Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего п образования

«Владимирский государственный университет имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»

(ВлГУ) **Кафедра "АТБ"**

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ИНФОРМАЦИОННО-ИЗМЕРИТЕЛЬНЫЕ СИСТЕМЫ»

Составитель:

П.С. Сабуров

Владимир 2016

Практическая работа №1 «Расчет потенциометрических датчиков»

Рассмотрим одну из методик расчета двухтактного потенциометрического датчика (ПД) угловых перемещений, выполненного на линейном потенциометре. Основными этапами расчета по этой методике являются:

- I) Определение основных конструктивных параметров каркаса и обмотки;
 - 2) Расчет электрических параметров обмотки;
 - 3) Расчет температурного режима датчика.

Основные параметры $\Pi Д$ условно можно разделить на конструктивные и схемные, или электрические параметры (рис.1, а, б).

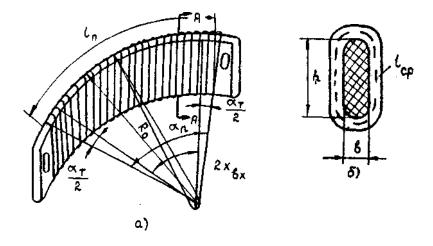


Рис. 1. Конструктивные параметры потенциометрического датчика

К конструктивным параметрам относятся:

 D_0 - средний расчетный диаметр каркаса;

 α_n - угол намотки потенциометра;

h - высота каркаса;

 ϵ - ширина или толщина каркаса;

 α_m - суммарная технологическая добавка;

 l_n - рабочая длина каркаса;

t - шаг намотки;

n - число витков обмотки:

d- диаметр провода обмотки без изоляции;

 d_{u_3} - диаметр провода о изоляцией.

К схемным, или электрическим параметрам относятся:

U - напряжение питания датчика;

 R_n - общее сопротивление обмотки потенциометра;

ho - удельное сопротивление материала провода;

 δ_{lmax} - максимальная относительная погрешность нагруженного датчика.

Названные параметры связаны между собой следующими соотношениями:

$$l_n = \frac{\alpha_n \cdot D_0 \cdot \pi}{360^{\circ}} = nt$$

$$l_n = nt$$

Для инженерных расчетов принято, что шаг намотки

$$t = d_{112} + (0.012...0.015)$$
 mm

Длина одного витка l_{θ} определяется как

$$l_{e} = 2(h+\epsilon) + \pi d_{u3}$$

Обычно h и ϵ определяют из соотношений

$$h \approx (0,3...0,6)l_n$$
, $h \approx 8e$

С другой стороны, длина витка может быть определена как

$$l_{\scriptscriptstyle \theta} = \frac{Rn \cdot \pi \cdot d^2}{4\pi\rho}$$

При расчете температурного режима датчика обычно используются методикой, основанной на ориентировочном определении величины перегрева датчика в установившемся режиме,

В основу этого расчета положена следующая приближенная формула.

$$\frac{U^2}{R_n} = mcS_{o\delta}\Theta_y$$

где m - коэффициент, учитывающий теплопроводимость каркаса и изоляции обмотки, равный 0,5-0,7 для пластмассовых, 1,5 для керамических и 2-3 для алюминиевых каркасов;

с - коэффициент теплоотдачи обмотки;

 $S_{o\delta}$ - поверхность обмотки, соприкасающаяся со средой;

 Θ_{y} - установившийся перегрев обмотки (превышение температуры датчика над температурой окружающей среды).

Рассмотрим методику расчета на следующем конкретном примере.

Исходные данные:

- 1. Максимальное значение входной величины $x_{exmax} = \alpha_{exmax} = 11^{\circ}$
- 2. Коэффициент передачи датчика $K\partial = 1B/гра\partial$.
- 3.Порог чувствительности $\Delta\alpha_{min} = 6$ '.
- 4. Максимальная относительная погрешность $\delta_{max} = 1 \%$.
- 5. Диапазон изменения температуры окружающей среды

$$\Delta t = -50 \, \text{°C} \dots + 60 \, \text{°C}$$

6. Конструкция каркаса (см. рис. 1) и его радиус $R_0 = 30$ мм.

Рекомендуемая последовательность расчета:

І. Определяем общую величину угла намотки потенциометра

$$\alpha_n = 2 \alpha \epsilon x \max + \alpha_T = 2 \cdot 11 + 3 = 25^{\circ}$$

где α_T - технологическая добавка к рабочей протяженности каркаса ($\alpha_T = 3 \, \dots \, 5^\circ$) .

2. Вычисляем длину намотки потенциометра

$$l_n = \frac{\alpha_n \cdot D_0 \cdot \pi}{360^{\circ}} = \frac{25 \cdot 60}{360} = 13 \text{ MM}$$

3. Определяем число витков датчика

$$n = \frac{\alpha_n}{\Delta \alpha_{min}} = \frac{25^\circ}{0.1^\circ} = 250$$
 витков

4. Вычисляем шаг намотки

$$t = \frac{l_n}{n} = \frac{13}{250} = 0.052 \text{ MM}$$

5. Определяем диаметр провода в изоляции и без нее

$$d_{u3} = t - (0.012...0.015)$$
 mm, $d = t - 0.03$ mm.

Стандартный диаметр провода выбирается из таблицы, которая приводится в справочниках.

6. Выбираем высоту h, толщину g и материал каркаса

$$h = (0,3...0,6)l_n = 8MM$$
, $h = 86$.

(Принимаем $\varepsilon = 1$ мм)» В качестве материала каркаса для лучшего отвода тепла выбираем алюминий.

7. Определяем среднюю длину lcp одного витка обмотки

$$l_{cp} = 2(h+e) + \pi d_{u3} = 2(1+8) + 3,14 \cdot 0,04 = 18,1$$
mm

8.Вычисляем длину провода обмотки $l_{oбм}$

$$l_{oбm} = l_{cp} \cdot n = 18, 1 \cdot 250 = 4525 \, \text{мм}$$

9. Определяем минимально допустимое напряжение питания

$$K_{\partial} = \frac{U}{\alpha_n}; \quad U = k_{\partial} \cdot \alpha_n = 1 \cdot 25 = 25B.$$

10. Вычисляем допустимую величину тока I_n , протекающего по обмотке датчика

$$I_n = jS_{np} = j\frac{\pi \cdot d_2}{4} = \frac{25 \cdot 3,14 \cdot 0,03^2}{4} = 0,0175A$$

где: j — допустимая плотность тока (j=25...30 A/m 2) для ПД с металлическим каркасом; (j=45...50 A/m 2) для ПД с керамическим каркасом и (j=15...20 A/m 2) для ПД с пластмассовым каркасом металлическим каркасом.

 S_{np} — площадь поперечного сечения провода обмотки.

11. Определяем необходимое сопротивление обмотки ПД,

$$R_n = \frac{U}{I_n} = \frac{25}{17.5 \cdot 10^{-3}} = 14300 \text{M} = 1,43 \text{KOM}$$

12. Вычисляем необходимое удельное сопротивление обмотки

$$\rho = \frac{R_n \cdot S}{l_{cp} \cdot n} = \frac{1430 \cdot 3,14 \cdot 0,032}{418,1 \cdot 250 \cdot 10^{-3}} = 0,225 \, \text{Om} \cdot \text{mm}^2 / \text{m}$$

13. Выбираем материал провода для обмотки.

Близким удельным сопротивлением к полученному обладает константан с $\rho = 0.44~Om \cdot mm^2/m$ (константен обладает малой зависимостью удельного сопротивления от температуры).

14. Определяем действительные значения R_n и j

$$R_n = \frac{4 \cdot l_{cp} \cdot h \cdot \rho}{\pi \cdot d^2} = \frac{4 \cdot 18, 1 \cdot 250 \cdot 10^{-3}}{3, 14 \cdot 0, 03^2} \cdot 0,44 = 2820 O_M$$

Проверку на плотность тока производить нет необходимости, так как выбран провод с удельным сопротивлением, превышающим расчетную величину.

15. Вычисляем абсолютное значение ΔU

$$\Delta U = \frac{\delta_l \cdot U}{100} = \frac{11}{100} = 0.11B.$$

16. Определяем потребный нагрузочный коэффициент

$$U_{GbIX.H} = U \frac{r_*}{1 + \alpha (r_* - r_*^2)}$$

для $r_* = 0.5$ имеем

$$\alpha = \frac{0.5U - U_{GbIX.H}}{0.25 - U_{GbIX.H}} = \frac{11 \cdot 10^{-2}}{0.25 \cdot 11} = 4 \cdot 10^{-2}.$$

17. Вычисляем минимально допустимую величину сопротивления нагрузи, которое может быть подсоединено к ПД, чтобы $\delta_l = 1~\%$

$$\alpha = \frac{R_n}{R_u},$$

$$R_{\rm H} = \frac{R_n}{\alpha} = \frac{2820}{4 \cdot 10^{-2}} = 705000 \text{M} \approx 70 \text{ KOM}$$

18. Определяем поверхность обмотки

$$S_{obm} = 2l(h + e + \pi d_{u3}) = 2 \cdot 13(8 + 1 + 6,28 \cdot 0,04) \approx 234,25 \text{ mm}^2$$

19. Вычисляем действительное значение перегрева обмотки в установившемся режиме

$$\Theta_{ycm} = \frac{U^2}{R_n \cdot m \cdot c \cdot S_{obm}} = \frac{25^2}{2840 \cdot 10^{-3} \cdot 2,34 \cdot 2,5} = 38^{\circ}.$$

Для алюминиевого каркаса $c = 10^{-3} \, Bm/гра\partial \cdot cm^2$

Из условия хорошего контакта движка о обмоткой и отсутствия коробления каркаса допускается превышение температуры обмотки над температурой окружающей среды не более $\Theta_{lon} = 40 \dots 50^{\circ}$, где

 $\Theta_{\partial on}=\Theta_{o\delta}$ - Θ_{cp} ; Θ_{cp} температура окружающей среды; $\Theta_{o\delta}$ - температура обмотки.

Так как при расчете получено, что $\Theta_{ycm} < \Theta_{\partial on}$ никаких поправок в расчет вводить не требуется.

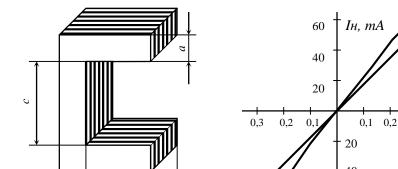
Следует иметь в виду, что температура контактирующих поверхностей не должна превышать 120-150°С. Это позволит исключить интенсивное окисление материалов обмотки и движка,

Далее выбирают материал движков потенциометров из условия обеспечения надежного, контакта при небольших контактных давлениях ($I \ge$ и менее) и малого износа. При разработке конструкции ПД необходимо ознакомиться с конструкциями известных датчиков, которые можно взять за прототип, изучить их достоинства и недостатки с точки зрения надежности и точности работы, технологичности и т.д.

Практическая работа №3 «Расчет индуктивного датчика№

Рассмотрим пример расчета индуктивно датчика, схема которого приведена на (рис.2). Кроме принципиальной схемы будем полагать заданными следующие величины:

- 1) Рабочий ход якоря $x_{pa\delta} = \pm 0, 1 \text{ мм}$;
- 2) Передаточный коэффициент $K_0 = 0.25 \ A/мм$;
- 3) Сопротивление нагрузки $R_H = 100 \ O_M$;
- 4) Напряжение источника питания $U_0 = 40 \ B$. Напряжение на вторичной полуобмотке трансформатора питания U = 20 B
- 5) Частота напряжения питания $f = 500 \, \Gamma$
- 6) Материал сердечника электротехническая сталь Э41. Сердечник набран из Π образных пластин с размерами a=6 мм e=12мм, c=10 мм (рис.2, a).



Расчет выполняем в следующей последовательности:

- 1. Выбираем начальное значение магнитной индукции $B_{mo} = 0,2$ Тл С целью уменьшения электромеханического усилия, действующего на якорь датчика и вызывающего погрешности в измерении выходной величины, B_{m0} обычно выбирают не более 0,2-0,3 T_{7} . Однако следует иметь в виду, что габариты датчика будут меньше при большем значении B_{m0} .
- 2. Определяем число витков обмоток датчика

$$W = \frac{2,25 \cdot B_{m0} \cdot 10^6}{K_0} = \frac{2,25 \cdot 0,2 \cdot 10^6}{250} = 1800$$

- 3. Определяем сечение магнитопровода S_{M} .
- 4. Полагая коэффициент заполнения сердечника $K_3 = 1,2$, найдем толщину пакета сердечника

$$m = \frac{S_M \cdot K_3}{a} = \frac{25 \cdot 1,2}{6} = 5 \text{ MM}$$

5. Выбираем диаметр и марку обмоточного провода

$$d = 2\sqrt{\frac{e \cdot c \cdot K_{30}}{\pi \cdot W}} = 2\sqrt{\frac{12 \cdot 10 \cdot 0.5}{3.14 \cdot 1800}} = 0.21 \text{ mm}$$

Коэффициент заполнения окна K_{30} в зависимости от типа провода и изоляции слоев обмотки принимают в пределах K_{30} =0,4...0,6.

Следует однако учитывать, что часть окна Q = вc будет занята каркасом, на который непосредственно наматывается обмотка.

6. Определяем величину активного сопротивления обмотки:

$$R_{o\delta M} = \frac{4 \cdot \rho \cdot l_{cp} \cdot W}{\pi \cdot d_0^2} = \frac{4 \cdot 0.0175 \cdot 0.041 \cdot 1800}{3.14 \cdot 0.16^2} \approx 65 O_M$$

где: ρ - удельное сопротивление материала провода; d_0 - диаметр провода без изоляции (берется по сортаменту);

 l_{cp} - средняя длина одного витка обмотки (величина может быть принята равной размерам магнитопровода).

По сортаменту проводов выбран провод марки ПЭВ-2 с диаметром $d_1 = 0.2$ мм. Сечение этого провода по меди (без изоляции) q = 0.02 мм², ($d_0 = 0.16$ мм). Величина l_{cp} определена приближенно из рассмотрения конструкции обмотки и принята равной 41 мм.

7. Выбираем величину начального воздушного зазора

$$\delta_0 = 5 \cdot x_{pa\delta} = 0.5 \text{ MM}$$

Обычно при выборе величины начального воздушного зазора пользуются следующим соотношением, дающим удовлетворительные результаты на практике:

$$\delta_0 = (4...6) x_{pa\delta}$$

где $x_{pa\delta}$ - рабочий ход якоря, как правило, задается в условиях на расчет датчика или выбирается проектировщиком на основе анализа условий работы датчика.

8. Полагая $I_H = I_1 - I_2$ производим расчет данных для построения статической характеристики по формулам:

$$L_{I} = \frac{\mu_{0} \cdot W^{2} \cdot S_{M}}{2(\delta_{0} + x)} = \frac{K}{\delta_{0} + x};$$

$$L_2 = \frac{\mu_0 \cdot W^2 \cdot S_M}{2(\delta_0 - x)} = \frac{K}{\delta_0 - x}.$$

где
$$K = 0, 2 \cdot \pi \cdot 10^{-6} \cdot W^2 \cdot S_{\text{M}};$$

$$I_{1} = \frac{U}{\sqrt{(R_{o\delta\text{M}} + R_{\text{H}})^2 + \omega^2 L_{2}^2}} = \frac{U}{Z_{1}}$$

$$I_{12} = \frac{U}{\sqrt{(R_{o\delta M} + R_H)^2 + \omega^2 L^2}} = \frac{U}{Z_I}$$

Результаты расчета для одной ветви характеристики приведены в табл. 1

Таблица 1

х, мм	L_2 , Γ	L_{l}, Γ	Z ₂ ,О м	Z_I , O M	І2,мА	I_{l} , MA	Ін,мА
0	0,100	0,100	356	356	56,2	56,2	0
-0,05	0,111	0,091	384	330	52,2	60,6	8,4
-0,1	0,125	0,084	425	311	47,0	64,3	17,3
-0,2	0,167	0,072	550	280	36,4	71,5	35,1
-0,3	0,250	0,063	802	258	24,4	77,5	53,1
-0,4	0,500	0,056	1570	241	12,7	83,0	70,3

Построенная по этим данным статическая характеристика приведена на (рис.2,б) (кривая 1). Передаточный коэффициент определенный по этой характеристике, приблизительно равен 0.175~A/мм Следовательно, при расчете необходимо было принять большее значение K_g . Кроме того, можно обеспечить требуемое значение передаточного коэффициента K_g путем уменьшения начального значения воздушного зазора δ_0 . Примем $\delta_0 = 3x_{pa\delta} = 0.3~мм$ рассчитаем новую статическую характеристику. Результаты расчета приведены в табл.2, а построенная по этим данным характеристика приведена на (рис.16,б) (кривая 2).

Таблица 2

х, мм	L_2 , Γ	L_{l}, Γ	Z2,О м	$Z_{l},O_{\mathcal{M}}$	І2,мА	<i>I</i> 1,м <i>A</i>	Ін,мА
0,00	0,167	0,167	550	550	36,4	36,4	0,0
0,05	0,200	0,143	650	478	30,8	41,9	11,8
0,10	0,250	0,125	800	425	25,0	47,1	23,1
0,15	0,333	ОДП	1050	386	19,0	52,0	34,0
0,20	0,500	0,100	1580	355	12,7	56,4	43,7
0,25	1,000	0,091	3140	330	6,4	60,7	54,3

Нетрудно видеть, что уменьшение $\delta 0$ привело к увеличению передаточного коэффициента K_{∂} (теперь он примерно равен 0.23~A/мм однако линейность статической характеристики несколько уменьшилась) .

При выборе обмоточного провода обычно предпочтение отдают проводу ПЭВ-2 (медный, изолированный высокопрочной эмалью в два слоя), применяемый при повышенных механических воздействиях на него в процессе намотки. Иногда используется провод ПЭЛШО с эмалевой изоляцией, дополнительно защищенной шелковой обмоткой. Этот провод рассчитан на повышенные механические нагрузки в процессе намотки и при работе, но имеет больший наружный диаметр, чем ПЭВ-2. Наружные диаметры проводов ПЭВ-2 и ПЭШЛО приведены в (табл.3).

Таблица 3 Сортамент медного провода

Сечение по меди,	Диаметр помеди,мм	Диаметр с изоляцией, мм		Сечение по меди,	Диаметр по меди, мм ²	Диаметр с изоляцией, мм	
MM ²		ПЭВ-2	ПЭЛШО	MM ²		Г1ЭВ-2	ПЭЛШО
0,00283	0,06	0,09	0,13	0,256	0,57	0,64	0,685
0,00385	0,07	0,10	0,14	0,273	0,59	0,66	0,705
0,00502	0.08	0,11	0.15	0,302	0,62	0.69	0,735
0,00636	0,09	0,12	0,16	0,322	0,64	0,72	0,755
0,00785	0,10	0,13	0,175	0,353	0,67	0,75	0,785
0,00950	0,11	0,14	0,185	0,374	0,69	0,77	0,805
0,01131	0,12	0,15	0,195	0,407	0,72	0,80	0,845
0,01327	0,13	0,16	0,205	0,430	0,74	0,83	0,865
0,01539	0,14	0,17	0,215	0,466	0,77	0,86	0,895
0,01767	0,15	0,19	0,225	0,503	0,80	0,89	0,925
0,02011	0,16	0,20	0,235	0,541	0,83	0,92	0,955
0,02270	0,17	0,21	0,245	0,581	0,86	0,95	0,985
0,02545	0,18	0,22	0,255	0,636	0,90	0,99	1,025

0,02835 0,03142 0,0346 0,04155 0,04909 0,05726 0,06605 0,07548 0,08553 0,09621 0,11340	0,19 0,20 0,21 0,23 0,25 0,27 0,29 0,31 0,33 0,35 0,38	0,23 0,24 0,25 0,28 0,30 0,32 0,34 0,36 0,38 0,41	0.265 0,29 0,30 0,32 0,34 0,37 0,39 0,415 0,435 0,455	0,679 0,724 0,785 0,850 0,9.16 0,985 1,057 1,227 1,310 1,327 1,431	0,93 0,96 1,00 1,04 1,08 1,12 1,16 1,20 1,25 1,30 1,35	1,02 1,05 1,11 1,15 1,19 1,23 - 1,29 1,31 1,36 1,41 1,46	1,055 1,085 1,135 1,175 1,215 1,255 1,295 1,335 1,385 1,435 1,485
0,13200	0,41	0,47	0,52	1,539	1,40	1,51	1,535
0,15200	0,44	0,50	0,55	1,651	1,45	1,56	1,585
0,17300	0,47	0,53	0,58	1,767	1,50	1,61	1,655
0,18800	0,49	0,55	0,60	1,911	1,56	1,67	1,715
0,20400	0,51	0,58	0,625	2,06	1,62	1,73	1,775
0,22000	0,53	0,60	0,645	2,22	1,68	1,79	1,835
0,23800	0,55	0,62	0,665	2,38	1,74	1,85	1,895

Практическая работа №3 «Обработка результатов прямых равноточных измерений. Систематические и случайные погрешности»

Цель работы: изучить существующие погрешности измерений и их классификцию.

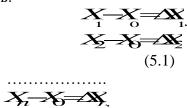
Метод измерений – это совокупность приемов сравнения измеряемой величины с ее единицей. Метод измерений осуществляется в соответствии с измеряемым объектом и доступным набором измерительных средств. Измерительные приборы изготовлены человеком и, конечно, не могут быть идеально точными. Кроме того, неточности в измерения вносит сама процедура измерения, так как действия человека не являются идеальными. К ошибкам в измерении могут привести и недостатки выбранного метода измерения, а также отличие условий, в которых производятся измерения, от нормативных условий, указанных в паспорте измерительного Приведенные факторы указывают прибора. результаты измерения не является точными содержат

погрешность или, как говорят, результаты измерений отягощены погрешностью.

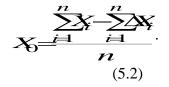
В связи с этим различают истинное значение физической величины, идеально отражающее свойство материального объекта и действительное значение физической величины. Действительное значение физической величины — это значение, найденное экспериментально.

Истинной погрешностью измерения называется отклонение результата измерения физической величины (действительного значения) от ее истинного значения. При проведении измерений, как правило, истинное значение измеряемой величины неизвестно. Результатом измерения является оценка истинного значения, которое чаще всего с ним не совпадает.

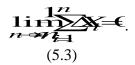
Покажем, что наилучшей оценкой истинного значения измеряемой величины X является среднее значение $\langle X \rangle$ из отсчетов, каждый из которых дает величину X_i , где $\mathbf{z}=\mathbf{1}_{23}$. Если X_0 - истинное значение измеряемой величины. То разность \mathbf{x}_i между измеренным значением \mathbf{x}_i и истинным значением \mathbf{x}_i и истинным значением \mathbf{x}_i называется абсолютной случайной погрешностью отдельного измерения. Тогда для полученных результатов можно записать:



Сложим эти n равенств и определим из полученной суммы значение X_0 :



В формуле (5.2) величины ΔX_i могут быть как положительными, так и отрицательными. Следовательно, чем больше число измерений n, тем более вероятна полная взаимная компенсация погрешностей, то есть



Тогда переходим к пределу в формуле (5.2) и получаем:



где

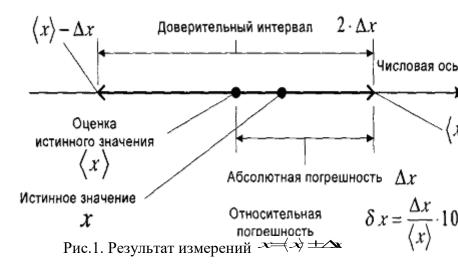


Следовательно, среднее арифметическое всех результатов измерений при бесконечно большом числе измерений равно истинному значению измеряемой величины. На практике число измерений n всегда конечно, поэтому x_{cp} представляет собой приближенное значение измеряемой величины.

Таким образом, в качестве наилучшего значения измеряемой величины обычно принимают среднее

арифметическое из всех полученных при измерениях результатов. Его также называют выборочное среднее значение. При этом возникает задача определения погрешности этого значения.

Принято, независимо от того, известно или неизвестно истинное значение, погрешность характеризовать, так называемым доверительным интервалом, в котором с определенной степенью достоверности содержится истинное значение. Середина этого интервала совмещается с оценкой истинного значения (рис.1).



Для определения погрешности измерения необходимо вычислить **абсолютную и относительную погрешность.**

Абсолютной погрешностью ΔX называется модуль разности между оценкой измеряемой величины и границей интервала. Другими словами, абсолютная погрешность равна полуширине доверительного интервала. Абсолютная погрешность имеет размерность измеряемой величины и показывает, на сколько отличается результат измерений от действительного значения или от оценки. Абсолютная

погрешность не характеризует качество измерения. Поэтому вводится понятие относительной погрешности.

Относительной погрешностью δX называется отношение абсолютной погрешности к оценке истинного значения:



(5.6)

Величина, обратная относительной погрешности, называется точностью измерений.

Эти величины используются при сравнении результатов измерения одной и той же величины различными методами. Если доверительные интервалы различных измерений перекрываются, то говорят, что различия результатов измерения незначительны и результаты измерений согласуются. Наоборот, если доверительные интервалы различных измерений одной и той же величины не перекрываются, то различия считаются значимыми и результаты измерений не совпадают. Такая ситуация требует проверки правильности выбора того или иного метода измерения.

Так как причины погрешности, в принципе, неизвестны, то их классифицируют по различным критериям. По влиянию на результат измерения можно выделить следующие виды погрешностей:

Случайная погрешность. Эта погрешность изменяется случайным образом при повторении измерений. Случайными погрешностями называются погрешности, причина которых неизвестна. Случайные погрешности вызываются случайными причинами, действие которых на каждое измерение носит случайные характер, и которое не заранее учтено. Случайные погрешности быть может вызываются, например, сотрясениями фундамента здания, в котором производятся измерения, влиянием движения воздуха, случайным положением глаза при взгляде на измерительную

шкалу. Случайные погрешности, как и случайные явления, изучаются с помощью математического аппарата теории вероятностей.

- 2. Систематическая погрешность. Эта погрешность остается постоянной при повторении измерений или же закономерно изменяется при повторении измерений. При этом закономерность известна экспериментатору или может быть найдена им.
- (грубая ошибка). Эта погрешность 3. Промах существенно превосходит ожидаемую погрешность заданных условиях измерения. Промахи возникают случайных внезапных изменениях условий измерения. Такие ситуации возникают при неожиданных толчках, ударах и других явлениях, которые не входят в изучаемое явление. Промахи возникают при неверном отсчете, неправильном подборе измерительной шкалы и т.д. Промахи выявляются путем теории вероятностей обработки методами результатов повторных измерений. Выявленные промахи устраняются из результатов измерений.

Существует очень много причин погрешности измерения или много источников погрешности. Среди них, чаще всего, выделяют следующие виды погрешностей:

- 1. **Инструментальная погрешность.** Эта погрешность связана с несовершенством средств измерений, т. е. измерительных приборов. Поэтому ее часто называют приборной погрешностью.
- 2. Методическая погрешность или погрешность метода измерений. Эта погрешность обусловлена несовершенством метода измерений. Например, при изучении равноускоренного движения на машине Атвуда не учитывается действие сил сопротивления воздуха, трения в блоке, силы Архимеда, масса нити и блока, упругие свойства нити. Эти факторы не учитываются в формулах, по которым производится исследование явления.
- 3. **Погрешности, обусловленные объектом измерения**. Эта погрешность связана с тем, что при измерении мы всегда

имеем дело с моделью объекта измерения, которая представляет собой идеализированный образ реального объекта. Так, например, при измерении объема цилиндра мы берем реальный цилиндр и считаем его идеальным цилиндром. Если же мы будем измерять геометрические характеристики этого цилиндра, то увидим, что он далек от идеального.

Субъективная погрешность. Субъективные индивидуальными погрешности связаны психофизиологическими исследователя, реакциями проводящего обусловлена измерения. Эта погрешность несовершенством самого экспериментатора. Например, человек, проводящий измерения, может под разными углами зрения отмечать измеряемое значение, что также вносит погрешности в измерения.

Эти источники погрешностей могут иметь и систематическую и случайную составляющие погрешности. Их вклад в погрешность зависит от условий организации эксперимента.

Оценка погрешности измерения является необходимой частью измерения, так как позволяет определить качество процедуры измерения и сравнить полученные результаты измерения с результатами, полученными в других измерениях. Поэтому проанализируем способы оценки различных погрешностей.

Случайная погрешность может быть определена с помощью статистической обработки результатов измерений. Эта же обработка позволяет определить, при каком количестве измерений случайная погрешность будет находиться в заранее заданном интервале, или при каком количестве измерений она будет наименьшей.

Определение и уменьшение систематической погрешности является одной из сложных задач теории измерений или метрологии. Решение этой задачи зависит от конкретных условий измерения, и общей методики решения этой задачи не существует. Чаще всего при определении систематических погрешностей проводится всесторонний

теоретический анализ метода измерения. Это позволяет учитывать большее количество факторов, влияющих на результат измерения. Кроме того, при определении систематических погрешностей особое внимание уделяется возможностей измерительной При техники. необходимости провести очень точные измерения систематическая погрешность оценивается по результатам измерения величины различными принципиально независимыми методами.

Промахи относятся к аномальным результатам измерений, которые могут возникнуть под влиянием случайных помех при измерении. Примером промахов может быть результат отсчета с помощью неисправного прибора. Такие результаты отсчетов отбрасываются. Однако надо помнить, что отбрасывается только тот аномальный результат, причина которого выяснена. Поэтому при обнаружении аномальных результатов надо наиболее тщательно и многократно повторить эксперимент. Если же содержание эксперимента известно, а причину промаха найти не удается, то вопрос об отбрасывании аномального результата решается на основе статистической обработки экспериментальных данных.

Систематические погрешности измерений

Классификация систематических погрешностей измерений

Систематические погрешности измерений ΔX_{cucm} , являются постоянными или изменяются известным образом при проведении серии измерений. Систематические погрешности принципиально могут быть исключены из измерений на основе определения их значений с использованием математических моделей, уменьшены на основе усовершенствования метода

измерения. Общепринятой является следующая классификация видов систематических погрешностей.

 ΔX_{mem} погрешности Методические иногда погрешностями метода теоретическими ИЛИ обусловлены особенностями погрешностями. Они применяемого метода (способа) измерения, а также являются следствием тех или иных принятых допущений или упрощений при разработке измерительного алгоритма, например, при измерении массы тела часто пренебрегают силой Архимеда.

Инструментальные погрешности или приборные погрешности ΔX_{np} вносятся измерительными средствами. Они возникают из-за возможного влияния на измеряемые величины измерительных средств, благодаря особенностям их устройства, вследствие несовершенства или неправильности технологии изготовления конструкций, по причине износа, старения или частичной неисправности их элементов, из-за действия внешних факторов, в том числе неправильной установке или настройке и т. д..

Субъективные погрешности $^{\Delta X}{}_{\text{суб}}$, могут присутствовать в измерениях благодаря систематически действующим факторам, которые порождаются индивидуальными психофизиологическими особенностями человека, осуществляющего измерения.

По характеру изменений в результате проведения последовательности измерений систематические погрешности делятся на следующие виды:

- постоянные систематические погрешности. Они не меняют своего значения при проведении последовательности измерений;
- трендовые систематические погрешности. Они монотонно возрастают или убывают при проведении последовательности измерений;

• периодические систематические погрешности. Они изменяются периодически при проведении последовательности измерений.

Приведем классификацию основных физических факторов, приводящих к возникновению систематических погрешностей в измерениях.

Фактор температурных полей. Температурные поля порождают изменения геометрических размеров частей конструкций и физических параметров составляющих элементов измерительных средств и обуславливают возникновение неконтролируемых теплопритоков.

Фактор магнитных и электрических полей. Магнитные и электрические поля влияют как на электронные компоненты измерительных средств, формируя различные помехи в различных частотных диапазонах, так и на механические компоненты, приводят к намагничиванию и электростатическому взаимовлиянию различных частей измерительных средств.

Фактор атмосферного давления и влажности воздуха. Атмосферное давление влияет на характер протекания различных теплотехнических процессов, изменяя, в частности, термодинамические характеристики составляющих компонентов измерительных средств. Влажность воздуха, в ряде случаев, из-за гигроскопичности материалов элементов измерительных средств, приводит к изменению их физических параметров.

Фактор вибраций и шумов. Превышение норм уровней вибраций и шума приводит к изменениям параметров механических конструкций и электронных составляющих элементов измерительных средств.

Методы уменьшения (устранения) систематических погрешностей в измерениях

Уменьшение методических и инструментальных систематических погрешностей, возникающих из-за особенностей конструкций, методик измерения и, в ряде случаев, вследствие влияющих внешних факторов, в наиболее общем случае может быть произведено на основе использования детальной и точной математической модели измерительного средства. С помощью модели проводится моделирование работы исследуемого измерительного средства с помощью ЭВМ. Результаты моделирования могут обеспечить получение необходимой численной оценки систематической погрешности.

Уменьшение инструментальных систематических погрешностей измерений из-за внешних факторов, как правило, реализуется на основе проведения специальных технических мероприятий.

Уменьшение температурных систематических погрешностей из-за возмущающих факторов температурных осуществляется, правило, как на основе термостатирования. В этом случае измеряемый объект помещается в специальные условия (термостат), которые поддерживать постоянную температуру, позволяют соответствующую температуре нормальной работы измерительной техники.

Наиболее распространенный способ снижения возникающих систематических погрешностей от фактора магнитных и электрических полей состоит в экранировании измерительных средств или их частей.

Снижение влияния фактора давления и влажности на систематические погрешности измерений обеспечивается с помощью герметизации помещения, герметизации измерительных средств и применения систем технологического кондиционирования воздуха. В ряде случаев действие рассматриваемых факторов может быть уменьшено путем помещения объекта измерения и измерительного средства в специальные барокамеры с регулируемым давлением, влажностью и температурой.

Влияние факторов вибраций и шума на систематические погрешности измерений устраняется с помощью уменьшения уровней вибраций и шумов от технических объектов, которые воздействуют на измерительные средства.

Субъективные систематические погрешности уменьшаются или устраняются на основе точного соблюдения инструкций и методических указаний при проведении измерений. Некоторые погрешности субъективного характера исключаются в процессе проведения независимых повторных измерений несколькими лицами.

Уменьшение (устранение) систематических погрешностей достигается с помощью совершенствования измерительных технологий. Приведем описания наиболее распространенных методов.

Метод замещения заключается в том, что измеряемый объект, после проведения первого измерения с некоторой систематической погрешностью, заменяют известной эталонной мерой, находящейся в тех же условиях, в каких находится измеряемый объект. Затем проводится второе измерение, подбором регулируется такое значение меры, которое обеспечивает совпадение результата второго измерения с первым. Подобранное значение эталонной меры, очевидно, может служить результатом измерения без систематической погрешности.

Метод компенсации погрешности по знаку состоит в исключении систематической погрешности на проведения дополнительного измерения. Метод компенсации реализуется, имеется техническая когда организовать процедуры измерения таким образом, чтобы неизвестная систематическая погрешность вошла в результат измерения с противоположным знаком по отношению к первоначальному измерению. усредненном результате устраняется систематическая погрешность.

Метод нескольких независимых измерительных средств, отличающихся принципом действия, конструкцией или используемым метрологическим методом, состоит в том, что в

наборе произведенных измерений одной и той же физической величины разными средствами отбрасываются измерения с заметными грубыми погрешностями, оставшиеся измерения усредняются.

Вычисление систематических погрешностей в измерениях

При измерениях в лабораториях физического практикума принимается следующие правила:

- 1. Методической погрешностью можно пренебречь или ее величину можно оценить.
- 2. Инструментальная (приборная) погрешность является систематической погрешностью и определяется особенностями измерительных приборов.
- 3. Погрешности, обусловленные объектом измерения, и субъективные погрешности имеют только случайный характер.
- 4. Точность показаний исправных измерительных приборов и устройств гарантируется.

Метод определения приборной погрешности, как правило, приводится в паспорте прибора. Для характеристики большинства приборов используется понятие класса точности прибора. Класс точности указывается на панели прибора и может принимать следующие значения: 0,05; 0,1; 0,2; 0,5; 1,0; 1,5; 2,5; 4,0. По классу точности наибольшая абсолютная инструментальная погрешность определяется по формуле:

$$\Delta_a = \frac{K \cdot A}{1 \text{ OC}}$$
(6.1)

где K - класс точности прибора, A - наибольшее значение шкалы измерительного прибора.

Из формулы (6.1) следует, что относительная погрешность измерения прибором будет меньше, если отброс стрелки прибора будет находиться во второй половине шкалы. Это условие используется при выборе измерительного прибора, а в случае если прибор имеет несколько пределов измерения, то по нему определяют соответствующий предел.

Формулу (6.1) будем использовать для определения инструментальной погрешности, если отсутствует паспорт прибора. При наличии паспорта будем использовать те рекомендации, которые указаны в паспорте.

Инструментальная погрешность приборов для измерения линейных размеров указана на самом приборе. Например, штангенциркуль с пределами измерения $0-125\,$ мм и ценой деления нониуса $0,1\,$ мм допускают приборную погрешность 0,1мм, штангенциркуль с пределами измерений $0-150\,$ мм и ценой деления нониуса $0,05\,$ мм допускает приборную погрешность $0,05\,$ мм.

Если на приборе не указан ни класс точности, ни абсолютная погрешность, то она принимается равной половине цены деления шкалы. Например, на рисунке 2 представлен результат измерения длины предмета металлической миллиметровой линейкой.

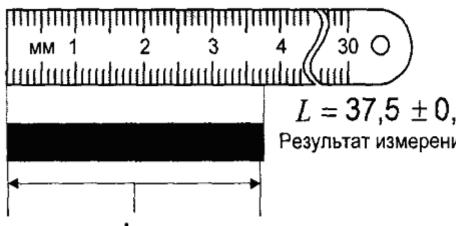


Рис.2 Измерительная линейка

Для приборов с цифровым отсчетом измеряемых величин метод вычисления абсолютной погрешности приводится в паспорте. Если паспорт отсутствует, то за абсолютную инструментальную погрешность принимается значение, равное единице последнего цифрового разряда индикатора. Обозначим инструментальную погрешность ΔX_{np} .

Инструментальную погрешность невозможно уменьшить увеличением числа отсчетов. Ее можно уменьшить, если использовать более точные, чем в предыдущем измерении, приборы и методики.

Определение случайной погрешности

Случайные погрешности приводят К TOMY, что измеряемой величины наблюдаемые значения при многократных измерениях случайным образом рассеяны относительно ее истинного значения. Тогда действительное значение находится как наиболее вероятное из серии опытов, а погрешность характеризуют шириной интервала, который с заданной вероятностью включает истинное Математическое обоснование этих положений дается в теории вероятностей, применение которой для обработки результатов измерений приведено в литературе [7-24], а непосредственное применение к работам физического практикума в литературе 25–30

Очень часто студенты и школьники находят погрешность измерения по формуле

где $\langle X \rangle$ - полученное в процессе измерения среднее значение величины, а X_{ma6} - значение, взятое из справочника, или

рассчитанное из теоретических представлений. Такое определение погрешности является грубой ошибкой, так как целью эксперимента, как было показано выше, является проверка теоретических представлений и уточнение табличных данных.

Кроме того, часто погрешность вычисляется как среднее значение отклонений отдельных результатов измерений от среднего значения по формуле



Согласно такому подходу, любое значение погрешности появляется одинаково часто, т.е. разные по величине погрешности считаются равновероятными. Этот метод можно использовать в лабораторных работах при малом числе измерений.

случайные погрешности Однако не являются равновероятными. Они требуют для своего определения статистической обработки результатов измерения. Поэтому необходимым представляется рассмотреть содержание статистической обработки результатов измерений. В основе статистической теории погрешностей следующие лежат положения:

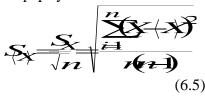
- 1) при большом числе измерений наблюдаются случайные погрешности одинаковой величины, но разного знака, т. е. погрешности, как в сторону уменьшения, так и в сторону увеличения, встречаются одинаково часто;
- 2) большие (по абсолютной величине) погрешности встречаются реже, чем малые, т.е. вероятность появления погрешности уменьшается с ростом величины погрешности;
- 3) погрешности измерений могут принимать непрерывный ряд значений.

Распределение случайной величины, которое подчиняется перечисленным свойствам, называется нормальным распределением. Для оценки разбросов отдельных значений случайной величины с нормальным распределением или отдельных отсчетов в теории нормального распределения выбирается выборочное среднее квадратичное отклонение отсчетов, которое вычисляется по формуле:

$$S_{X} = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (X_{i} - X_{i})^{2}}$$

$$(6.4)$$

Оценка величины погрешности одного измерения, формулой (6.4) очень важна. определяемая Однако для измерения важной задачей является определение, с какой измеряемой точностью среднее значение соответствует искомой величине. Эта задача возникает в связи с тем, что среднее значение может быть получено из разных измерений. Например, среднее значение может быть получено при различном числе измерений. Поэтому эмпирическое среднее значение также является случайной величиной, которая функцией может описываться распределения. величина этой функции Соответствующая квадратичного отклонения $S_{\langle X \rangle}$ определяется, как показано в теории вероятностей по формуле:



Эта величина называется выборочным средним квадратичным отклонением среднего значения или стандартной ошибкой.

Как видно из формулы стандартной ошибки (6.5), она уменьшается с ростом числа измерений и точность результата возрастает, что и соответствует предыдущим рассуждениям.

Рассмотренные выше формулы для определения ошибки характеристики используют нормального измерения распределения случайной величины. Однако неизвестно, по какому закону распределены результаты измерений. Поэтому эти оценки являются приближенными. В связи с этим возникает необходимость этого определению анализа подхода К Для такого погрешности измерения. анализа использовать известное в теории вероятностей [7] понятие интервала. Пусть величина доверительного вероятности того, что результат измерения – среднее значение – отличается от истинного значения на величину не большую теории вероятностей эта фраза записывается следующим образом:



Величина α называется доверительной вероятностью (надежностью) результата серии наблюдений. Она показывает вероятность, с которой доверительный интервал включает истинное значение измеряемой величины.

Доверительным интервалом называется интервал значений , который с заданной степенью достоверности включает в себя истинное значение измеряемой величины. Геометрическое представление этого интервала дано на рисунке 1.

Таким образом, для определения случайной погрешности необходимо найти или задать два числа: а именно величину самой случайной погрешности или доверительного интервала и величину доверительной вероятности.

Для любой величины доверительного интервала можно рассчитать доверительную вероятность. Для этого используется функция Лапласа, которая также называется интегралом вероятностей. Функция Лапласа имеет вид:



где $\varepsilon = \frac{\Delta X}{S_X}$. Чаще всего, при решении задач используют табличные значения функции Лапласа. Эти значения приведены в таблице 1.

Результаты этой таблицы показывают, что средней квадратичной ошибке S_X соответствует доверительная вероятность 0,68, удвоенной средней квадратичной ошибке 2 S_X соответствует доверительная вероятность 0,95, а утроенной средней квадратичной ошибке 3 S_X – 0,997.

Таблица 1 Доверительные вероятности α для доверительного интервала, выраженного в долях средней квадратичной

ошибки
$$\varepsilon = \frac{\Delta X}{S_X}$$
. Функция Лапласа

\mathcal{E}	α	${\cal E}$	α	\mathcal{E}
0	0	1,2	0,77	2,6
0,05	0,04	1,3	0,80	2,7
0,1	0,08	1,4	0,84	2,8
0.15	0,12	1,5	0,87	2,9
0,2	0,16	1,6	0,89	3,0

0,3	0,24	1,7	0,91	3,1
0,4	0,31	1,8	0,93	3,2
0,5	0,38	1,9	0,94	3,3
0,6	0,45	2,0	0,95	3,4
0,7	0,51	2,1	0,964	3,5
0,8	0,57	2,2	0,972	3,6
0,9	0,63	2,3	0,978	3,7
1,0	0,68	2,4	0,984	3,8
1.1	0,73	2,5	0,988	3,9
				4,0

Случайную погрешность принято определять как доверительного интервала. Размер полуширину доверительного интервала задается в виде значения выборочному кратного среднему квадратичному отклонению среднего значения $S_{\langle X \rangle}$, которое определяется формуле (6.5).Тогда случайная погрешность по многократных измерений определяется формулой:

$$\Delta X = \mathcal{L}_{\Delta X_{,}}$$

$$(6.6)$$

где t_{α} – безразмерный коэффициент доверия.

Этот коэффициент был предложен в 1908 году английским математиком и химиком В.С Госсетом. Он публиковал свои работы под псевдонимом «Стьюдент», поэтому коэффициент t_{α} называется коэффициентом Стьюдента.

Коэффициент доверия или коэффициент Стьюдента показывает во сколько раз нужно увеличить среднее квадратичное отклонение среднего значения, чтобы при заданном числе измерений получить заданную надежность их результата. При расчете случайной погрешности задается надежность измерений α , которая в зависимости от целей

измерений и требований к ним принимает значения, равные 0,9; 0,95; 0,96; 0,98; 0,99; 0,997; 0,999.

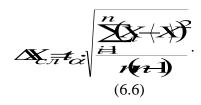
Коэффициент доверия t_{α} имеет сложную зависимость от надежности α и от числа измерений n. Она выводится в теории вероятностей. Его значения для практических расчетов выбираются по статистическим таблицам, в которые внесены значения коэффициента Стьюдента для различной надежности α . Здесь приводится эта таблица коэффициентов доверия или коэффициентов Стьюдента.

Из приведенных рассуждений следует, что чем больше доверительная вероятность, тем надежнее оценка интервала и тем шире его границы.

Таблица 2 **Коэффициент доверия (Коэффициент Стьюдента)**

Число измерений	Надежность, α					
n	0,5	0,9	0,95	0,98		
2	1	6,3	12,7	31,8		
3	0,82	2,9	4,3	7,0		
4	0,77	2,4	3,2	4,5		
5	0,74	2,1	2,8	3,7		
6	0,73	2,0	2,6	3,4		
7	0.72	1,9	2.4	3,1		
8	0,71	1,9	2,4	3,0		
9	0,71	1,9	2,3	2,9		
10	0,70	1,8	2,3	2,8		
20	0,69	1,7	2,1	2,5		
>20	0,67	1,6	2,0	2,5		

Таким образом, абсолютная погрешность случайных ошибок определяется по формуле:



Эту формулу можно использовать для планирования эксперимента. Используя ее можно оценить, какое количество измерений нужно выполнить, чтобы абсолютная погрешность случайных ошибок была бы меньше абсолютной погрешности систематических ошибок.

Определение полной погрешности

Полная абсолютная погрешность прямого измерения ΔX равна квадратному корню из суммы квадратов инструментальной погрешности и случайной погрешности, т. е. полная погрешность прямого измерения, определяется формулой:



Кроме абсолютной погрешности, необходимо определить относительную погрешность, для чего воспользуемся определением относительной погрешности:

Выявление промахов при обработке результатов измерений

Цель работы: научиться выявлять промахи при обработки результатов измерений.

В предыдущих параграфах мы рассмотрели, как определить погрешности в случае, если все промахи отброшены. Однако должен существовать критерий, который позволял бы ответить на вопрос, является ли тот или иной результат промахом, и в каком случае этот результат нужно рассматривать как промах, а в каком случае этот результат отбрасывать нельзя.

Обработку результатов прямых измерений лучше всего начать с выявления промахов. Существует много критериев выявления и отбрасывания промахов. Ни один из этих критериев не является универсальным. Выбор критерия отброса промаха часто зависит от цели измерения, а также от результатов анализа полученного при наблюдении результата. При этом очень часто можно обнаружить, что полученный результат связан со сбоем в работе установки, с неправильной установкой оборудования и т. д. Эти случаи известны и отбрасывание таких результатов никаких сомнений не вызывает.

Однако часто среди отсчетов есть результат, который отличается от других результатов, но однозначно ответить на вопрос, является ли это значение промахом, нельзя. Этот случай требует аккуратного анализа полученных результатов. Для того чтобы продемонстрировать эту ситуацию, рассмотрим результаты конкретных измерений длины стержня с помощью штангенциркуля. В таблице 3 приведены результаты таких измерений.

Если учесть все представленные результаты измерения, то получим, что $\langle I \rangle = 5.71$ мм. Но результат десятого измерения I = 660 мм вероятнее всего является промахом, в котором просто ошибочно случайно вместо первой цифры «5» записана цифра «6». Если отбросить этот результат, то длина стержня будет равна $\langle I \rangle = 5.65$ мм. Если действовать таким методом, то под подозрение попадает и первый результат. Мы можем

предположить, что в нем цифра «8» также записана ошибочно. Если отбросить и этот результат как промах, то длина стержня будет равной $\langle I \rangle = 5$ мм. Ясно, что такой метод отбрасывания результатов, которые нам кажутся подозрительными, не приведет к обоснованному результату.

Кроме того, если использовать такой метод для определения погрешностей, то также можно получить разные ничем не обоснованные результаты. Например, если рассчитаем среднее квадратичное отклонение отдельных отсчетов при учете всех результатов измерений, то получим $S_X = 2.6\,$ мм. Это значение погрешности содержит две значащие цифры, что не соответствует свойствам абсолютной погрешности. Если мы отбросим результат первого и десятого измерения, то получим $S_X = 0.5\,$ мм.

Приведенный пример показывает, что необходимо сформулировать некоторый объективный критерий, на основании которого можно было бы объективно определить промахи. Этот вопрос можно решить, используя свойство ошибок, а именно, мы можем считать какое-то измерение \boldsymbol{X}_k промахом, если вероятность случайного появления такого значения является достаточно малой.

Для определения вероятности появления промаха также используется формула Лапласа и соответствующая ей таблица 1. Из этой таблицы следует, что вероятность появления в результатах измерения значения, отличающегося от среднего арифметического $\langle X \rangle$ более чем на $3\,S_X$ равна 1-0.997=0.003. Тогда все измерения, отличающиеся от среднего арифметического значения $\langle X \rangle$ на величину большую $3\,S_X$, могут быть отброшены.

При таком подходе считается, что результаты измерения, вероятность получения которых меньше 0,003, могут быть следствием грубой ошибки при проведении опыта или промаха. Конечно, такие результаты не являются обязательно следствием грубых ошибок, они могут появляться как следствие поведения

случайной величины. Однако, если мы отбрасываем такую величину, то допускаемая при этом ошибка мала, так как мала вероятность появления таких результатов.

Применим эти рассуждения к анализу каждого результата измерения. Тогда вероятность того, что результат первого измерения не будет отличаться от истинного значения более чем на $3\,^S x$, равна (1-0,003)=0,997. Вероятность того, что это же условие будет

(1-0,003)=0,997. Вероятность того, что это же условие будет иметь место для результата второго измерения, также равна (1-0,003)=0,997. А вероятность того, что результаты и первого и второго измерений не выйдут за указанный предел будет равна произведению этих вероятностей, так как отдельные измерения и их результаты являются независимыми событиями – $(1-0,003)^2$.

Таблица 3

Резуль таты измере ния длины стержня

		_
$N_{\Pi}./\Pi$.	I, _{MM}	
1	58,5	T
2	55,4	p
3	56,6	С
4	56,7	p
5	57,0	
6	56,5	
7	56.7	
8	55,3	
9	56,0	E
10	66,0	Ι
11	56,3	
12	56,5	
13	56,0	
14	56,3	
15	56,9	
		•

Тогда вероятность того, что ни один из результатов n измерений не будет отличаться от среднего более чем на $3\,^S x$, равна:

3-(1-000) (7.1)

(7.2)

Если *п* не очень велико, то значение этой вероятности можно найти по приближенной формуле:

Следовательно, вероятность того, что из результатов n измерений, хотя бы одно значение будет случайно отличаться от среднего значения более чем на $3\,S_X$, равна $P{=}1{-}\beta$. Это значит, что при десяти проведенных измерениях вероятность того, что хотя бы одно значение будет промахом равна $0{,}03$ или 3%.

Одним из методов определения промахов является использование критерия Шовене [23]. Этот критерий формулируется следующим образом:

1. Из полученного ряда n отсчетов (результатов измерений) выбирается аномальный результат X_k .

2. Вычисляется Z модуль его отклонения от среднего значения, полученного с учетом всех результатов измерений, в долях выборочного среднего квадратичного отклонения отдельных результатов:

$$\begin{array}{c|c}
\hline
S_{X} & & \\
\hline
S_{X} & & \\
\hline
\end{array}$$
(7.3)

- 3. Вычисляется вероятность этого отклонения, а также ожидаемое число измерений, которые дадут результаты, имеющее отклонение Z не меньшее, чем исследуемое значение X_k .
- 4. Если полученное значение количества измерений меньше 0,5, а при округлении до целого равно нулю, то исследуемый результат измерения X_k является промахом.

Эту процедуру можно изменить и вычислить ожидаемое число отсчетов M, среди которых будет хотя бы один аномальный или, другими словами, промах. Если рассчитанное число M больше числа проведенных измерений, то рассматриваемый отсчет является промахом.

Мы на первых курсах не будем пользоваться достаточно сложным распределением величины Z, а будем использовать уже готовую таблицу отбора промахов по критерию Шовене (таблица 4).

Таблица 4 **Отбор промахов по критерию Шовене**

Z	M	Z	M	Z	M	Z	M
1,00	2	1,40	3	1,80	7	2,20	18
1,02	2	1,42	3	1,82	7	2,22	19
1,04	2	1,44	3	1,84	8	2,24	20
1,06	2	1,46	3	1,86	8	2,26	21
1,08	2	1,48	4	1,88	8	2,28	22

1,10	2	1,50	4	1,90	9	2,30	23
1,12	2	1,52	4	1,92	9	2,32	25
1,14	2	1,54	4	1,94	10	2,34	26
1,16	2	1,56	4	1,96	10	2,36	27
1,18	2	1,58	4	1,98	10	2,38	29
1,20	2	1,60	5	2.00	11	2,40	30
1,22	2	1,62	5	2,02	12	2,42	32
1,24	2	1,64	5	2,04	12	2,44	34
1,26	2	1,66	5	2,06	13	2,46	36
1,28	2	1,68	5	2,08	13	2,48	38
1,30	3	1,70	6	2,10	14	2,50	40
1,32	3	1,72	6	2,12	15	2,52	43
1,34	3	1,74	6	2,14	16	2,54	45
1,36	3	1,76	6	2,16	16	2,56	48
1,38	3	1,78	7	2,18	17	2,58	51

Обработка прямых равноточных измерений

Цель работы: научиться выполнять обработку прямых равноточных измерений.

Варианты индивидуальных заданий

вар	резул	ьтаты из	вмерения	Я							
иан											
Т											
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	1
1	10	3	9	13	25	13	31	5	12	14	7
2	105	84	195	137	258	137	116	53	126	147	74
3	228	182	205	296	342	296	251	14	274	319	160
4	54	23	49	70	81	70	59	127	65	76	38
5	16	13	14	21	4	21	18	8	19	62	11
6	23	8	21	30	35	70	25	12	28	82	16
7	67	54	10	87	101	87	74	134	80	94	47
8	89	71	180	116	134	116	98	25	107	125	62

9	113	90	102	147	270	147	124	27	136	158	79
10	43	42	12	43	54	53	53	81	53	44	52
11	111	110	120	121	118	117	115	126	123	114	113
12	335	268	302	436	503	436	369	168	402	469	235
13	77	72	75	84	89	84	79	66	82	86	70
14	88	65	77	122	145	122	99	32	111	133	54

Задание: пусть при измерениях проведено 12 отсчетов расстояния, пройденного телом за определенное время. Измерения проводились линейкой с ценой деления 1 см. Результаты измерения представлены в таблице выше.

Порядок выполнения работы:

- 1. Определить инструментальную погрешность.
- 2. Вычислить среднее значение по результатам измерений по формуле (5.5).
- 3. Вычислить среднее квадратичное отклонение отсчета по формуле (6.4). Если эксперимент проведен так, что промах удаляется обоснованно из анализа эксперимента, то после этого пункта переходим к пункту 5. Если вопрос об устранении промаха требует статистического анализа, то переходим к пункту 4.
 - 4. Проверить отсчеты на наличие промаха:
 - отобрать среди полученных отсчетов аномальный отсчет;
 - вычислить его относительное отклонение по формуле (7.3);
 - определить по таблице 4 ожидаемое число отсчетов, среди которых может быть аномальный отсчет;

- если определенное по таблице 4 число отсчетов больше числа проведенных отсчетов, то аномальный отсчет нужно исключить и вернуться к пункту 2. Если определенное по таблицу 4 число отсчетов меньше числа проведенных отсчетов, то аномальный отсчет отбрасывать нельзя, а надо перейти к пункту 5;
- повторить эти пункты для всех подозрительных на промах измерений;
- 5. Вычислить выборочное среднее квадратичное отклонение среднего значения по формуле (6.5).
- 6. Задать надежность и определить по таблице 2 коэффициент доверия (коэффициент Стьюдента) для заданной надежности и полученного числа отсчетов.
- 7. Вычислить случайную погрешность по формуле (6.6).
- 8. Вычислить полную погрешность по формуле (6.7).
- 9. Вычислить относительную погрешность по формуле (6.8).

Пример обработки прямых равноточных измерений

Пусть при измерениях проведено 10 отсчетов расстояния, пройденного телом за определенное время. Измерения проводились линейкой с ценой деления 1 см. Результаты измерения представлены в таблице 5.

Таблица 5 **Результаты измерения расстояния**

n								
	1	2	3	4	5	6	7	8
Π/Π								
S,	105	100	105	65	90	110	110	115
CM								

1. Определяем инструментальную погрешность. Условия измерений и применение измерительной линейки позволяет сделать вывод, что инструментальная погрешность равна цене деления шкалы, т. е.

$$\Delta S_{np} = 1_{\text{CM}}$$

- 2. Зададим доверительную вероятность α =98% и для данного количества отсчетов n=10 по таблице 2 определим коэффициент доверия (Коэффициент Стьюдента) t=2,8.
 - 3. Вычислим среднее значение расстояния:

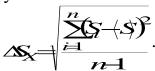
$$\langle S \rangle = \frac{\sum_{i=1}^{n} S_i}{n};$$



4. Округляем полученное число до целого значения, используя правило IV:

$$\langle S \rangle = 1 O_{CM}$$

5. Вычисляем среднее квадратичное отдельных отсчетов по формуле





6. Округляем полученное число до целого числа, что соответствует точности измерительного прибора

$$\Delta S_X = 15$$
 cm.

7. Проверяем отсчеты на наличие промахов. Наибольшее отклонение от среднего значения имеет отсчет под номером 4 - $S_4 = 65$ см. Вычисляем нормированное отклонение S_4 от среднего значения:



8. По таблице 4 находим, что количество отсчетов (опытов), при котором рассмотренное значение нельзя считать промахом равно 17. В нашем опыте всего 10 отсчетов, поэтому значение $S = 65 \,\mathrm{cm}$ является промахом и его нужно исключить из обрабатываемого ряда.

Теперь получаем новый набор отсчетов и проводим их обработку.

Таблица 6 **Результаты измерения расстояния после** удаления первого промаха

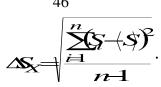
<i>п</i>	1	2	3	4	5	6	7	8
S, cm	105	100	105	90	110	110	115	13

Теперь у нас n=9. Выберем доверительную вероятность $\alpha=98\%$ и по таблице 2 найдем коэффициент доверия или коэффициент Стьюдента, получаем t=2,9.

Вычисляем новое среднее значение:



Вычисляем среднее квадратичное значение среднего значения по формуле





Округляем это значение до целого числа и получаем $\Delta S = 1$ $\Im n$. Такое значение среднеквадратичного отклонения результата измерения говорит о том, что среди результатов измерений имеются еще промахи, так как оно содержит две значащие цифры.

Проверим, не является ли промахом результат $S_8 = 1.36$ л. Для этого найдем значение Z по формуле (7.3):



По таблице 4 значению Z=1,9 соответствует значение M=9. Это значит, что рассмотренный нами отсчет также является промахом и его нужно отбросить.

Теперь таблица состоит из результатов восьми измерений.

Таблица 7

Результаты измерения расстояния после удаления второго промаха

<i>п</i>	1	2	3	4	5	6	7	8
S, cm	105	100	105	90	110	110	115	12

Как и прежде, вычисляем новое среднее значение расстояния:



Округляем эту величину до целого значения, получаем $\langle S \rangle = 1$ ОБТ. Наибольшее отклонение от этого среднего значения имеет результат измерения $S_4 = 9$ ОТИ. Проверим, является ли этот результат измерения промахом.

Вычисляем среднее квадратичное значение среднего значения по формуле (6.4)



Теперь вычислим Z по формуле (7.3):



Как мы знаем, данному значению Z соответствует M = 9, а у нас измерений всего восемь.

Это означает, что данный результат измерения также является промахом и его надо отбросить.

Теперь получается таблица из семи результатов измерений.

Таблица 8 **Результаты измерения расстояния после** удаления третьего промаха

<i>п</i> п/п	1	2	3	4	5	6	7
S, cm	105	100	105	110	110	115	120

Повторяем уже известные расчеты:





Проверим, не является ли промахом значение $S_7 = 120$



Полученному значению Z соответствует M = 5, а у нас число измерений равно 7, поэтому данное значение нельзя считать промахом. Очевидно,

что остальные значения проверять не имеет смысла, так как им будет соответствовать еще меньшее значение M , а значит, они не будут промахами.

Таким образом, можно окончательно сказать, что $\langle S \rangle$ — Серь вычислим $\Delta S_{\langle X \rangle}$:



Надежности α =0,98 и n=7 соответствует коэффициент Стьюдента t_{α} =3,1. Тогда находим

Теперь вычисляем полную абсолютную погрешность:



Вычислим относительную погрешность

Таким образом, результат измерения расстояния имеет вид:

$$\langle S = 1 \ CS = 7\%; \alpha = 0.98$$

Практическая работа №4 «Расчет датчика холла»

Цель работы: Рассчитать преобразователь мощностьнапряжение на основе эффекта Холла и коэффициент передачи согласующего устройства датчика с вольтметром.

Исходные данные:

Номер				
варианта				
(последняя	P_{max} , BT	Тип	Напряжение	Частота
цифра в		провода	сети U, B	сети,
зачётной				Гц
книжке)				
16(16)	250	провод	110	400
	(реактивная)			

Расчёт:

1. Определение максимального тока нагрузки, А:

$$I_{max} = \frac{P_{max}}{U} = \frac{250}{110} = 2.273 \text{ A}$$

2. Выбор длины датчика Холла, м:

$$L = 0.1 \cdot D = 0.1 \cdot 0.02 = 0.002 \,\text{M}$$

Где рекомендовано взять D=2cм

3. Выбор ширины датчика:

$$b = \frac{L}{3} = \frac{0.002}{3} = 6.667 \cdot 10^{-4} \text{ M}$$

4. Оценка тока через датчик:

$$i_x = 4 \cdot b \cdot d = 4 \cdot 0.667 \cdot 10^{-2} = 0.0267 \, A$$

где d = 10 мкм. В данной формуле размеры берутся в миллиметрах, при этом сила тока получается в амперах

$$C \approx \frac{i_x}{U \cdot \omega} = \frac{0.0267}{110 \cdot 2512} = 96.6 \cdot 10^{-9} \ \Phi$$

5. Для датчика реактивной мощности определяем величину ёмкости конденсатора:

$$\omega = 2 \cdot \pi \cdot v = 2 \cdot 3.14 \cdot 400 = 2512 \text{ pag/c}$$

6. Принимаем сопротивление датчика реактивной мощности равным:

$$R_{\rm A} = \frac{0.01}{\omega \cdot C} = \frac{0.01}{2512 \cdot 96.6 \cdot 10^{-9}} = 41.2 \text{ Om}$$

7. Определяем удельное сопротивление материала датчика:

$$\rho = \frac{R_{\text{Д}} \cdot b \cdot d}{L} = \frac{41.2 \cdot 6.667 \cdot 10^{-4} \cdot 10 \cdot 10^{-6}}{0.002}$$
$$= 1.373 \cdot 10^{-4} \text{ Om} \cdot \text{m}$$

8. Определяем для германия и кремния требуемые для обеспечения найденного ρ концентрации носителей тока в м⁻³:

$$n=rac{1}{e\cdot \mu_{\mathrm{rep}}\cdot
ho}=rac{1}{1.6\cdot 10^{-19}\cdot 0.36\cdot 1.373\cdot 10^{-4}}=1.264\cdot 10^{23}\,\mathrm{M}^{-3}\,$$
 для германия $n=rac{1}{e\cdot \mu_{\mathrm{rep}}\cdot
ho}=rac{1}{1.6\cdot 10^{-19}\cdot 0.1\cdot 1.373\cdot 10^{-4}}=4.552\cdot 10^{23}\,\mathrm{M}^{-3}\,$ для кремния

$$\mu_{\text{rep.}} \approx 0.36 \, ^{\text{M}^2} /_{B \cdot c}$$
 $\mu_{\text{крем.}} \approx 0.1 \, ^{\text{M}^2} /_{B \cdot c}$

9. По заданному t_{max} , °С определяем для германия и кремния требуемое значение концентрации:

$$\begin{split} n_{\mathrm{TP(rep.)}} &= 100 \cdot n_{i0} \cdot e^{\frac{\Delta E_{\mathrm{(rep.)}}}{2 \cdot K} \cdot \left(\frac{1}{I_{0\mathrm{(rep.)}}} - \frac{1}{I_{max}}\right)} = 100 \cdot \\ 3 \cdot 10^{19} \cdot e^{\frac{1.152 \cdot 10^{-19}}{2 \cdot 1.38 \cdot 10^{-23}} \cdot \left(\frac{1}{300} - \frac{1}{343}\right)} = 1.716 \cdot 10^{22} \; \mathrm{M}^{-3} \end{split}$$

$$\begin{split} n_{\mathrm{TP(kpem.)}} &= 100 \cdot n_{i0} \cdot e^{\frac{\Delta E_{\mathrm{(kpem.)}}}{2 \cdot K} \cdot \left(\frac{1}{I_{0\mathrm{(kpem.)}}} - \frac{1}{I_{max}}\right)} = \\ 100 \cdot 4 \cdot 10^{16} \cdot e^{\frac{1.760 \cdot 10^{-19}}{2 \cdot 1.38 \cdot 10^{-23}} \cdot \left(\frac{1}{300} - \frac{1}{343}\right)} = 5.746 \cdot 10^{19} \\ \mathrm{m}^{-3} \end{split}$$

$$z\partial e$$
 $n_{i0(\text{гер.})}=3\cdot 10^{19}~\text{м}^{-3}$ $n_{i0(\text{крем.})}=4\cdot 10^{16}~\text{м}^{-3}$ $T_{0(\text{гер.})}=300K$, $T_{0(\text{крем.})}=300K$ $T_{max}=70^{\circ}\text{C}=343K$ $\Delta E_{(\text{гер.})}=0.72 \text{эB}=0.72\cdot 1.6\cdot 10^{-19}$ $=1.152\cdot 10^{-19}\text{Дж}$ $\Delta E_{(\text{крем.})}=1.1 \text{эB}=1.1\cdot 1.6\cdot 10^{-19}=1.760\cdot 10^{-19}\text{Дж}$ $K=1.38\cdot 10^{-23}\frac{\text{Дж}}{K}$ Принимается в качестве материала датчика кремний.

10.Из двух значений концентраций выбираем наибольшую и по нему рассчитываем постоянную Холла:

$$R_{\rm X} = rac{1.17}{e \cdot n_{({
m Kpemhu}reve{\mu}})} = rac{1.17}{1.6 \cdot 10^{-19} \cdot 4.552 \cdot 10^{23}}$$

$$= 1.606 \cdot 10^{-5} \, {
m M}^3/{
m K}_{
m A}$$

11. Определяем максимальное значение магнитной индукции для длинного соленоида, навитого из провода:

$$\begin{split} B_{max} &= I_{max} \cdot \frac{N}{l_c} \cdot \mu_0 = K \cdot I_{max} \\ B_{max} &= I_{max} \cdot \frac{N}{l_c} \cdot \mu_0 = 2.273 \cdot 1175 \cdot 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \\ &= 3.359 \cdot 10^{-3} \text{ T} \pi \end{split}$$

$$= \frac{N}{l_c} = \frac{1}{d_{\pi p} \cdot 10^{-3}} \\ &= \left[d_{\pi p} = \sqrt{\frac{I_{max}}{\pi}} = \sqrt{\frac{2.273}{3.14}} \right] \\ &= 0.850 \text{ MM} = \frac{1}{0.850 \cdot 10^{-3}} \\ &= 1175 \text{ M}^{-1} \end{split}$$

Найдём коэффициент для соленоида:

$$B_{max} = K \cdot I_{max}$$

$$K = \frac{B_{max}}{I_{max}} = \frac{3.359 \cdot 10^{-3}}{2.273} = 1.478 \cdot 10^{-3} \text{ T/A}$$

12. Рассчитаем $U_{x \ max}$ для реактивной мощности:

$$\begin{split} &U_{x\,max} = \frac{1}{2} \cdot \frac{\omega \cdot C \cdot K \cdot R}{d} = P_{p\,max} \\ &= \frac{1}{2} \cdot \frac{2512 \cdot 96.6 \cdot 10^{-9} \cdot 1.478 \cdot 10^{-3} \cdot 1.606 \cdot 10^{-3}}{10 \cdot 10^{-6}} \\ &\cdot 250 = 7.200 \cdot 10^{-5} \, B \end{split}$$

13.Определяем требуемый коэффициент усиления:

$$K_y = \frac{U_{\text{BMX} max}}{U_{max}} = \frac{2.5}{7.200 \cdot 10^{-5}} = 34722$$

Задание

Определить основные параметры датчика мощности на основе эффекта Холла (геомет материал, удельное сопротивление, коэффициент усиления усилителя).

Исходные данные приведены в таблице.

№ варианта	$P_{ m max}$, BT	Тип токопровода	Напряжение сети,В	Частота сети, Гц	, O C
1	10000 активная	шина, h= 8 СМ	500	0	100
2	1500 активная	провод	220	50	140
3	1500 реактивная	провод	115	400	140
4	20000 активная	шина, h=8см	380	50	60
5	3000 активная	шина, h = 5см	27	0	120

6	100000 активная	шина, $h = 2 c M$	500	0	40
7	1000 активная	провод	27	1000	150
8	1000 реактивная	провод	27	1000	120
9	4000 реактивная	провод	110	400	100
10	50 активная	провод	27	1000	50
11	50 активная	провод	220	50	120
12	200 реактивная	провод	220	50	140
13	700 активная	провод	110	400	100
14	60000	шина	600	0	120

Практическая работа №5 «Выбор набора измерительных преобразователей для измерительной системы на основе оценки предельно допустимой погрешности измерения этой системы»

1 ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Цель работы – приобрести умение производить выбор набора измерительных преобра измерительной системы на основе оценки предельной допускаемой погрешности изме

2 ОСНОВНЫЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

2.1 Оценка погрешностей измерительных систем

Технические измерения выполняются однократно с помощью рабочих средств измерен соответствующих единицах измерения. Однократный отсчет показаний по шкале измер принимается за окончательный результат измерения данной величины.

Достоверность результата измерения можно оценить, если известна точность измерени характеристики точности измерений пользуются понятием погрешности измерений, отр результата измерений от действительного значения измеряемой физической величины

При технических измерениях, как правило, применяются измерительные системы, сост измерительных преобразователей (ИП). Простейшая измерительная система может бы последовательное соединение следующих преобразователей (рис. 1):

- 1) первичный измерительный преобразователь (датчик);
- линия связи;
- вторичный измерительный прибор.

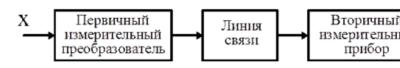


Рис. 1 Функциональная схема простейшей измерительной системы

Следовательно, при оценке погрешности измерительной системы необходимо оценить каждого из ее элементов.

Существует два метода оценки погрешности измерительной системы ε_{NC} . В первом метоределов погрешности измерительной системы по пределам погрешностей элементов, фактически определяется максимальное значение погрешности измерительной систем оценивается как корень квадратный из суммы квадратов пределов допускаемой погреш преобразователя, входящего в измерительную систему:

$$\varepsilon_{HC} = \pm \sqrt{\varepsilon_1^2 + \varepsilon_2^2 + \ldots + \varepsilon_N^2} \,,$$

где $\varepsilon_1,\ \varepsilon_2,...,\ \varepsilon_N$ – относительные предельные допускаемые погрешности, равные:

$$\varepsilon_i = \pm \frac{\Delta x}{x} \cdot 100\%, (i = \overline{1, n});$$

где Δx – абсолютная погрешность измерения физической величины x.

Этот метод достаточно строг, если предельные допускаемые погрешности ε_1 , ε_2 ..., ε_N не соответствуют одинаковым доверительным вероятностям при однотипных законах распр

Второй, вероятностно-статистический метод оценки погрешностей, является более строг достаточно сложным.

2.2 Методика выбора и метрологические характеристики измерительных преобразовател

При выборе датчиков для измерения технологических параметров следует учитывать ряд наиболее существенные следующие:

- допустимая для измерительной системы погрешность, определяющая класс точности д
- пределы измерения датчика, в рамках которых гарантирована определенная точность і
- влияние физических параметров измеряемой и окружающей среды (давления, темпера вибраций и др.) на нормальную работу датчика;
- расстояние, на которое может быть передана информация, полученная с помощью да
- возможность применения датчика с точки зрения пожаро- и взрывобезопасности.

Выбор датчика осуществляют в два этапа. На первом этапе выбирают разновидность дат измерения температуры – термопреобразователь сопротивления, термопара или маном

На втором этапе определяют технические характеристики выбранной разновидности дат терморезистор медный, номинальная статическая характеристика (HCX) 100M, тип TCM-100M.

Информация о технических характеристиках и области применения датчиков приводится предприятий-изготовителей. Основные сведения о датчиках температуры, производимых Челябинск), представлены в таблице П.1.

В том случае, когда измеряемая или окружающая среда могут оказать разрушающее воз (например, вследствие абразивных свойств среды, слишком высокого давления, присутс веществ и др.), необходимо защитить датчик с помощью специальной защитной гильзы. защитных гильз представлены в табл. П.3.

Значения и формулы пределов допускаемых отклонений термо-ЭДС для некоторых терм приведены в таблице 2.1, а номинальные статические характеристики – в таблице 2.2.

Пределы допускаемых отклонений термо-ЭДС от номинальной статической характерических датчиков (t – температура рабочего спая)

Тип термоэлектринеского датника	I	термо-ЭДС; ±ΔЕ, мВ	Диапазон измерения
Тип термоэлектрического датчика	t ≤ 300°C	t > 300°C	диапазон измерения
XK	0.14+0.2·10 ⁻³ ·t	0.2+5.2·10 ⁻⁴ (t-300)	300-800
XA	0.14	0.14+2.2·10 ⁻⁴ (t-300)	300-1300
пп	0.008	0.008+2.69·10 ⁻⁵ (t-300)	300-1600

Температура рабочего конца, °С	Терм	ю-ЭДС	, мВ
	XK	XA	ПП
-50	-3.110	-1.889	-
0	0.000	0.000	0.000
20	1.303	0.798	0.113
50	3.350	2.022	0.297
100	6.898	4.095	0.644
200	14.570	8.137	1.436
300	22.880	12.207	2.314
400	31.480	16.396	3.250
500	40.270	20.640	4.216
600	49.090	24.902	5.218
700	57.820	29.128	6.253
800	66.420	33.277	7.317

A . .

Пределы допускаемых отклонений сопротивления от номинальной статической характеристики термопреобразователей сопротивления (ТПС) вычисляются по формулам, которые приведень номинальная статическая характеристика – в таблице 2.4.

Пределы допускаемых отклонений сопротивления от номинальной статической характеристики термопреобразователей сопротивления (класс допуска 2).

Тип ТПС	Класс допуска	Допускаемое отклонение ±∆t, °C	Диапозон измерения, °С
	А	0.15+2·10 ⁻³ ·t	
тсп	В	0.30+5·10 ⁻³ ·t	01000
	С	0.6+8·10 ⁻³ ·t	
	А	0.15+2·10 ⁻³ ·t	
TCM	В	0.25+3.5·10 ⁻³ ·t	-50200
	С	0.50+6.5·10 ⁻³ ·t	

Номинальные статические характеристики преобразования платиновых и медных термопр сопротивления (ТПС)

					1
Температура ТПС, С	Сопр	отивлен	ие ТПС	С, Ом	Сигнал с первичного преобразователя тем связи передается на следующий измерите
	50∏	100∏	50M	100M	преобразователь. Для подсоединения тері датчика используются компенсационные п
-50	39.991	79.983	39.240		датчика используются компенсационные п Допускаемое отклонение термо-ЭДС в пар проводов приведено в таблице 2.5.
0	50.000	100.000	50.000	100.000	
					Для подсоединения термопреобразовател
50	59.854	119.708	60.702		используются медные соединительные про температуре превышающей нормальную,
100		139.113	I .	142.800	логрешность 0.75+6.5·10 ⁻³ ·t. °C. Если темп
150		l	I .	l	окружающей среды в процессе эксплуатац нормальной (например, провода защищен
200	89.516	177.033	92.791	185.583	температуры измеряемой среды), то погре соединительными проводами не учитывае
250	97.776	159.52	-	-	, Для оценки предельной погрешности вторі
300	106.889	231.779	-	_	измерительных преобразователей в качест используется класс точности прибора, кото
350	115.858	231.715	-	_	технических характеристиках. Допускаемы некоторых видов вторичных приборов прив
400	124.679	249.358	_	-	

124.679 249.358

400

450	ľ	133.353	266.707	_	_	Основные характеристики и допускае			
500		141.880	283.760	-	_	компенсационных проводов			
550		150.255	300.511	-	-				
600		158.480	316.960	_	_				
Тип термопары			Компе	енсаци	онные пр	овода	Термо	-ЭДС,	
	Марка	1	Материал		Окраска изоляции	При t=100°C	Погрец		
XK	XK		хромель - копель		фиолетовая - желтая	6.88	±0		
XA	М		медь - константан			красная - коричневая	4.01	±0.	
ПП	П	медь -	медно-н	икелев	ый сплав	красная - зеленая	0.64	±0.0	
2.3 Методика ме	етроло	гическо	го обосн	нования	выбора	элементов измерител	ьной системы	ol .	

Методика метрологического обоснования выбора элементов измерительной системы сводится минимального значения предельной статической погрешности измерения.

Для измерения одного и того же значения физической величины можно использовать множеств измерительных систем, состоящих из различных измерительных преобразователей. Следовате метрологического обоснования является выбор измерительной системы, которая измеряет фи наименьшей предельной статической погрешностью.

Окончательное решение по выбору измерительной системы для измерения конкретной физиче остается за автором проекта, так как критерием выбора могут быть не только метрологические экономические, технические и т. п.

Методика метрологического обоснования выбора измерительной системы для измерения каког состоит из следующих этапов:

- 1. Формулируется задача и определяются исходные данные.
- Выбирается несколько вариантов измерительной системы, при помощи которой можно изме данного параметра.
- Характеристики элементов выбранных измерительных систем вносятся в таблицу, где указы наименование измерительного преобразователя, тип, допускаемая погрешность.
- 4. Производится расчет предельной статической погрешности измерительной системы.
- 5. Делается вывод по окончательному выбору варианта измерительной системы.

3 ПРИМЕР ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ

Задача. Измерить температуру пара в трубопроводе теплоэнергетической установки, среднее з составляет 465°С. Давление и скорость движения пара в трубе принять равными соответственн

- 4. Производится расчет предельной статической погрешности измерительной системы
- Делается вывод по окончательному выбору варианта измерительной системы.

3 ПРИМЕР ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ

Задача. Измерить температуру пара в трубопроводе теплоэнергетической установки, с составляет 465°C. Давление и скорость движения пара в трубе принять равными соотв

Решение. Выбранные варианты измерительных систем представлены в таблице 3.1.

Выбранные варианты измерительных систем (ИС)

Номер ИС	1		2		3	
Наимен.	Тип ИП	Допуск.	Тип СИ	Допуск.	Тип СИ	Дог
ИП		погреш., %		погреш., %		погр
Первичный преобр-ль	TXA-1387	0.89	TXK-0188	0.70	ТСП-1088-100П	0
Линия	М	0.76	XK	0.48	Медные провода	0
СВЯЗИ		0.70	AN	0.40	тедные провода	
Вторичный	Диск-250	0.63	A-100H	0.64	A100-1125	0
прибор	ANCK-200	0.00	74 10011	0.04	71100-1120	ľ

Определим погрешность измерения температуры для ИС №1.

Допустимое отклонение термо-ЭДС для первичного преобразователя ТХА-1387, соглас

$$\Delta E_{\Pi\Pi}1=\pm[0.14+2.2\cdot10^{-4}(t-300)]=\pm[0.14+2.2\cdot10^{-4}(465-300)]=\pm0.176$$

Для номинальной статической характеристики термопары ХА, согласно табл. 2.2, коэфо составит:

$$k_1 = \Delta t/\Delta E = (500 - 400)/(20.640 - 16.396) = 23.56$$
°C/MB.

Отсюда абсолютная погрешность измерения температуры будет равна:

$$\Delta t_{nn1}=\pm (k \cdot \Delta E_{nn})=\pm (23.56 \cdot 0.176)=\pm 4.15$$
°C.

Относительная погрешность измерения температуры:

$$\varepsilon_{\Pi\Pi 1} = \pm \frac{\Delta t_{\Pi\Pi 1}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{4.15}{465} \cdot 100\% = 0.8$$

Допускаемое отклонение ЭДС в паре между жилами компенсационных проводов марки будет ΔE_{Kn1} =±0.15 мВ. Следовательно, абсолютная и относительная погрешности темп

$$\Delta t_{K\Pi1}=\pm(k_1\cdot\Delta E_{K\Pi1})=\pm(23.56\cdot0.15)=\pm3.53^{\circ}C;$$

$$\varepsilon_{\text{KH1}} = \pm \frac{\Delta t_{\text{KH1}}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{3.53}{465} \cdot 100\% = 0.76$$

Диапазон измерения датчика (0…600°С), выраженный в мВ, для номинальной статичес термопары ХА равен:

$$E_{A1} = E(600) - E(0) = 24.902 - 0 = 24.902 \text{ MB}.$$

Допускаемая абсолютная погрешность показаний вторичного измерительного прибора

$$\Delta E_{B\Pi 1} = \pm \delta_{B\Pi 1} \cdot E_{A 1} / 100 = 0.5 \cdot 24.90 / 100 = \pm 0.125 \text{ MB}.$$

Отсюда получим следующие значения абсолютной и относительной погрешностей тем

$$\Delta t_{B\Pi 1} = \pm (k \cdot \Delta E_{B\Pi}) = \pm (23.56 \cdot 0.125) = \pm 2.95 ^{\circ}C;$$

$$\varepsilon_{\rm BR1} = \pm \frac{\Delta t_{\rm BR1}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{2.95}{465} \cdot 100\% = 0.65$$

Предельная относительная погрешность показаний измерительной системы №1 будет

$$\varepsilon_{\text{HC}1} = \pm \sqrt{\varepsilon_{\text{RR}1}^2 + \varepsilon_{\text{KR}1}^2 + \varepsilon_{\text{BR}1}^2} = \pm \sqrt{0.89^2 + 0.76^2 + 0.63^2}$$

Найдем предельную погрешность измерения температуры для измерительной системы N

Допустимое отклонение термо-ЭДС для первичного преобразователя ТХК-0188, согласно

$$\Delta E_{nn2} = \pm [0.2 + 5.2 \cdot 10^{-4} (t-300)] = \pm [0.2 + 5.2 \cdot 10^{-4} (465-300)] = \pm 0.286 \text{ MB}.$$

Для номинальной статической характеристики термопары ХК, согласно табл. 2.2, коэффиц составит:

$$k_2 = \Delta t / \Delta E = (500 - 400) / (40.270 - 31.480) = 11.38^{\circ} C / MB.$$

Отсюда абсолютная погрешность измерения температуры будет равна:

$$\Delta t_{nn2} = \pm (k_2 \cdot \Delta E_{nn2}) = \pm (11.38 \cdot 0.286) = \pm 3.25$$
°C.

Относительная погрешность измерения температуры:

$$\varepsilon_{\text{IIII.2}} = \pm \frac{\Delta t_{\text{IIII.2}}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{3.25}{465} \cdot 100\% = 0.70\%$$

Допускаемое отклонение ЭДС в паре между жилами компенсационных проводов марки XI будет ΔE_{KR2} =±0.2 мВ. Следовательно, абсолютная и относительная погрешности температ

$$\Delta t_{K\Pi 2} = \pm (k_2 \cdot \Delta E_{K\Pi 2}) = \pm (11.38 \cdot 0.2) = \pm 2.25 ^{\circ}C;$$

$$\mathcal{E}_{\text{KH2}} = \pm \frac{\Delta t_{\text{KH2}}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{2.25}{465} \cdot 100\% = 0.48\%$$

Диапазон измерения датчика (-40...600°С), выраженный в мВ, для номинальной статическ термопары ХК равен:

$$E_{\text{Д2}} = E(600) - E(-40) = 49.09 - (-3.11) = 52.20 \text{ MB}.$$

Допускаемая абсолютная погрешность показаний вторичного измерительного прибора бу,

$$\Delta E_{B\Pi 2} = \pm \delta_{B\Pi 2} \cdot E_{\underline{\Pi}} / 100 = 0.5 \cdot 52.20 / 100 = \pm 0.261 \text{ MB}.$$

Отсюда получим следующие значения абсолютной и относительной погрешностей темпер

$$\Delta t_{B\Pi 2} = \pm (k_2 \cdot \Delta E_{B\Pi 2}) = \pm (11.38 \cdot 0.261) = \pm 2.97 ^{\circ}C;$$

$$\varepsilon_{\text{BH2}} = \pm \frac{\Delta t_{\text{BH2}}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{2.97}{465} \cdot 100\% = 0.64\%$$

Предельная относительная погрешность показаний измерительной системы №2 будет рав

Абсолютная погрешность измерения температуры при помощи терморезистора ТСП-2.3, будет равна:

$$\Delta t_{nn3} = \pm (0.15 + 2 \cdot 10^{-3} \cdot t) = \pm (0.15 + 2 \cdot 10^{-3} \cdot 465) = \pm 1.08^{\circ}C.$$

Относительная погрешность измерения температуры:

$$\varepsilon_{\pi\pi3} = \pm \frac{\Delta t_{\pi\pi3}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{1.08}{465} \cdot 100\% = 0.25$$

Температурная погрешность, вносимая медными соединительными проводами, соста

$$\Delta t_{K\Pi 3} = \pm (0.75 + 6.5 \cdot 10^{-3} \cdot t) = \pm (0.75 + 6.5 \cdot 10^{-3} \cdot 465) = \pm 3.77 ^{\circ} C$$

Отсюда относительная погрешность температуры, обусловленная нагреванием прово

$$\varepsilon_{\text{KH3}} = \pm \frac{\Delta t_{\text{KH3}}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{3.77}{465} \cdot 100\% = 0.$$

Определим погрешность вторичного измерительного прибора для измерительной сис

На основе данных по номинальной статической характеристике ТПС (табл. 2.4) диапа сопротивления датчика ТСП-1088-100П равен:

$$R_{\text{Д3}}$$
= $R(500) - R(-50)$ = $283.760 - 79.983$ = 203.777 Om.

Допускаемая абсолютная погрешность показаний вторичного измерительного прибор $\Delta R_{B\Pi 3} = \pm \delta_{B\Pi 3} \cdot R_{\Pi 3} / 100 = \pm 0.5 \cdot 203.777 / 100 = \pm 1.019 \text{ Om}.$

Для номинальной статической характеристики ТСП-1088-100П, согласно табл. 2.4, косоставит:

$$k_3 = \Delta t/\Delta R = (500 - 450)/(283.760 - 266.707) = 2.93$$
°C/OM.

Отсюда получим следующие значения абсолютной и относительной погрешностей те

$$\Delta t_{B\Pi 3} = \pm (k \cdot \Delta R_{B\Pi 3}) = \pm (2.93 \cdot 1.093) = \pm 2.95 ^{\circ}C;$$

$$\varepsilon_{\text{BII}3} = \pm \frac{\Delta t_{\text{BII}3}}{t} \cdot 100\% = \pm \frac{2.95}{465} \cdot 100\% = 0.6$$

Предельная относительная погрешность показаний измерительной системы №3 буде

$$\mathcal{E}_{\text{He3}} = \pm \sqrt{\mathcal{E}_{\text{III}3}} + \mathcal{E}_{\text{KII}3} + \mathcal{E}_{\text{BII}3} = \pm \sqrt{0.25} + 0.81 + 0.05$$

Вывод. Согласно полученным результатам, наилучшей по метрологическим показателям система №3. Поскольку давление измеряемой среды (17.5МПа) на датчик ТСП-1088-100 (0.4 МПа), то датчик необходимо предохранить от разрушения при помощи защитной ги. гильзы выбираем гильзу 200.006.00-01 (табл. П.3).

4 ВАРИАНТЫ ЗАДАНИЙ

- Измерить температуру в камере обжиговой печи для производства огнеупорных кирпи температуры составляет 475°C.
- Измерить температуру подшипника червячного редуктора, входящего в состав привод Расчетное значение температуры составляет 80°C.
- Измерить температуру воздуха за воздухонагревателем доменной печи, среднее знач 380°С. Давление нагретого воздуха принять равным 0.06 Мпа.
- Измерить температуру металла коллекторов пароперегревателя теплоэнергетическог значение температуры принять равным 170°C.
- Измерить температуру пара в колонне ректификационной установки, среднее значен 360°С. Давление пара принять равным 5.2 Мпа.
- Измерить температуру продуктов горения мазута до регулирующего клапана теплоэн Расчетное значение температуры продуктов горения составляет 445°C. Давление и скор горения принять равными соответственно 8.5 Мпа и 12 м/с.
- 7. Измерить температуру раствора аммиака, подаваемого по трубопроводу в установку кислоты. Среднее значение температуры раствора принять равным 95°C.
- Измерить температуру масла в коробке подач токарного полуавтомата, среднее знач-75°C.
- Измерить температуру пылевоздушной смеси перед горелками теплоэнергетической значение температуры смеси составляет 180°C.
- Измерить температуру газов за воздухоподогревателем теплоэнергетической устано которой составляет 360°С. Давление и скорость движения газов в трубе принять равным и 25 м/с.
- Измерить температуру в паровой камере обжарки колбас. Среднее значение темпер 260°C.

- 12. Измерить температуру кладки доменной печи. Среднее значение температуры составл
- 5 КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ
- 1. Каким образом производится оценка погрешности измерительной системы?
- 2. Какие факторы влияют на выбор датчиков для измерения технологических параметров?
- 3. Какие выделяют разновидности термоэлектрических датчиков (первичных измерительны
- 4. Что используется в качестве линий связи между термоэлектрическими датчиками и втори приборами?
- 5. На основе каких критериев осуществляется выбор окончательного варианта измеритель
- 6. Из каких этапов состоит методика метрологического обоснования выбора измерительно

СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Келим Ю. М. Типовые элементы систем автоматического управления. М.: ФОРУМ: ИН
- Виглеб Г. Датчики. М.: Мир, 1989. 196 с.
- Клаассен К. Б. Основы измерений. Электронные методы и приборы в измерительной те. 2000. – 352 с.

ПРИЛОЖЕНИЕ

Серийно производимые датчики температуры (Промышленная группа «М

Диапозон Услов.

Наимен. датчика	Тип	Метран- 	Класс допуска	измерения, °С	давление, МПа	Изг
Термоэлектрические датчики	TXA-0188	231	2	-401000	0.1	Чистый во
(термопары)	TXK-0188	232	2	-40600	0.1	химически
PAIN	TXA-1085	231	2	0900	0.1	Продукть пото
11/1/	TXA-1387	231	2	0900	0.1	Перегр сгорания х
	TXK-1387	232	2	0600	0.1	топлива в

231

232

2

-40...400

-40 200

0.1

0.1

Малогаб повер

TXA-2488

TXK-2488

Серия

	_	_			. 09	_
амми	0.1	0600	2	232	TXK-1087	
Высокоте: г	0.1	01100	2	201	TXA-2388	
Реа каталити	0.4	-40800	2	261	TXA-2988	
гидрооч	0.4	-40600	2	262	TXK-2988	
Газоо окисли взаимодей	0.4	01300	2	211	ТПП-1788	
	0.4	-50150	В	203	TCM-1088- 50M	
	0.4	-50180	С	204	ТСП-1088- 100М	
	0.4	-50200	В	205	TCM-1088- 50∏	
	0.4	-50500	А	206	ТСП-1088- 100П	Термопреобразователи сопротивления
Малогаб	0.1	-50150	В	243	TCM-1388- 50M	(терморезисторы)
повер	0.1	-50180	В	244	TCП-1388- 50П	
	1.0	-50150	В	203	TCM-1187- 50M	\1//
Жидкие и содер	1.0	-50180	С	204	ТСП-1187- 100М	
углекисло	1.0	-50200	В	205	TCM-1187- 50∏	
	1.0	-50500	В	206	ТСП-1187- 100П	
_			_			

Вторичные измерительные преобразователи (Промышленная группа «

Тип преобразователя	Поддержи	иваемый т	ип первич	ного преобр	разователя	Допускаемая п
	TXA	TXK	ТПП	TCM	ТСП	
Ш9321				•	•	
Ш9322	•	•	•			
2000H	•	•	•	•	•	
НП-02	•	•	•			
НП-03				•	•	

Защитные гильзы для защиты датчиков температуры от разрушающего воздействия сре, «Метран»)

Обозначение защитной гильзы	Условное давление, МПа	Предельна	ая скорость потока, м
		газа	жидкости
200.004.00-01	50	120	10
200.004.00-02	50	100	7.5
200.006.00-01	25	40	4
200.006.00-02	25	25	2.5
200.006.00-03	25	5	0.5
200.006.00-04	25	2	0.2

СОДЕРЖАНИЕ

1 ЦЕЛЬ РАБОТЫ
2 ОСНОВНЫЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ
2.1 Оценка погрешностей измерительных систем
2.2 Методика выбора и метрологические характеристики измерительных преобразовате

Практическая работа №6 «Обработка результатов неравноточных прямых измерений»

Цель работы: научиться обрабатывать результаты неравноточных прямых измерений.

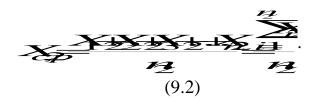
Выше были рассмотрены равноточные измерения. Это такие измерения, которые проводились при одних и тех же условиях и одним и тем же методом. Иногда бывает необходимо объединить результаты нескольких серий прямых измерений одной и той же величины. В разных сериях могли использоваться различные методы измерения и различные приборы. Такие прямые измерения называются неравноточными.

Допустим, что при некоторых условиях сделано n_1 измерений некоторой величины X и при этом получены n_1 значений траным можно определить среднее значение измеряемой величины:

$$X_{cp,1} = \frac{X_{11} + X_{21} + X_{31} + \dots + X_{nI}}{n_1} = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n_1} X_{iI}}{n_1}$$
 . (9.1)

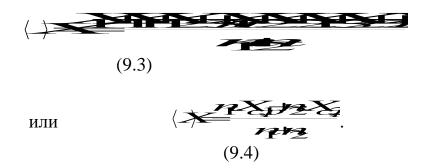
Пусть абсолютная погрешность этого измерения равна ΔX_1 .

Теперь при других условиях сделано n_2 измерений и при этом получены следующие значения измеряемой величины: Так же, как и в первом случае можно найти среднее значение измеряемой величины:



Пусть абсолютная погрешность этого измерения также равна ΔX_1 . Остановимся на этом примере, а затем обобщим его на случай, когда проведено не две серии измерений, а некоторое число M серий.

Наилучшим значением среднего значения из результатов проведенный $(n_1 + n_2)$ измерений будет среднее значение, которое называется взвешенное среднее и определяется по формуле:



Полученное среднее значение не совпадает с простым средним значением величин $^{X_{cp,1}}$ и $^{X_{cp,2}}$, то есть

В этом примере мы рассмотрели измерения с одинаковой погрешностью. Однако чаще всего погрешности различных серий измерений различны. В этом случае вводится понятие статистического веса.

Статистическим весом некоторой серии измерений называется величина, которая определяется формулой

$$W = \frac{1}{(\Delta X_i)^2}.$$
(9,6)

Пусть при неравноточных измерениях проведено M серий измерения некоторой величины X . При этом в различных сериях получены различные результаты:

В этом случае среднее значение измеряемой величины X и его случайная абсолютная погрешность вычисляется по формулам:

$$\langle X \rangle = \frac{\sum_{i=1}^{M} (W_i \cdot X_i)}{\sum_{i=1}^{M} W_i}; \Delta X = \left(\sum_{i=1}^{M} W_i\right)^{\frac{1}{2}}.$$
(9.8)

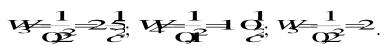
Подробные доказательства данных выражений приводятся в курсах теории вероятностей.

Пример обработки прямых неравноточных измерений.

Пусть, например, при измерении времени, за которое тело проходит некоторый постоянный путь, проведено пять серий измерений. После обработки отсчетов каждой серии были получены следующие результаты:



Теперь необходимо объединить эти неравноточные измерения. Для решения этой задачи будем использовать формулу (9.2). Для этого найдем статистический вес каждого измерения:



Находим среднее значение измеряемой величины:



Округляем полученный результат с учетом числа значащих цифр в результатах обработки отсчетов отдельный серий измерений:

$$\langle t \rangle = 0.8c$$

Находим оценку абсолютной погрешности:



Округляем результат с учетом количества значащих цифр: $\Delta t = 0.1c$.

Вычисляем относительную погрешность:



Записываем результат измерения:



Варианты индивидуальных заданий

При измерении времени, за которое тело проходит некоторый постоянный путь, проведено 6 серий измерений. После обработки отсчетов каждой серии были получены следующие результаты

	1	2	3	4	5	6
1	5±1	6±1	4±3	5±2	7±1	9±4
2	0.2 ± 0.1	0.3±0.2	0.4 ± 0.2	0.18±0.	0.22±0.	0.32±0.
				15	21	15
3	0.3 ± 0.1	0.7 ± 0.2	0.5 ± 0.2	$0.28\pm0.$	$0.42\pm0.$	$0.62\pm0.$
				15	21	15
4	0.9 ± 0.1	0.8 ± 0.2	0.7 ± 0.2	$0.48\pm0.$	$0.52\pm0.$	$0.62\pm0.$
				17	21	15
5	0.6 ± 0.1	0.5 ± 0.2	0.7 ± 0.2	$0.88\pm0.$	$0.92\pm0.$	$0.72\pm0.$
				15	21	15
6	0.7 ± 0.1	0.5 ± 0.6	0.6 ± 0.2	$0.68\pm0.$	$0.62\pm0.$	$0.62\pm0.$
			5	19	21	15
7	0.8 ± 0.3	0.7 ± 0.2	0.9 ± 0.2	$0.88\pm0.$	$0.82\pm0.$	$0.82\pm0.$
				15	29	15
8	0.5 ± 0.1	0.3 ± 0.5	0.7 ± 0.2	$0.58\pm0.$	$0.52\pm0.$	$0.72\pm0.$
			5	18	21	15
9	0.2 ± 0.1	0.7 ± 0.2	0.3 ± 0.2	$0.38\pm0.$	$0.22\pm0.$	$0.32\pm0.$
			6	15	26	12
1	0.7 ± 0.5	0.3 ± 0.4	0.6 ± 0.2	$0.28\pm0.$	$0.28\pm0.$	$0.37\pm0.$
0			7	14	21	15
1	$0.25\pm0.$	0.38±0.	$0.47\pm0.$	$0.28\pm0.$	$0.22\pm0.$	$0.32\pm0.$
1	1	2	23	15	27	11
1	0.72±0.	0.93±0.	$0.44\pm0.$	$0.28\pm0.$	$0.22\pm0.$	$0.52\pm0.$
2	1	6	26	12	21	15
1	$0.82\pm0.$	0.53±0.	0.43±0.	$0.68\pm0.$	$0.72\pm0.$	0.36±0.
3	7	2	27	15	24	15

1	0.5 ± 0.1	$0.32\pm0.$	$0.44\pm0.$	0.58±0.	0.25±0.	$0.62\pm0.$
4		2	26	13	21	15
1	$0.26\pm0.$	$0.34\pm0.$	$0.74\pm0.$	$0.68\pm0.$	$0.42\pm0.$	$0.62\pm0.$
5	1	3	27	15	21	16

Отчет по практической работе оформляется на формате A4 в печатном виде. Отчет должен содержать: титульный лист, цель работы, задание, порядок выполнения расчетов, результаты расчетов, выводы.

Практическая работа №7 «Определение параметров аналого-цифрового

преобразователя»

Определение основных параметров цифро – ан преобразователя (ЦАП)

1 Цель работы

Изучить работу ЦАП с весовыми резисторами и рассчит коэффициент усиления и выходное напряжение ЦАП при г различных двоичных комбинаций на входы ЦАП.

Пояснения к работе.

2.1 Краткие теоретические сведения:

ЦАП используются для преобразования цифрового код; сигнал. ЦАП с весовыми резисторами относится к устрой преобразования и состоит из двух узлов: резистивной схемы резисторах R₁ — R₄ и суммирующего операционного усил резистором обратной связи R₀. Опорное напряжение U_{оп} п резисторам матрицы переключателями A, B, C, D, в преобразуемый код.

- Коэффициент усиления по напряжению (К_U), когда переключатель установлен в положение, соответствующее К_i = R_s/R_i
- К_и, когда два переключателя установлены соответствующие логическим 1:

B

$$K_{ij} = R_o : R_i * Rj/(R_i + Rj)$$

 К_и, когда три переключателя установлены соответствующие логическим 1:

$$K_{ijn} = R_o : R_i * R_j * R_n / (R_i * R_j + R_i * R_n + R_j * R_n)$$

 К_и, когда четыре переключателя установлены : соответствующие логическим 1:

$$K_{iim} = R_o : R_i * R_j * R_n * R_m / (R_i * R_j * R_n + R_i * R_j * R_m + R_j * R_n * R_m + R_m +$$

Выходное напряжение ЦАП:

$$U_{aux} = K_u * U_{au} (B),$$

где К_« для различных положений переключателей, коловые комбинации «О» и «1».

2.2 Пример расчета:

Исходные данные даны для кодовых комбинаций 0001 и 1

- Переключатель А установлен в положение, соответ погической 1
- Переключатели А, В, С, D, установлены в п соответствующие логическим 1

$$U_{nx}$$
. = 6 B; R_0 = 13,3 кОм; R_1 = 200 кОм; R_2 = 100 кОм; R_3 = 50 кОм; R_4 = 25 кОм.

Решение:

- 2. $K_1 = 13.3/200 = 0.065$
- U_{max-1} = 0,065*6 = 0,4 (B)
- 3. $K_{1234} = 13,3$: (200*100*50*25/(200*100*50 + 200*100*50*25 + 200*50*25))=1
- 4. $U_{\text{max},1234} = 1*6 = 6$ (B)

3. Задание:

3.1 Определить коэффициенты усиления по напряжени напряжения на выходе ЦАП при U_{вх}. = 6 В для различных п переключателей А, В, С, D, имитирующих кодовые комбина «1». Исходные данные взять из таблицы 1, согласно варианту

	№ вари анта	Кодовы Комбин			R ₀ (кОм)	R ₁ (кОм)	R ₂ (кОм)	R ₃ (EC
	1	1001	0011	0111	10	150	75	37,:
1	2	0010	0110	1011	10	150	75	37,3
1	3	0100	0101	1101	10	150	75	37,
1	4	1000	1010	1110	10	150	75	37,5
	5	0001	1100	1111	10	150	75	37,5

3.2 Произвести расчет:

K =

K =	_
U =	
U =	
U =	
3.3 Результаты расчета свести в таблицу 2	

Контрольные вопросы к практической работ-

 \mathbb{K}

Таблица 2

U(B)

U(B)

- Для каких целей предназначен цифро-аналоговый пре (ЦАП)?
 - 2. В каком виде представляются входные величины в ЦАП
 - 3. Что составляет основу схемы ЦАП?

 \mathbf{K}

K

- 4. Для чего в схеме ЦАП используются переключатели?
- Какие элементы могут использоваться в качестве перекл

Практическая работа №8 «Определение параметров фотоэлектрического датчика» Расчет фотоэлектрического датчика

На (рис. 3) представлена входная цепь двухтактного датчика на фотодиодах, работающих в вентильном режиме. Здесь фотодиоды $\Phi \mathcal{J}_1$. и $\Phi \mathcal{J}_2$ включены встречно-параллельно на общее сопротивление нагрузки, в результате этого фототоки $I_{\phi 1}$ и $I_{\phi 2}$, протекающее го сопротивлению нагрузки $R_{\rm H}$, будут направлены встречно, а величина напряжения нагрузки определяется из выражения

$$U_H = (I_{H1} - I_{H2})R_H$$
.

Расчет геометрии оптико-механической части и светотехнический расчет имеют своей целью определение зависимости фототока от параметров источника излучения и элементов оптической схемы датчика, предназначенных для формирования пучка излучения и преобразования входной величины датчика - механического перемещения в изменение освещенности приемника излучения.

Порядок расчета ФЭД в каждом отдельном случае определяется постановкой залачи.

<u>Пример.</u> Выбрать тип лампы накаливания, обеспечивающей получение максимально возможного сигнала с фотодиода ФД-І при засветке всей площади чувствительной площадки. Так как расстояние l (рис.4) от излучателя до приемника в данном случае не задано, то расчет ведем методом последовательных приближений. Из (табл. 3) выбираем предварительно лампу накаливания типа МН-7 со световым потоком $\Phi_{ucm} = 6,25$ лм и точечным телом накала, расположенным в центре колбы.

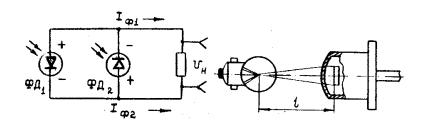


Рис.3. Рис.4

Согласно (рис. 5) фотодиод ФД-I допускает максимальную освещенность E=10000лк. Это значение освещенности может быть достигнуто, если на чувствительную площадку фотодиода упадет поток излучения Φ_{y_2} , определяемый формулой:

$$\Phi_{y_3} = E \cdot \rho_{y_3} = 100000 \cdot 5 \cdot 10^{-6} = 0.05 \,\text{лм}.$$

где $\rho = 5 m M^2$ - площадь чувствительной площадки ФД-I согласно (табл. 4).

Затем определяем величину телесного угла, который заполняет поток Φ_{q_3} . от лампы МН-7 по формуле

$$\omega_{q_9} = \frac{4 \cdot \pi \cdot \Phi_{q_9}}{\Phi_{ucm}} = \frac{4 \cdot 3,14 \cdot 0,05}{6,25} = 0,1cmep$$

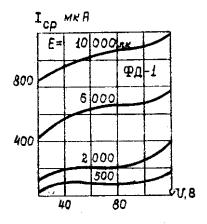


Рис.5

Таблица 4

Параметры			Типфотод	иода				·
	ФД-І	ФД-2	ФД-3	ФД-За	ФДК-1	1690	КФДМ	ФД-6К
Материал чувствительного элемента	гері	маний			кремний	Í		
Рабочее напряжение, В	15	30	10	10	20	20	20	20
Темновой ток, мкА	30	25	10	10	3	2	I	I
Интегральная чувствительность, мА/лм	20	20	15	-	3	4	7	7
Площадь чувствительной поверхности	5	I	2	2	2	2	2	2
Долговечность, час	500	500	100	2000	100	100	2000	5000
Постоянная времени, с	I.·I0 ⁻⁵	1 · 10-5	I. · 10-5	4-10-5	I · 10 ⁻⁵	-	4 · 10-6	-
Фото -ЭДС при E =1500 л к Т _{ЦВ} =2360°С,МВ	-		100	_	350	_	350	_
Вес, г	1,0	0.9	0,2	0,2	-	-	-	-
Диапазон допустимее тем- ператур, ос	-60+40	-45+45	-60+60	-	-50+80	-	-	-

Очевидно, что требуемое значение потока Φ_{q_9} в телесном угле ω_{q_9} может быть получено, если источник излучения расположен от чувствительной площадки приемника на расстоянии l, определяемой из выражения

$$l = \sqrt{\frac{\rho_{_{49}}}{\omega_{_{49}}}} = \sqrt{\frac{5 \cdot 10^{-6}}{0.1}} \approx 7 \cdot 10^{-3} \,\mathrm{m} = 7 \,\mathrm{mm}$$

Так как полученное расстояние l=7мм меньше, чем радиус лампы (равный 8мм), то необходимо либо взять лампу с колбой меньшего диаметра, но с тем же значением светового штока, либо выбрать лампу с большим значением светового потока.

Из (табл. 3) выбираем лампу МН-24 с диаметром колбы равным 11мм и с $\Phi_{ucm} = 18$ лм. Тогда для данного источника

$$\omega_{u_3} = \frac{4 \cdot \pi \cdot \Phi_{u_3}}{\Phi_{ucm}^I} = \frac{4 \cdot 3,14 \cdot 0,05}{18} = 0,035 cmep$$

$$l = \sqrt{\frac{\rho_{_{49}}}{\omega_{_{49}}^{I}}} = \sqrt{\frac{5 \cdot 10^{-6}}{0.035}} \approx 1.2 \cdot 10^{-2} \,\mathrm{m} = 12 \,\mathrm{mm}$$

Следовательно, выбранный источник излучения (лампа МН-24) обеспечит заданное значение освещенности фотодиода, если тело накала лампы будет находиться на расстоянии $l=12\ \text{мм}$ от чувствительной площадки последнего.

Для тех случаев, когда расстояние l необходимо значительно увеличить или применить источник излучения меньшей мощности (а следовательно, и меньших габаритов), в конструкцию датчика вводят оптическую систему. Оптические системы в датчиках обычно работают вместе с приемниками или вместе с источниками излучения и предназначаются для перераспределения потока излучения с целью более эффективного его использования.

<u>Пример.</u> Произвести конструктивный расчет фотоэлектрического датчика и определить его передаточную функцию.

Исходные данные. Конструктивная схема ФЭД представлена на (рис. 6).

89 Таблица 3

Тип	Ном	инальные зн	ачения		Разм	еры, им		Срок службы,	Тип цоколя по ГОСТ 2520-63 и
лампы	напряже- ние, В	мощность, вт	светового потока, лм	D	L	Н	а×в	час	6129-52
СЦ-75	4,0	4	40	18	38	10,5	1,6x1,6	100	1Ф-С11
СЦ-69	6,0	25	340	33	67	8,5	3,0x2,0	100	P-I4
СЦ80	8,0	9	84	18	33	3,3	1,7x1,7	100	PJO
СЦ-61	8,0	20	250	21	56	42,0	2,8x2	100	2Ш-15
СЦ-68	8,0	30	465	31	86	48,0	1,3x5,5	100	2Ф-Ш20
MH-I	1,0	0,07	-	12	24	*	1,5x0,3	200	P-10 -I3-I
MH-2	2,5	0,07	-	12	24	*	1,5x0,3	200	P-10 -I3-I
MH-4	2,5	0,29	4,0	16	30	*	-	250	1Ш-9-1
МН-6	2,5	0,50	7,5	16	30	*	-	150	1Ш-9-1
MH-7	2,5	0,54	6,3	16	30	*	-	500	1Ш-9-1
MH-8	2,5	0,50	7,5	23	44	*	-	300	1Ш-15-1
MH- 10	2,5	0,72	12,0	23	44	*	-	300	1Ш-15-1
MH-11	2,5	0,72	12,0	16	30	*	-	100	P-10-I3-I
К-3	5,0	35	60	31	91	60	9,0x2,5	500	P-I4-25-2
K-27	10,0	50	680	25	86	60	6,0x2,0	100	p-14-25-2
Э-34	2,4	0,4	*	3	13	3		10	резьба М-2,6
ОП3-0,25	3,0	0,25	2,8	4,6	14	2	-	75	-

Тело накала расположено в центре колбы

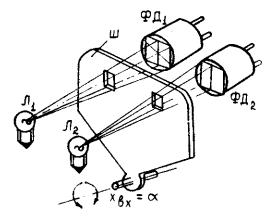


Рис.6

Чувствительная площадка фотодиода имеет форму квадрата со стороной a=1мм. Вольтамперные характеристики фотодиода приведены на (рис. 7). Напряжение источника питания фотодиодов $U_{num}=15~B$. Пределы изменения входной величины $x_{ex}=\alpha=\pm30'$.

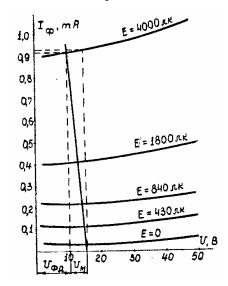


Рис.7

Основное усиление сигнала датчика производится с помощью магнитного усилителя.

а. Выбор и расчет электрической схемы.

Решающим фактором для выбора электрической схемы-датчика является необходимость правильного сопряжения высокоомного выхода приемника излучения и низкоомного входа магнитного усилителя. Для этой цели целесообразно применить предусилитель на транзисторах, выполненный по схеме двухтактного эммитерного повторителя, как показано на рис.8.

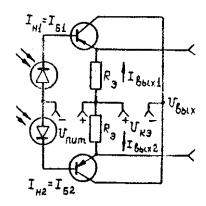


Рис.8

На этом этапе основное значение имеет правильное определение величины сопротивления нагрузки, так как от результатов этого выбора зависят чувствительность датчика и величина мощности выделяемой в нагрузке.

Для получения наибольшей выходной мощности, выделяемой на сопротивлении нагрузки, воспользуемся наибольшим допустимым значением освещенности фотодиода -4000 лк (верхняя- кривая на (рис.7).

I. Рассчитываем значение R_E дли E=4000 лк, для чего проведем прямую, параллельную вертикальной оси и отстоящую от нее на величину $U_{num}=15$ B, до пересечения с вольтамперной характеристикой, определенной для E=4000 лк. Затем из точки Пересечения проведем прямую, параллельную горизонтальной оси, и определим ток $I_E=0.93$ мА. После чего вычислим

$$R_E = \frac{U_{num}}{I_E} = \frac{15}{0.93} \approx 16 \kappa O M$$

2. Найдем оптимальное значение сопротивления нагрузка по формуле

$$R_{\scriptscriptstyle H} = \frac{1}{3}R_E = \frac{16}{3} \approx 5.3\kappa O_{\scriptscriptstyle M}$$

3. Определим ток "короткого замыкания"

$$I_{K3} = \frac{U_{num}}{R_{H}} = \frac{15}{5,3} \approx 2.8 \text{ mA}$$

и построим нагрузочную прямую см. (рис. 7).

4 . После построения нагрузочной прямой графическим путем найдем $U_{\rm H}=5~B,~I_{\rm H}=0.92~$ мA и $P_{\rm H}=4.6\cdot 10^{-3}$ произведем расчет предусилителя по одной из известных методик.

Светотехнический расчет

Учитывая необходимость проектирования датчика с наименьшими габаритами, проверить возможность использования миниатюрной лампы накаливания типа ОПЗ-0,25 (табл. 3) со световым потоком $\Phi_{ucm} = 2,8\pi M$.

5. Определим значение потока излучения, необходимое для создания требуемой освещенности по формуле

$$\Phi_{u_9} = E \cdot \rho_{u_9} = 4000 \cdot 10^{-6} = 0,004$$
лм

6. Вычислим телесный угол для этого потока:

$$\omega_{u_9} = \frac{4 \cdot \pi \cdot \Phi_{u_9}}{\Phi_{ucm}^1} = \frac{4 \cdot 3.14 \cdot 0.004}{2.8} = 0.018 cmep$$

7. Найдем расстояние l от источника до площадки чувствительного элемента

$$l = \sqrt{\frac{\rho_{q_9}}{\omega_{q_9}}} = \sqrt{\frac{1}{0.018}} \approx 7.4 \text{ mm}$$

Тая как точечное тело накала лампы отстоит от передней стенки колбы на расстоянии порядка 3 мм см. (рис. 4), то лампа ОПЗ-0,25 может быть использована в проектируемом датчике.

Конструктивный расчет датчика.

Конструктивный расчет сводится к определению размеров отверстий в шторке и расстояния от центра этих отверстий до оси вращения шторки.

8. Исходя из простых геометрических соображений (рис. 9), определим размер отверстия в шторке.

Так как
$$\frac{a}{e} = \frac{l}{l_I}$$
 , то $e = \frac{a \cdot l_I}{l}$

Задавшись значением $l_1 = 4,5$ мм, получим

$$e = \frac{1 \cdot 4.5}{7.5} = 0.6 \text{ MM}$$

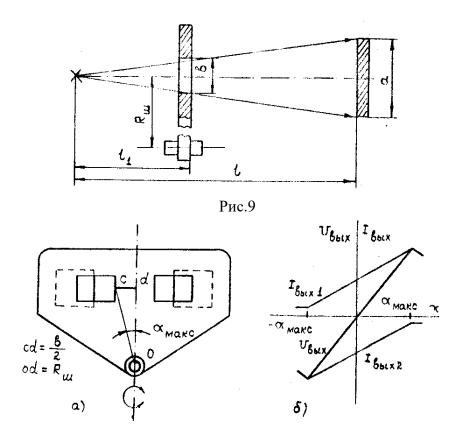


Рис.10

9. Если расположить отверстия в шторке относительно приемников излучения так, как это показано на (рис. 10,а)(где чувствительные площадки изображены пунктиром), то полная засветка одного из приемников будет при перемещения шторки на величину в/2.

Учитывая небольшие значения ($\alpha = 30'$), можно записать выражение для определения R_u

$$R_{uu} = \frac{\frac{6}{2}}{tg \, \alpha_{max}} = \frac{0.6}{2 \cdot 0.0087} = 35 \,\text{MM}$$

Определение передаточной функции датчика

10. Найдем значение коэффициента передачи шторки (заслонки)

$$K_3 = \frac{\sigma_{49\,max}}{\alpha_{max}} = \frac{0.004}{20} \approx 0.13 \cdot 10^{-3}$$
 лм / угл.мин.

11. Определим K_{q_0} - интегральную чувствительность фотодиода при расчетном значении нагрузки

$$K_{yy} = \frac{I_{Hmax}}{\Phi_{yymax}} = \frac{0.96 \cdot 10^{-3}}{0.2004} = 0.24 \, A / \, \text{лм}$$

Следовательно, общий коэффициент передачи датчика (без предусилителя) будет равен

$$K_{\theta\theta\theta} = K_3 \cdot K_{\theta\theta} = 0.13 \cdot 10^{-3} \cdot 0.24 = 0.312 \cdot 10^{-4}$$
,

статическая характеристика датчика (рис. 10,6) в заданных пределах изменения входной величины представляет собой прямую, проходящую через начало координат.

Исходные данные для расчета потенциометрического датчика

№	χ_{ex}	тах	К	∂	Δex_min		δ_{lmax}	Δt , ° C	$R_{0.}$	Материал
вариа нта	α, град	<i>L</i> , <i>мм</i>	В/град	В/мм	Угл. мин	мм	%	$^{\circ}C$	мм	каркаса
1	8		1		4		1	-50+50	30	Керам.
2		10		0,5		0,5	0,8	-40+60		Алюм.
3	12		1,5		6		0,75	-5+70	25	Пластм.
4		20		0,7		0,6	1,2	-15+70		Керам.
5	15		0,9		8		1,5	-30+60	35	Алюм.
6		14		0,9		0,4	0,9	-50+50		Пластм.
7	13		1,2		5		1,1	-40+60	40	Керам.
8		18		1,1		0,08	1,3	-5+70		Алюм.

9	10		0,8		7		1,4	-15+70	20	Пластм.
10		16		1,3		0,09	0,85	-30+60		Керам.
31	9		1,3		9		1	-50+50	28	Алюм.
32		13		1,5		0,7	0,8	-40+60		Пластм.
33	17		1,6		4		0,75	-5+70	36	Керам.
34		15		0,6		0,07	1,2	-15+70		Алюм.
35	20		1,9		5		1,5	-30+60	24	Пластм.
36		17		0,8		0,8	0,9	-50+50		Керам.
37	18		2,0		6		1,1	-40+60	32	Алюм.
38		19		1		0,9	1,3	-5+70		Пластм.
39	13		0,7		7		1,4	-15+70	35	Керам.
40		9		1,2		0,75	0,85	-30+60		Алюм.

Исходные данные для расчета индуктивного датчика

№ вари-	Храб,	K_{∂}	K_3	$R_{\scriptscriptstyle H}$,	Напря	жение	<i>F,Гц</i>	K_{3o}	Параметры сердечника			
анта	$\mathcal{M}\mathcal{M}$	A/MM	113	Ом	U	U_0	1,14	1130	а,мм	в,мм	с,мм	
11	±0,1	0,2	0,4	100	0,4	0,4	1,1	500	6	12	10	
12	±0,2	0,25	0,45	120	0,45	0,45	1,15	400	7	15	12	
13	±0,3	0,3	0,5	110	0,5	0,5	1,2	200	5	10	8	
14	±0,15	0,15	0,55	115	0,55	0,55	1,1	800	6	12	10	
15	±0,25	0,24	0,6	95	0,6	0,6	1,15	500	7	15	12	
16	±0,12	0,18	0,4	90	0,4	0,4	1,2	400	5	10	8	
17	±0,22	0,21	0,45	125	0,45	0,45	1,1	200	6	12	10	
18	±0,14	0,22	0,5	130	0,4	0,4	1,15	800	7	15	12	
19	±0,5	0,23	0,55	135	0,45	0,45	1,2	500	5	10	8	
20	±0,4	0,27	0,6	140	0,5	0,5	1,1	400	6	12	10	
41	±0,1	0,15	0,4	121	0,55	0,55	1,15	200	7	15	12	
42	±0,2	0,32	0,45	144	0,6	0,6	1,2	500	5	10	8	
43	±0,3	0,35	0,5	96	0,4	0,4	1,1	400	6	12	10	
44	±0,15	0,28	0,55	81	0,45	0,45	1,15	200	7	15	12	
45	±0,25	0,17	0,6	169	0,4	0,4	1,2	800	5	10	8	
46	±0,12	0,2	0,4	150	0,45	0,45	1,1	500	6	12	10	
47	±0,22	0,25	0,45	145	0,5	0,5	1,15	400	7	15	12	
48	±0,14	0,3	0,5	118	0,55	0,55	1,2	200	5	10	8	
49	±0,5	0,15	0,55	125	0,6	0,6	1,1	800	6	12	10	
50	±0,4	0,24	0,6	111	0,4	0,4	1,2	500	7	15	12	

Исходные данные для расчета фотоэлектрического датчика

		1
№ варианта	$\mathcal{X}_{ heta extit{X}}$, угл. мин.	Тип фотодиода
21	±25	ФД-1
22	±28	ФД-2
23	±30	ФД-3
24	±32	ФДК-1
25	±36	ФД-1
26	±40	ФД-2
27	±45	ФД-3
28	±42	ФДК-1
29	±22	ФД-1
30	±38	ФД-2
51	±37	ФД-3
52	±25	ФДК-1
53	±22	ФД-1
54	±42	ФД-2
55	±45	ФД-3
56	±40	ФДК-1
57	±28	ФД-1
58	±36	ФД-2
59	±30	ФД-3
60	±32	ФДК-1

Практическая работа №9 «Обработка экспериментального сигнала, полученного с объекта, с помощью программы «Эксперт»»

Цель работы

Ознакомление с методами и алгоритмами обработки экспериментальной информации и получение навыков исследования массивов информации с использованием прикладной программы Ekcpert.

Краткие сведения из теории

Обработка экспериментальной информации (данных) является одной из существенных проблем получения достоверной информации. Известно, что широкий класс процессов можно представить в виде:

$$q(t)=g(t)+\xi(t)$$
,

где q(t) — детерминированная составляющая, характеризующая поведение процесса во времени, $\xi(t)$ — случайная составляющая, отражающая как флуктуирующие процессы всех составляющих комплекса технических средств и объекта, так и шумов, возникающих при передачи и преобразовании инфрмации.

В задачу обработки экспериментальной информации входят процедуры, назначение которых является устранение случайной составляющей $\xi(t)$. Для этой цели используются различные алгоритмы, к которым относятся:

- удаление случайных выбросов, носящих аномальный характер;
- сглаживание экспериментальных данных, для устранения медленно меняющихся составляющих;
- устранение шумов измерений;
- фильтрация сигналов;
- прореживание, позволяющая сократить объем информации без потери информативности обрабатываемого сигнала.

В процессе работы над реальным сигналами, во многих случаях, необходимо выполнять сопоставительный анализ. При этом над сигналами выполняются различные преобразования, такие как сложение сигналов по амплитуде, вычитание, перемножение, деление, масштабирование и т.п. вместе с тем. Преобразование сигналов связано с процедурами дифференцирования и интегрирования, что во многих практических задачах дает возможность перехода от одних функций, описывающих конкретный процесс, к другим описывающих этот же процесс, но в ином виде и с

иными характеристиками. При анализе экспериментальной информации существенную роль играет преобразование Фурье. Использование которого позволяет рассматривать экспериментальную информацию как сумму отдельных процессов со своими параметрами. Пи этом достаточно эффективно выполняется анализ выходного сигнала с учетом существенных особенностей состояния анализируемого объекта.

Практическая часть

Запустить программу обработки сигналов Ексрегt. Выбрать меню "Обработка", затем "Обработка массива". Открыть файл «data.txt» и выполнить перечисленные ниже процедуры обработки экспериментальной информации.

При выполнении работы необходимо каждый раз открывать исходный файл для обработки!

Сглаживание

Сглаживание является специальной операцией усреднения с помощью интерполяционных полиномов, обеспечивающей получение уточненного значения di по заданному значению уі и ряду известных близлежащих значений, известных со случайной погрешностью. Для реализации этого метода разработаны 3 процедуры:

- 1. Линейное сглаживание по 3 точкам;
- 2. Линейное сглаживание по 2 точкам;
- 3. Нелинейное сглаживание по 7точкам.

Исходный сигнал: (скриншот с программы)

Сглаживание по 5 точкам 1 проход: (скриншот с программы) Сглаживание по 5 точкам 20 проходов: (скриншот с программы) Сглаживание по 7 точкам 5 проходов: (скриншот с программы)

Дифференцирование

Дифференцирование ведется по формуле третьих центральных разностей. Крайние точки массива дифференцируются с использованием формул левых и крайних разностей. В качестве интерполяционного многочлена взята интерполяционная функция Лагранжа.

Исходный сигнал: (скриншот с программы)

Дифференцирование по 3 точкам 10 проходов: (скриншот с программы) Дифференцирование по 5 точкам 10 проходов: (скриншот с программы)

Интегрирование

Метод интегрирования основан на аппроксимации определенного интеграла суммой составных площадей. Графически это можно представить как площадь фигуры, ограниченной осью абсцисс, функцией f(x) и пределами интегрирования а и b. В общем виде задача состоит в нахождении величины

$$I = \int_{a}^{b} f(x) dx.$$

Формулы численного интегрирования можно разделить на две категории для интегрирования функций, заданных равноотстоящими отсчетами и заданных с произвольным шагом. К первым относятся формулы Ньютона-Котеса, а ко вторым квадратуры Гаусса.

Выделяют:

- 1. Метод трапеций;
- 2. Метод Симпсона;
- 3. Метод Ньютона-Котеса.

Метод трапеций основан на линейной аппроксимации интегрируемой функции между двумя соседними точками на промежутке $a \le x \le b$. Для того чтобы повысить точность нужно аппроксимировать функцию полиномом высшего порядка, т.е. взять линию отличную от прямой. А именно параболу. Даная аппроксимация используется в методах Симпсона и Ньютона-Котеса.

Исходный сигнал: (скриншот с программы)

Интегрирование по методу трапеции 2 прохода: (скриншот с программы) Интегрирование по методу Симпсона 2 прохода: (скриншот с программы) Интегрирование по методу Ньютона-Котеса 2 прохода: (скриншот с программы)

Цензурирование

Метод цензурирования применяется в случае когда необходимо исключить одиночные выбросы искажающие информацию настолько, что все последующие результаты

оказываются ложными. Т.о. метод позволяет находить явные выбросы из общего набора значений и устранять их.

Исходный сигнал: (скриншот с программы)

Цензурирование 0,01% 5 проходов: (скриншот с программы) Цензурирование 0,001% 5 проходов: (скриншот с программы) Цензурирование 0,0001% 10 проходов: (скриншот с программы)

С помощью данного метода добиться того чтобы исключить случайные выбросы на 100%.

Прореживание

Процедура прореживания достаточно просто может обработать массив путем удаления из него каждого п-значения. Прореживание применяется в том случае, если полученный сигнал так сильно зашумлен, что обычные процедуры сглаживания и цензурирования не могут обеспечить соответствующей формы сигнала. После прореживания вместе с частью правильных данных, устраняется и часть шумов.

Исходный сигнал: (скриншот с программы)

Прореживание каждой 2 точки 2 прохода: (скриншот с программы) Прореживание каждой 2 точки 5 проходов: (скриншот с программы) Прореживание каждой 5 точки 20 проходов: (скриншот с программы)

Исходный сигнал: (скриншот с программы)

Разложение по Фурье: (скриншот с программы) Разложение по Уолшу: (скриншот с программы)

Вывод.

Файл для обработки выдается преподавателем в соответствии с вариантом студента.

Контрольные вопросы

- 1. Что называется измерением? Что значит измерить некоторую величину? Как аналитически записывается результат измерения?
- 2. Сформулируйте основные задачи метрологии.
- 3. Назовите и поясните основные характеристики измерительного прибора.
- 4. Что называется ценой деления шкалы измерительного прибора? Что показывает цена деления? Как определяется цена деления? Какова единица цены деления?
- 5. Что называется чувствительностью измерительного прибора? Что показывает чувствительность? Какова единица чувствительности? Как связаны цена деления и чувствительность?
- 6. Какие операции необходимо выполнить при измерении любой физической величины?
- 7. Какие измерения называются прямыми? Какие измерения называются косвенными? Приведите примеры прямых и косвенных измерений.
- 8. Что понимается под истинным значением величины? Приближенным значением величины? Действительным значением величины?
- 9. Что характеризуют средним значением и стандартным квадратичным отклонением? Как эти величины оценивают исходя из экспериментальных результатов?
- 10. Что понимается под погрешностью измерения? Что называется абсолютной погрешностью? В каких единицах выражается абсолютная погрешность? Что показывает абсолютная погрешность?
- 11. Как записывается результат физического измерения?
- 12. Что называется относительной погрешностью? Что показывает относительная погрешность? В каких единицах выражается относительная погрешность?
- 13. Что называется точностью измерения? Что показывает точность измерения? В каких единицах выражается точность измерения?
- 14. Какие погрешности называются случайными? Каковы особенности причин случайных погрешностей? Как можно уменьшить случайные погрешности? Приведите примеры причин возникновения случайных погрешностей.
- 15. Какие погрешности называются систематическими? Назовите причины систематических погрешностей и их виды.
- 16. Как количественно оценивают приборную погрешность?
- 17. Что такое промахи? Каковы критерия определения некоторого результата измерения как промаха?
- 18. Как определяется абсолютная погрешность при прямых измерениях?
- 19. Какие положения лежат в основе статистической теории погрешностей?
- 20. Как определяется измеряемая величина и абсолютная погрешность измерения в статистической теории погрешностей?

- 21. Как определяется среднеарифметическое значение измеряемой величины?
- 22. Какие измерения называются равноточными, и какие измерения называются неравноточными? Приведите примеры равноточных и неравноточных измерений.
- 23. Что называется среднеквадратичной погрешностью? Как определяется среднеквадратичная погрешность? Почему среднеквадратичная погрешность точнее определяет абсолютную погрешность, чем среднее значение разброса результатов измерений?
- 24. Что такое доверительный интервал? Зачем он вводится при статистической обработке погрешностей?
- 25.С какой целью в окончательный результат многократного измерения вводят коэффициент Стьюдента?
- 26. Каким образом находят суммарную погрешность окончательного результата измерения, учитывающую приборную погрешность?
- 27. Как определяются абсолютная и относительная погрешности при косвенных измерениях? Привести пример определения таких погрешностей.
- 28. Какие цифра числа называются значащими цифрами? Приведите примеры.
- 29. Какая форма записи числа называется нормальной? Запишите в нормальной форме числа, заданные преподавателем и назовите значащие цифры в этих числах.
- 30. Сформулируйте и покажите на примерах правила округления чисел.
- 31. Как определяется критерий округления числа, полученного по формуле, в которую входят величины, полученные при прямых измерениях. Продемонстрируйте округление на примере.
- 32.Как определяется абсолютная погрешность фундаментальных постоянных? Покажите на примере.
- 33. Как определяется погрешность табличных величин или величин, значения которых указаны без погрешности, с которой они измерены?
- 34.Как строятся графики функциональных зависимостей по экспериментальным данным?
- 35. Продемонстрируйте применение метода наименьших квадратов на примере нахождения линейной зависимости.
- 36.Перечислите основные требования к ведению лабораторного журнала и оформлению научного отчета.

Библиографический список

- 1. Кондратьев А.С., Прияткин Н.А. Современные технологии обучения физике: Учебное пособие. СПб.: Изд-во С.-Петерб. Ун-та, 2006. 342с.
- 2. ГОСТ 16263—70 ГСИ. Метрология «Термины и определения».
- 3. Коротков В. П., Тайц Б. А. Основы метрологии и теории точности измерительных устройств. М.: Изд-во стандартов. 1978.
- 4. Селиванов М. Н., Фридман А. Э., Кудрянова Ж. Ф. Качество измерений. Л.: Лениздат, 1987.
- 5. Тюрин Н. И. Введение в метрологию. М.: Изд-во стандартов, 1985.
- 6. Шишкин И. Ф. Основы метрологии, стандартизации и контроля качества. М.: Изд-во стандартов, 1988.
- 7. Вентцель Е.С. Теория вероятностей. M.: Hayka, 1969. 576c.
- 8. Агекян Т.А. Основы теории ошибок для астрономов и физиков. М.: Наука, 1972. 172с.
- 9. Линник Ю.В. Метод наименьших квадратов и основы теории обработки наблюдений. М.: Физматгиз, 1958. 334с.
- 10. Кассандрова О.Н., Лебедев В.В. Обработка результатов наблюдений. М.: Наука, 1970. 104 с.
- 11. Долинский Е. Ф. Обработка результатов измерений. М.: Изд-во стандартов, 1973.
- 12. Данилина Н.И., Дубровская Н.С., Кваша О.П., Смирнов Г.Л., Феклисов Г.И.. Численные методы. М.: Высшая школа, 1976. 368 с.
- 13.Зайдель А.Н. Погрешности измерений физических величин. СПб,6 «Лань», 2005. 112 с.
- 14. Агапьев Б.Д., Белов В.Н., Кесаманлы Ф.П., Козловский В.В., Марков С.И. Обработка экспериментальных данных: Учеб. пособие / СПбГУ. СПб., 2001.
- 15. Гутер Р. С., Овчинский Б. В. Элементы численного анализа и математической обработки результатов опыта. М.: Наука, 1970.
- 16. Мудров В. И., Кушко В. Л. Методы обработки измерений. М.: Радио и связь, 1983.
- 17. Щиголев Б. М. Математическая обработка наблюдений. М.: Физматгиз 1962.
- 18. Новицкий П. В., Зограф И. А. Оценка погрешностей результатов измерений. М.: Энергоатомиздат,— 1985.
- 19. Румшинский Л. 3. Математическая обработка результатов эксперимента. М.: Наука, 1971.
- 20. Кунце Х.-И. Методы физических измерений. М.: Мир, 1989. 216с.
- 21.Соловьев В.А., Яхонтова В.Е. Элементарные методы обработки результатов измерений. Л.: ЛГУ, 1977. 72с.
- 22. Тойберт П. Оценка точности результатов измерений. — М.: Энергоатомиздат, 1988.-88 с.

- 23. Тейлор Дж. Введение в теорию ошибок. М.: Мир, 1985. 272с.
- 24. Сквайрс Дж. Практическая физика. М.: Мир, 1971. 248с.
- 25. Авдусь З.И., Архангельский М.М., Кошкин М.И., Шебалин О.Д., Яковлев В.Ф. Практикум по общей физике. М.: Просвещение, 1971. 311с.
- 26. Гольдин Л.Л. Руководство к лабораторным занятиям по физике. М.: Наука, 1973. 688 с.
- 27. Майсова Н.Н. Практикум по курсу общей физики. М.: Росвузиздат, 1963. 442 с.
- 28. Лабораторные работы по физике. /Под ред. Л.Л. Гольдина. М.: Наука, 1983.
- 29. Лабораторный практикум по общей физике. Т.3 /Под ред. Ю.М. Ципенюка. М.: Изд-во МФТИ, 1998.
- 30. Лабораторный практикум по общей физике. Т.1 /Под ред. А.Д. Гладуна. М.: Изд-во МФТИ, 2004.