

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего профессионального образования
«Владимирский государственный университет
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»
(ВлГУ)



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебно-методической работе

А.А. Панфилов

« 02 » 10 2015 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Вычислительная математика

Направление подготовки: 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

Профиль подготовки: Электроснабжение

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная

Семестр	Трудоёмкость, зач. ед./ час.	Лекций, час.	Практич. занятий, час.	Лаб. работ, час.	СРС, час.	Форма промежуточного контроля (экз/зачёт)
третий	5/180	18	18	-	144	Зачёт
Итого	5/180	18	18	-	144	Зачёт

Год начала подготовки 2014

Владимир – 2015

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель изучения дисциплины состоит в математической подготовке специалистов по электротехнике и электроэнергетике в такой степени, чтобы они могли, применяя *численные методы*, выполнять громоздкие расчёты электротехнических устройств и систем электропитания, характеристики элементов которых заданы таблично или если для их анализа и синтеза требуется решение систем линейных алгебраических уравнений достаточно большого размера.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

Дисциплина «Вычислительная математика» относится к вариативной части дисциплин учебного плана направления подготовки бакалавров «Электроэнергетика и электротехника» для профиля «Электроснабжение» (блок Б1.В.ДВ). Дисциплина логически и содержательно-методически тесно связана с рядом других дисциплин учебного плана.

Дисциплины «Математика» и «Информатика» формируют необходимые для изучения вычислительных методов способности к обобщению и анализу информации, навыки постановки цели и выбора путей её достижения; готовность использовать компьютер как одно из средств освоения новой дисциплины; способности математического анализа и моделирования процессов в электрических цепях; готовность выявить информационную основу алгоритмической реализации численных методов.

К числу дисциплин, наиболее тесно связанных с «Вычислительной математикой» (ВМ), относится «Теоретические основы электротехники» (ТОЭ), первая часть которой изучается параллельно с ВМ. В результате освоения ТОЭ студенты приобретают необходимые для изучения вычислительных методов **знания** основных понятий и законов теории электрических цепей как области практического применения численных методов решения систем уравнений. С другой стороны, ВМ является базой для изучения ТОЭ и материаловедения в части приобретения **умения** количественного представления нелинейностей свойств элементов цепей и материалов. В результате изучения ВМ студенты **овладевают** программными средствами и вычислительными методами для решения задач теоретической электротехники.

Знания и умения, получаемые в ходе изучения дисциплины «Вычислительная математика» служат базой для последующего изучения таких дисциплин как ТОЭ и «математические задачи электроэнергетики».

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

В процессе освоения данной дисциплины студент формирует и демонстрирует следующие компетенции:

Знать:

И обладать способностью к самоорганизации и самообразованию (ОК-7);

Численные методы интерполяции, дифференцирования, интегрирования, аппроксимации, решения матричных уравнений и их систем и обладать способностью применять соответствующий математический аппарат, методы анализа и моделирования при решении профессиональных задач (ОПК-2).

Уметь:

Осуществлять поиск, численную обработку и анализ информации с использованием компьютерных технологий (ОПК-1);

Использовать численные методы анализа и моделирования электрических цепей (ОПК - 3).

Владеть:

Вычислительными методами анализа и моделирования при решении профессиональных задач (ОПК-2);

Численными методами анализа и моделирования электрических цепей (ОПК - 3).

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 часов.

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)					Объём учебной работы с применением интерактивных методов (в часах / %)	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации (по семестрам)
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	СРС		
В1	Понятие о численных и вычислительных методах. Источники погрешностей при вычислениях	3	1	1				4	0/0%	

B2	Некоторые наиболее важные понятия математического и функционального анализа, используемые в вычислительной математике	3	2,3	2	3			20		2/40%	
1	Приближённые числа и действия над ними. Цифровое представление чисел с фиксированной и плавающей точкой. Округление чисел	3	4,5	2	2			16		1/25%	
2.1	Вычисление значений многочлена. Схема Горнера. Многочлены Тейлора. Интерполяционный многочлен Лагранжа	3	6	1	1			8		0/0%	рейтинг-контроль
2.2	Линейная и кусочно-линейная интерполяция	3	7	1	1			8		1/50%	
2.3	Многочлены Чебышева. Конечные и разделённые разности	3	8	1	1			8		0/0%	
2.4	Интерполяционный многочлен Ньютона. Численное дифференцирование	3	9	1	1			8		1/50%	
2.5	Сплайны	3	10	1	1			8		1/50%	
2.7	Полиномиальная аппроксимация	3	11	1	1			8		0/0%	
2.8	Одномерное численное интегрирование (первообразные и квадратуры)	3	12	1	1			8		0/0%	рейтинг-контроль
3.1	Понятие о матрицах и основных операциях над ними. Задача решения системы линейных алгебраических уравнений	3	13	1	1			8		1/50%	
3.2	Нормы двумерных	3	14	1	1			8		1/50%	

	массивов. Гауссово LU-разложение									
3.3	Разложение Холецкого. Обусловленность матриц	3	15	1	1			8		0/0%
3.4	Метод простой итерации	3	16	1	1			8		0/0%
3.5	Методы Якоби, Зейделя и верхней релаксации	3	17	1	1			8		1/50%
3.6	Вариационные итерационные методы	3	18	1	1			8		1/50%
	Всего			18	18			144		10/28%
										рейтинг-контроль Зачёт

Содержание лекций по разделам

Введение.

Понятие о численных и вычислительных методах. Источники погрешностей при вычислениях. Некоторые наиболее важные понятия математического и функционального анализа, используемые в вычислительной математике: бесконечно малые и бесконечно большие величины, их порядок; классы непрерывно- дифференцируемых функций n -го порядка; метрические, линейные, нормированные пространства, нормы и их свойства; сходимость последовательностей.

Раздел 1. Основы ручных и машинных вычислений.

Приближённые числа и действия над ними. Абсолютные и относительные погрешности неточных величин. Предельные абсолютные и относительные погрешности. Оценки погрешностей выполнения вычислительных операций с неточными величинами. Цифровое представление чисел с фиксированной и плавающей точкой. Округление чисел.

Раздел 2. Методы приближения функций полиномами.

Вычисление значений многочлена. Схема Горнера. Многочлены Тейлора. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Линейная интерполяция. Кусочно-линейная интерполяция. Многочлены Чебышева. Конечные разности. Разделённые разности. Интерполяционный многочлен Ньютона. Численное дифференцирование. Сплайны. Полиномиальная аппроксимация. Одномерное численное интегрирование (первообразные и квадратуры).

Раздел 3. Основы матричных вычислений.

Понятие о матрицах и основных операциях над ними. Задача решения системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Определитель матрицы. Нормы одномерных и двумерных массивов. Прямые методы решения СЛАУ. Гауссово LU-разложение. Разложение Холецкого. Обусловленность СЛАУ. Итерационные методы решения СЛАУ: метод простой

итерации, методы Якоби, Зейделя, верхней релаксации, вариационные итерационные методы (методы спуска, метод сопряжённых градиентов).

Тематика практических занятий

1) Определение порядков бесконечно малых и бесконечно больших величин. Определение порядков непрерывной дифференцируемости функций, заданных кусочно на конечном отрезке (1 час).

2) Представление одномерных числовых массивов как элементов метрических, линейных и нормированных пространств (1 час).

3) Представление функций без разрывов второго рода как элементов метрических, линейных и нормированных пространств (1 час).

4) Упражнения по машинному округлению чисел действительных типов данных с фиксированной и с плавающей точкой (1 час).

5) Упражнения по анализу статических режимов линейных электрических цепей с учётом погрешностей округления цифровых кодов числовых значений (1 час).

6) Упражнения по анализу статических режимов линейных электрических цепей с неточно заданными параметрами их элементов. Вычисление полиномов скалярного аргумента по схеме Горнера (1 час).

7) Упражнения по линейной и кусочно-линейной интерполяции таблично заданных функций одной переменной (1 час).

8) Вычисление конечных и разделённых разностей числовых последовательностей. Построение интерполяционных полиномов Лагранжа и Ньютона (1 час).

9) Численное дифференцирование таблично заданных функций методом разделённых разностей и методом полиномиальной интерполяции (1 час).

10) Построение квадратичных и кубических сплайнов таблично заданных функций (1 час).

11) Построение аппроксимирующих полиномов разного порядка для таблично заданных функций (1 час).

12) Вычисление первообразных и определённых интегралов таблично заданных функций с помощью квадратурных формул и методов интерполяции (1 час).

13) Упражнения по формированию и решению систем линейных уравнений для расчёта статического режима работы сложноразветвлённых электрических цепей (1 час).

14) Расчёт норм и гауссовых LU-разложений матриц электрических цепей (1 час).

15) Расчёт разложений Холецкого и чисел обусловленности матриц электрических цепей (1 час).

16) Решение уравнений состояния линейных электрических цепей методом простой итерации. Проверка условий сходимости метода (1 час).

17) Проверка сходимости методов Якоби, Зейделя и верхней релаксации на примерах задач анализа режимов линейных электрических цепей (1 час).

18) Проверка сходимости вариационных итерационных методов на примерах задач анализа режимов линейных электрических цепей (1 час).

Самостоятельная работа студентов

Самостоятельная работа студентов предусматривает самостоятельную подготовку по сбору, систематизации и обработке материала из предложенного списка литературы (и дополнительной литературы), лекционного материала к практическим занятиям, рейтинг-контролю, зачёту. Сюда включается также самостоятельное выполнение расчётно-графической работы (РГР) и контрольной работы. Учебным планом предусмотрена одна расчётно-графическая работа на тему «Определение погрешности четырёх методов кусочной интерполяции, а также методов численного дифференцирования и интегрирования на их основе на примере одной функции одной переменной, заданной аналитически и таблично». Предусмотрена одна контрольная работа «Оценка производной таблично заданной функции методом разделённых разностей и её первообразной методом трапеций».

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Лекционные и практические занятия проводятся в аудиториях, оборудованных компьютерами, электронными проекторами, что позволяет сочетать активные и интерактивные формы проведения занятий. Чтение лекций сопровождается демонстрацией компьютерных слайдов, комплект которых содержится в электронном приложении к рабочей программе. Интерактивные формы – компьютерные симуляции, а также разбор ситуаций, связанных с изменением исходных данных решаемых задач. Контроль текущей успеваемости и самостоятельной работы студентов производится в форме опросов. Перечни контрольных вопросов представлены ниже.

В рамках учебного курса предусмотрены встречи со специалистами, работающими в области электроэнергетики и электротехники.

6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ

6.1. Вопросы по разделам программы для проведения текущего контроля

Рейтинг- контроль 1.

1. Что называют численными и вычислительными методами?
2. Какие существуют источники погрешностей приближённого решения вычислительных задач?
3. Что называют неустранимой погрешностью?
4. Что называют погрешностью метода?
5. Что называют погрешностью округления при вычислениях?
6. Что называют бесконечно малой и бесконечно большой величиной k -го порядка?
7. Что называют непрерывно-дифференцируемой k -го порядка функцией одной переменной на заданном отрезке?
8. Что называют непрерывно-дифференцируемой k -го порядка функцией нескольких переменных в заданной области?
9. Что называют метрическим пространством?
10. Что называют линейным пространством?
11. Какие системы элементов называют линейно зависимыми и линейно независимыми?
12. Что называют линейным нормированным пространством?
13. Метрика линейного нормированного пространства.
14. Способы введения норм в линейном пространстве.
15. Что называют сходимостью последовательности элементов?
16. Что называют абсолютной и относительной погрешностью приближённого числа?
17. Что называют предельной абсолютной и относительной погрешностью приближённого числа?
18. Как оценивается предельная абсолютная погрешность суммы, разности, произведения и частного двух приближённых чисел?
19. Как оценивается предельная относительная погрешность результатов умножения и деления приближённых чисел?
20. Как оценивается предельная абсолютная погрешность точно вычисляемой функции нескольких переменных при приближённом задании её аргументов?
21. Цифровое представление числа с фиксированной точкой.

22. Цифровое представление числа с плавающей точкой.
23. Ручная запись приближённых чисел. Верные цифры.
24. Правила округлений при ручных вычислениях.
25. Технология округлений при машинных вычислениях.

Рейтинг- контроль 2.

1. Вычисление значения полинома методом Горнера.
2. Аппроксимация функции одной переменной многочленом Тейлора.
3. Интерполяция функции одной переменной многочленом Лагранжа.
4. Линейная интерполяция функции одной переменной, заданной двумя точками.
5. Алгоритм кусочно-линейной интерполяции таблично заданной функции одной переменной.
6. Понятие о многочленах Чебышева.
7. Свойства многочленов Чебышева.
8. Многочлены, наименее уклоняющиеся от нуля.
9. При каком задании узлов табличной функции оценка погрешности её интерполяции многочленом Лагранжа минимальна?
10. Что называют конечной разностью первого и более высокого порядка одномерного массива?
11. Как оценивается производная таблично заданной функции одной переменной на равномерной сетке с помощью конечных разностей?
12. Разделённая разность первого порядка для таблично заданной функции одной переменной.
13. Разделённая разность k -го порядка.
14. Оценка производной таблично заданной функции одной переменной на произвольной сетке с помощью разделённых разностей.
15. Интерполяция таблично заданной функции многочленом Ньютона.
16. Численное дифференцирование таблично заданной функции с использованием полиномиальной интерполяции многочленами Лагранжа и Ньютона.
17. Понятие об оптимальном шаге сетки задания табличной функции по отношению к разностным методам численного дифференцирования. Машинный эpsilon в арифметике с плавающей точкой.
18. Что такое сплайн и дефект сплайна?
19. Понятие о кубическом сплайне.
20. Алгоритм построения сплайна второй степени с непрерывной первой производной.
21. Алгоритм полиномиальной аппроксимации таблично заданной функции.

22. Одномерное численное интегрирование методом трапеций.
23. Алгоритм приближённого вычисления определённого интеграла таблично заданной функции на неравномерной сетке методом Симпсона.
24. Алгоритм приближённого вычисления определённого интеграла таблично заданной функции на неравномерной сетке методом полиномиальной интерполяции.
25. Алгоритм численного интегрирования таблично заданной функции на неравномерной сетке методом кусочно-квадратичной интерполяции с непрерывной первой производной.

Рейтинг- контроль 3.

1. Матрица. Позиционирование элементов в матрице. Размеры матриц. Матрицы-строки и матрицы-столбцы.
2. Сложение матрицы с числом. Сложение и вычитание матриц.
3. Почленное умножение матриц. Умножение матрицы на число.
4. Матричное произведение.
5. Произведение Кронекера.
6. Скалярное произведение одномерных массивов.
7. Матричная форма записи системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).
8. Правило Крамера. Главный вычислительный недостаток метода Крамера.
9. Определитель матрицы. Вырожденные и невырожденные матрицы. Совместные и несовместные СЛАУ.
10. Понятие о прямых и итерационных численных методах решения СЛАУ.
11. Нормы различного порядка одномерного массива.
12. Норма прямоугольной матрицы, согласованная с нормой одномерного массива по операции матричного умножения.
13. Наиболее важные свойства нормы матрицы.
14. Матричные нормы первого, второго и бесконечного порядка.
15. Наиболее распространённые прямые методы численного решения СЛАУ.
16. Алгоритм LU-разложения матрицы.
17. Алгоритм решения СЛАУ методом LU-разложения.
18. Разложение Холесского.
19. Алгоритм решения СЛАУ методом разложения Холесского.
20. Число обусловленности матрицы.
21. Метод простой итерации.
22. Общая формула однослойных итерационных методов.
23. Каноническая форма двухслойного итерационного процесса.
24. Достаточное условие сходимости метода простой итерации.

25. Итерационный метод Якоби.
26. Итерационный метод Зейделя.
27. Критерий и достаточное условие сходимости метода Якоби.
28. Критерий и достаточное условие сходимости метода Зейделя.
29. Метод релаксации.
30. Вариационный итерационный метод наискорейшего спуска.
31. Метод минимальных невязок.
32. Метод сопряжённых градиентов.

Контрольные вопросы по СРС.

1. Пусть имеется метрическое пространство одномерных массивов, состоящих из пяти элементов (действительных или комплексных). Пусть массивы a и b принадлежат этому пространству. Докажите, что величина $\max(\text{abs}(b-a))$ может выполнять роль расстояния между массивами a, b .
2. Пусть имеется метрическое пространство одномерных массивов, состоящих из пяти элементов (действительных или комплексных). Пусть массивы a и b принадлежат этому пространству. Докажите, что величина $\text{sum}(\text{abs}(b-a))$ может выполнять роль расстояния между массивами a, b .
3. Пусть имеется метрическое пространство одномерных массивов, состоящих из пяти элементов (действительных или комплексных). Пусть массивы a и b принадлежат этому пространству. Докажите, что величина $\text{sum}((b-a).^2)$ может выполнять роль расстояния между массивами a, b только в случае действительных a, b .
4. Пусть имеется метрическое пространство одномерных массивов, состоящих из пяти элементов (действительных или комплексных). Пусть массивы a и b принадлежат этому пространству. Докажите, что величина $\text{dot}((b-a), \text{conj}(b-a))$ может выполнять роль расстояния между массивами a, b .
5. Пусть имеется линейное нормированное пространство не имеющих точек разрыва второго рода функций $f(x)$, заданных на отрезке $[a, b]$. Докажите, что максимальное значение модуля функции на данном отрезке может служить нормой в этом пространстве.
6. Пусть имеется линейное нормированное пространство не имеющих точек разрыва второго рода функций $f(x)$, заданных на отрезке $[a, b]$. Докажите, что интеграл модуля функции на данном отрезке может служить нормой в этом пространстве.
7. Пусть имеется линейное нормированное пространство не имеющих точек разрыва второго рода функций $f(x)$, заданных на отрезке $[a, b]$. Докажите, что среднее значение модуля функции на данном отрезке может служить нормой в этом пространстве. Как можно вычислить эту величину, если функция $f(x)$ задана таблично?

8. Пусть имеется линейное нормированное пространство не имеющих точек разрыва второго рода функций $f(x)$, заданных на отрезке $[a, b]$. Докажите, что среднеквадратичное значение модуля функции на данном отрезке может служить нормой в этом пространстве даже если $f(x)$ – комплекснозначная функция. Как можно вычислить эту величину, если функция $f(x)$ задана таблично?
9. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте состоящий из восьми элементов массив- строку, десятичный логарифм каждого элемента которого находится в диапазоне от -10 до +10. Средствами MATLAB округлите каждый элемент этого массива до шести значащих десятичных цифр, не прибегая к символической математике.
10. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте состоящий из восьми элементов массив- строку, значение каждого элемента которого находится в диапазоне от -100 до +100. Средствами MATLAB округлите каждый элемент этого массива до сотых долей, не прибегая к символической математике.
11. Постройте аппроксимирующий полином Тейлора восьмого порядка для функции $\sin(x)/x$ в окрестности точки $x=0$. Постройте график этой функции и аппроксимирующего полинома (для вычисления последнего примените схему Горнера). Дайте оценку точности такой аппроксимации.
12. Постройте аппроксимирующий полином Тейлора восьмого порядка для функции интегральный синус в окрестности точки $x=0$. Постройте график этой функции и аппроксимирующего полинома (для вычисления последнего примените схему Горнера). Дайте оценку точности такой аппроксимации.
13. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте состоящий из восьми элементов массив- строку, значение каждого элемента которого находится в диапазоне от -1 до +1. Пусть это будет массив значений таблично заданной функции. Пусть массив значений аргумента равен `linspace(-1,1,8)`. Средствами MATLAB постройте полином Лагранжа для этой функции. С помощью графика покажите, что полином построен правильно.
14. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте состоящий из восьми элементов массив- строку, значение каждого элемента которого находится в диапазоне от -1 до +1. Пусть это будет массив значений таблично заданной функции. Пусть массив значений аргумента равен `linspace(-1,1,8)`. Средствами MATLAB постройте полином Ньютона для этой функции. С помощью графика покажите, что полином построен правильно.
15. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте состоящий из восьми элементов массив- строку, значение каждого элемента которого находится в диапазоне от -1 до +1. Пусть это будет массив значений таблично заданной функции. Пусть массив значений аргумента равен `linspace(-1,1,8)`. Средствами MATLAB постройте кусочно-линейное интерполи-

рующее выражение. С помощью графика покажите, что полученная кусочно-линейная функция проходит через все заданные точки.

16. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте состоящий из восьми элементов массив-строку, значение каждого элемента которого находится в диапазоне от -1 до +1. Пусть это будет массив значений таблично заданной функции. Пусть массив значений аргумента равен `linspace(-1,1,8)`. Средствами MATLAB постройте кусочно-квадратичное интерполирующее выражение с непрерывной первой производной. С помощью графика покажите, что полученная кусочная функция проходит через все заданные точки.

17. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Выполните LU-разложение этой матрицы. Оцените точность разложения.

18. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Выполните разложение Холецкого этой матрицы. Оцените точность разложения. Объясните, почему матричные множители получились комплексными.

19. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Таким же образом сформируйте правую часть СЛАУ. Исследуйте сходимость метода простой итерации.

20. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Таким же образом сформируйте правую часть СЛАУ. Исследуйте сходимость метода Якоби.

21. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Таким же образом сформируйте правую часть СЛАУ. Исследуйте сходимость метода Зейделя.

22. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Скорректируйте матрицу таким образом, чтобы она стала положительно определённой. Таким же образом сформируйте правую часть СЛАУ. Исследуйте сходимость метода Зейделя.

23. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Скорректируйте матрицу таким образом, чтобы она стала положительно определённой. Таким же образом сформируйте правую часть СЛАУ. Исследуйте сходимость метода наискорейшего спуска.
24. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Скорректируйте матрицу таким образом, чтобы она стала положительно определённой. Таким же образом сформируйте правую часть СЛАУ. Исследуйте сходимость метода минимальных невязок.
25. Средствами MATLAB случайным образом сформируйте симметричную матрицу размера (10,10), значения элементов которой распределены по нормальному закону с математическим ожиданием 0 и среднеквадратичным отклонением 1. Скорректируйте матрицу таким образом, чтобы она стала положительно определённой. Таким же образом сформируйте правую часть СЛАУ. Исследуйте сходимость метода сопряжённых градиентов.

6.2. Вопросы к зачёту

1. Понятие о численных и вычислительных методах.
2. Источники погрешностей при вычислениях.
3. Бесконечно малые и бесконечно большие величины. Их порядок.
4. Классы непрерывно-дифференцируемых функций на отрезках и замкнутых областях.
5. Метрическое пространство.
6. Линейное пространство. Линейно зависимые и линейно независимые системы элементов.
7. Линейное нормированное пространство.
8. Множественность способов введения нормы в линейном пространстве.
9. Понятие о сходимости последовательности элементов.
10. Погрешности и предельные погрешности неточно заданных чисел.
11. Предельные погрешности выполнения арифметических операций с неточно заданными числами.
12. Предельные погрешности вычисления функций, обусловленные неточным заданием значений их аргументов.
13. Цифровое представление приближённых чисел с фиксированной и с плавающей точкой. Верные цифры. Значащие цифры.
14. Правила ручной записи приближённых чисел с фиксированной и с плавающей точкой.

15. Правила округления с фиксированной и с плавающей точкой.
16. Примеры резкого накопления погрешности округления при вычитании с плавающей точкой.
17. Вычисление значения полинома по схеме Горнера.
18. Построение аппроксимирующего многочлена Тейлора.
19. Интерполяционный многочлен Лагранжа.
20. Линейная одномерная интерполяция.
21. Построение кусочно-линейного интерполирующего выражения, для вычисления которого не требуются логические операции.
22. Многочлены Чебышева и их свойства.
23. Узлы, минимизирующие оценку погрешности полиномиальной интерполяции.
24. Конечные разности одномерного массива.
25. Разделённые разности таблично заданной функции.
26. Интерполяционный многочлен Ньютона.
27. Численное дифференцирование методом разделённых разностей и методом полиномиальной интерполяции.
28. Машинный эpsilon цифрового кода с плавающей точкой.
29. Понятие о сплайнах.
30. Построение кусочно-квадратичного интерполирующего выражения с непрерывной первой производной, для вычисления которого не требуются логические операции.
31. Построение аппроксимирующего полинома заданного порядка для таблично заданной функции.
32. Квадратурная формула трапеций для таблично заданной подынтегральной функции на неравномерной сетке.
33. Квадратурная формула Симпсона для таблично заданной подынтегральной функции на неравномерной сетке.
34. Методы численного интегрирования (квадратура), основанные на интерполяции или аппроксимации.
35. Понятие о матрицах и об основных операциях над ними.
36. Краткая характеристика задачи решения систем линейных алгебраических уравнений.
37. Нормы одномерных и двумерных массивов.
38. Прямой метод решения СЛАУ на основе Гауссова LU-разложения.
39. Прямой метод решения СЛАУ на основе разложения Холесского.
40. Обусловленность СЛАУ.
41. Метод простой итерации для решения СЛАУ.

42. Метод Якоби.
43. Метод Зейделя.
44. Методы релаксации.
45. Метод наискорейшего спуска для решения СЛАУ.
46. Метод минимальных невязок для решения СЛАУ.
47. Метод сопряжённых градиентов.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

а) основная литература (фонд библиотеки ВлГУ и электронные библиотечные системы со свободным доступом для сотрудников и студентов ВлГУ):

1. Бахвалов Н.С. Численные методы в задачах и упражнениях [Электронный ресурс] / Бахвалов Н.С. – М.: БИНОМ, 2013. – <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996322664.html>. – Электронное издание на основе: Бахвалов Н.С. Численные методы в задачах и упражнениях [Электронный ресурс]: учебное пособие / Н.С. Бахвалов, А.В. Лапин, Е.В. Чижонков. – 3-е изд. (эл.). – М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2013. – 240 с.: ил. – ISBN 978-5-9963-2266-4.

2. Бахвалов Н.С., Жидков Н.П., Кобельков Г.М. Численные методы [Электронный ресурс] / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков. – 7-е изд. – М.: БИНОМ, 2012. – <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996308026.html>. – Электронное издание на основе: Численные методы [Электронный ресурс] / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков. – 7-е изд. (эл.). – М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2012. – 636 с. – ISBN 978-5-9963-0802-6.

3. Численные методы и программирование: Учебное пособие / В.Д. Колдаев; Под ред. Л.Г. Гагариной. – М.: ИД ФОРУМ: НИЦ Инфра-М, 2014. – 336 с.: ил.; 60x90 1/16. – (Профессиональное образование). – ISBN 978-5-8199-0333-9. – <http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=452274>.

б) дополнительная литература (фонд библиотеки ВлГУ и электронные библиотечные системы со свободным доступом для сотрудников и студентов ВлГУ):

1. Демидович, Борис Павлович. Основы вычислительной математики: учебное пособие / Б. П. Демидович, И. А. Марон. – Изд. 8-е, стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2011. – 664 с.: ил. – (Учебники для вузов. Специальная литература). – (Классическая учебная литература по математике). – (Лучшие классические учебники). – (Знание, уверенность, успех!). – Библиогр. в конце гл. – Предм. указ.: с. 659-664. – ISBN 978-5-8114-0695-1.

2. Демидович, Борис Павлович. Численные методы анализа. Приближение функций, дифференциальные и интегральные уравнения: учебное пособие для вузов по направлениям 510000 – "Естественные науки и математика", 550000 – "Технические науки", 540000 – "Педагогические науки"/ Б. П. Демидович, И. А. Марон, Э. З. Шувалова; под ред. Б. П. Демидовича. – Изд. 5-е, стер.. – Санкт-Петербург: Лань, 2010. – 400 с. : ил., табл.. – (Учебники для вузов. Специальная литература). – (Лучшие классические учебники). – (Знание, уверенность, успех!). – (Классическая учебная литература по математике). Библиогр. в конце гл. – ISBN 978-5-8114-0799-6.

3. Шевцов, Георгий Семенович. Численные методы линейной алгебры: учебное пособие для математических направлений и специальностей/ Г. С. Шевцов, О. Г. Крюкова, Б. И. Мызникова. – Изд. 2-е, испр. и доп.. – Санкт-Петербург: Лань, 2011. – 495 с. : ил. – (Учебники для вузов. Специальная литература) – Библиогр.: с. 489-490. – Предм. указ.: с. 491-495. – ISBN 978-5-8114-1246-4.

4. Кокотушкин Г.А., Федотов А.А., Храпов П.В. Численные методы алгебры и приближения функций: метод. указания к выполнению лабораторных работ по курсу "Численные методы" [Электронный ресурс] / Г.А. Кокотушкин, А.А. Федотов, П.В. Храпов. – М.: Издательство МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2011. – http://www.studentlibrary.ru/book/bauman_0006.html. – Электронное издание на основе: Численные методы алгебры и приближения функций: метод. указания к выполнению лабораторных работ по курсу "Численные методы" / Г.А. Кокотушкин, А.А. Федотов, П.В. Храпов. – М.: Изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2011. – 58, [2] с.: ил.

в) периодические издания (фонд библиотеки ВлГУ):

1. Журнал «Вестник компьютерных и информационных технологий».
2. Журнал «Вестник РАН».
3. Журнал «Вычислительные технологии».
4. Журнал «Квант».
5. Журнал «Успехи математических наук».

г) Internet-ресурсы:

1. <http://www.apmath.spbu.ru/ru/structure/depts/is/vm-sergeev-2013.pdf>

2.

https://ru.wikibooks.org/wiki/%D0%A7%D1%82%D0%BE_%D1%82%D0%B0%D0%BA%D0%BE%D0%B5_%D0%B2%D1%8B%D1%87%D0%B8%D1%81%D0%BB%D0%B8%D1%82%D0%B5%D0%BB%D1%8C%D0%BD%D0%B0%D1%8F_%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B5%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B8%D0%BA%D0%B0

3. http://www.math.kemsu.ru/files/books/comp_math.pdf

4.

http://portal.tpu.ru/SHARED/k/KOCHEG/study/Tab/%D0%9B%D0%B0%D0%B1_%D0%BF%D1%80%D0%B0%D0%BA%D1%82%D0%B8%D0%BA%D1%83%D0%BC_2014.pdf

5. https://mipt.ru/education/chair/computational_mathematics/study/materials/compmath/

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Лекции читаются в аудиториях кафедры ЭтЭн, оборудованных электронными проекторами (ауд. 520-3, 522-3, 517-3), с использованием иллюстративного электронного материала в стандартных графических форматах и в Microsoft Office.

Для выполнения расчётно- графической и контрольной работы, а также подготовки к практическим занятиям студенты могут воспользоваться компьютерным классом кафедры ЭтЭн (лаб. 519-3; 16 компьютеров) с применением офисного и математического ПО. Основным математическим ПО является система инженерных и научных расчётов MATLAB. Кроме ядра этой системы на компьютерах лаб. 519-3 установлен также пакет расширения, применяемый для выполнения аналитических операций с символическими математическими объектами: Symbolic Math Toolbox.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 13.03.02 «Электроэнергетика и электротехника».

Рабочую программу составил: Шмелёв В.Е., к.т.н., доцент кафедры «Электротехника и электроэнергетика» (ЭтЭн).

В.Е. Шмелёв

Рецензент: Начальник проектного отдела ООО "МФ-Электро"

Чебрякова Ю.С.



Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ЭтЭн

Протокол № 2 от 02.10.2015.

Заведующий кафедрой

Сбитнев

Сбитнев С.А.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии направления 13.03.02 «Электроэнергетика и электротехника» 2 октября 2015 года.

Протокол № 2 от 02.10.2015.

Председатель комиссии

Сбитнев

Сбитнев С.А.

**ЛИСТ ПЕРЕУТВЕРЖДЕНИЯ
РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ**

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____ С.А. Сбитнев

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____ С.А. Сбитнев

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____ С.А. Сбитнев