0234-4505

д) Интернет-ресурсы:

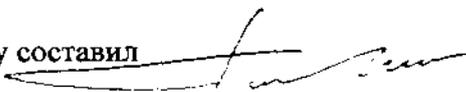
1. <http://www.exponenta.ru/>
2. <http://matlab.exponenta.ru/index.php>
3. <http://elibrary.ru>, Научная электронная библиотека.

**4. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ
«МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ»**

Набор слайдов:

1. Для чтения лекций используется мультимедийное оборудование.
2. Программные пакеты: MATLAB.

Рабочая программа дисциплины ~~составлена~~ в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 27.03.04 «Управление в технических системах».

Рабочую программу составил 

А.А.Галкин
профессор, к.т.н.

Рецензент
Начальник лаборатории
ЗАО «Автоматика плюс» к.т.н.

 В.М.Дерябин

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры УИТЭС

Протокол № 10/1 от 19.11.15 года

Заведующий кафедрой



А.Б. Градусов

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии направления «Управление в технических системах»

Протокол № 8 от 18.11.15 года

Председатель комиссии



А.Б. Градусов