### Министерство образования и науки Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение Высшего профессионального образования

# «Владимирский государственный университет имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых» (ВлГУ)

**УТВЕРЖДАЮ** 

Проректор 16 УМ

А.А. Панфилов

2015 г.

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

# ПРИКЛАДНАЯ МАТЕМАТИКА В СИСТЕМАХ ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЙ

(наименование дисциплины)

Направление подготовки: 11.03.02 – Инфокоммуникационные технологии и системы связи

Профиль/программа подготовки

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная

| Семестр | Трудоемкость зач.<br>ед,/ час. | Лекции,<br>час. | Практич.<br>занятия,<br>час. | Лаборат.<br>работы,<br>час. | СРС,<br>час. | Форма промежу-<br>точного кон-<br>троля<br>(экз./зачет) |
|---------|--------------------------------|-----------------|------------------------------|-----------------------------|--------------|---|
| . 1     | 5/180                          | 18              | 36                           | -                           | 126          | Зачет/КР  |
| Итого   | 5/180                          | 18              | 36                           | -                           | 126          | Зачет/КР  |

#### 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения дисциплины "<u>Прикладная математика в системах телекоммуникаций"</u> являются:

- 1. Приобретение знания, умения и навыков, обеспечивающих достижение целей основной образовательной программы по направлению «Инфокоммуникационные технологии и системы связи»
- 2. Подготовку в области радиотехники и инфотелекоммуникаций для решения задач создания новой и совершенствования существующей передающей радиотехники и технологии.
  - 3. Ознакомления с современной методологией научно-технического творчества.
- 4. Подготовка для использования радиотехнических знаний при решении практических задач по разработке и эксплуатации систем, устройств и комплексов радиотехнического профиля.

#### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

Дисциплина «Прикладная математика в системах телекоммуникаций» относится к вариативной части. Дисциплины по выбору (Б1.В.ДВ.8).

#### Взаимосвязь с другими дисциплинами

Дисциплина «Прикладная математика в системах телекоммуникаций» непосредственно связана с дисциплинами гуманитарного, естественнонаучного и математического цикла («Высшая математика»). Знания полученные при изучении курса необходимы при изучении следующих дисциплин: «Электродинамика», «Теория поля», «Устройство СВЧ» и др.

### 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

В результате освоения дисциплины «Прикладная математика в системах телекоммуникаций» обучающийся должен обладать следующими **профессиональными компетенциями (ОК и ПК):** 

- способностью к самоорганизации и самообразованию (ОК-7);
- способностью применять современные теоретические и экспериментальные методы исследования с целью создания новых перспективных средств электросвязи и информатики (ПК 17);

В результате освоения дисциплины обучающийся должен демонстрировать следующие результаты образования:

**Знать:** осуществлять поиск, хранение, обработку и анализ информации из различных источников и баз данных, представлять ее в требуемом формате с использованием информационных, компьютерных и сетевых технологий (ОПК-6).

**Уметь:** работать в коллективе толерантно воспринимая социальные и культурные различия (ОК-6). Выявлять естественную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующих

физико-математический аппарат (ОПК-2). Выполнять математическое моделирование объектов и процессов по типовым методикам, в том числе с использованием стандартных пакетов прикладных программ (ПК-1).

Владеть: навыками работы с компьютером, методами информационных технологий, соблюдать основные требования информационной безопасности (ОПК-9).

# 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 часов.

Таблица 2

|                 |   |         |                            |        |                      |                     |                   |                    |          |   | Таблица 2.   |
|-----------------|---|---------|----------------------------|--------|----------------------|---------------------|-------------------|--------------------|----------|---|--|
|                 |   |         |                            | l      | -                    |                     | -                 | ты, вкл<br>⁄ю рабо |          | Объем   | Формы те-<br>кущего  |
|                 |   |         |                            |        |                      |                     | ентов             | -                  | J        | учеб-   | контроля   |
|                 |   |         | <b>~</b>                   | И      |                      | -                   |                   | в часах            | )        | ной ра-   | успеваемо-   |
| <b>№</b><br>п/п | Раздел (тема)<br>дисциплины   | Семестр | Семестр<br>Неделя семестра | Лекции | Практические занятия | Лабораторные работы | работыКонтрольные | CPC                | KII / KP | боты,<br>с при-<br>менени-<br>ем ин-<br>терак-<br>тивных<br>методов<br>(в часах<br>/ %) | сти (по неде- лям семе- стра), форма про- межуточ- ной аттестации (по семе- страм) |
| 1.              | Цели дисциплины и задачи Введение. Значение и место курса. Основные понятия и термины. Историческая справка.  | 1       | 1                          | 1      | 2                    |                     |                   | 2                  |          | 1/33  |  |
| 2.              | Основы векторной алге-<br>бры. Сложение и вычита-<br>ние векторов. Умножение<br>на скаляр. Разложение<br>векторов. Скалярное, век-<br>торное и смешанное<br>произведение векторов.<br>Распределение скоростей<br>при вращении твердого<br>тела. | 1       | 2,3                        | 2      | 6                    |                     |                   | 12                 |          | 4/50  |  |
| 3.              | Дифференцирование вектора. Скалярное поле и его градиент. Свойства градиента.   | 1       | 4,5                        | 2      | 2                    |                     |                   | 12                 |          | 4/100   |  |
| 4.              | Векторное поле. Векторные линии. Поток векторного поля. Дивергенция. Теорема Остроградского-Гаусса.   | 1       | 6,7                        | 2      | 4                    |                     |                   | 12                 |          | 4/66  | Рейтинг<br>контроль<br>№1  |
| 5.              | Линейный интеграл и циркуляция вектора. Вихры векторного поля. Свойства вихря. Теорема Стокса.  | 1       | 8,9                        | 2      | 2                    |                     |                   | 12                 |          | 4/100   |  |

| 6.   | Оператор Гамильтона.<br>Дифференциальные операторы второго порядка.   | 1 | 10    | 1  | 4  | 12  | 1/20  |                           |
|------|---|---|-------|----|----|-----|-------|---------------------------|
| 7.   | Потенциальное векторное поле. Уравнения Лапласа и Пуассона.   | 1 | 11    | 1  | 2  | 8   | 1/33  | Рейтинг<br>контроль<br>№2 |
| 8.   | Криволинейные координаты. Коэффициенты Ламе. Выражения для векторных операторов в криволинейных координатах. Сферические и цилиндрические координаты.   | 1 | 12,13 | 2  | 6  | 12  | 8/100 |                           |
| 9.   | Уравнения Максвелла и использование векторного анализа при их решении.  | 1 | 14    | 1  | 2  | 10  | 1/33  |                           |
| 10.  | Понятие матриц. Действия с матрицами. Единичная и обратная матрицы. Симметричные, ортогональные, унитарные матрицы.   | 1 | 15,16 | 2  | 4  | 12  | 4/66  |                           |
| 11.  | Разложения матриц в произведение треугольных матриц. Матричные многочлены. Характеристические числа и собственные векторы матриц. Диагональная форма матриц. Жорданова и другие формы матриц. | 1 | 17    | 1  | 2  | 10  | 1/33  | Рейтинг<br>контроль<br>№3 |
| 12.  | Билинейные и квадратичные формы. Эрмитовы формы. Преобразования квадратичных и эрмитовых форм.  | 1 | 18    | 1  |    | 12  | 1/100 |                           |
| Итог | 1 семестра  |   |       | 18 | 36 | 126 | 34/64 | Зачет                     |

#### ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ

При проведении практических занятий основными задачами являются:

- 1. Закрепление теоретического курса.
- 2. Приобретение практических навыков.

# Темы практических занятий

| $N_{\underline{0}}$ | TEMA  | Кол-во часов |
|---------------------|---|--------------|
| 1.                  | Скаляр и вектора.                                   | 2            |
|                     | Основные понятия.                                   |              |
| 2.                  | Проекции вектора на оси в декартовой системе        | 2            |
|                     | координат.  |              |
|                     | Умножение на скаляр.                                |              |
|                     | Сложение и вычитание векторов.                      |              |
| 3.                  | Изображение скалярных и векторных полей.            | 2            |
| 4.                  | Скалярное произведение векторов.                    | 2            |
|                     | Векторное произведение векторов.                    |              |
|                     | Смешанное произведение векторов.                    |              |
| 5.                  | Поток вектора. Теорема Гаусса-Остроградского.       | 2            |
| 6.                  | Дивергенция вектора.                                | 2            |
| 7.                  | Циркуляция вектора по контору.                      | 2            |
|                     | Теорема Стокса.                                     |              |
| 8.                  | Ротор вектора.                                      | 2            |
| 9.                  | Градиент скалярного поля.                           | 2            |
| 10.                 | Дифференциальные операторы второго порядка.         | 2            |
|                     | Оператор Лапласа.                                   |              |
| 11.                 | Тождества векторного анализа.                       | 2            |
| 12.                 | Криволинейные координаты.                           | 2            |
| 13.                 | Коэффициенты Ламе.                                  | 2            |
| 14.                 | Векторные операторы в циклической и сферической си- | 2            |
|                     | стемах координат.                                   |              |
| 15.                 | Матрицы. Основные понятия.                          | 2            |
|                     | Формы матриц.                                       |              |
| 16.                 | Порядок и ранг матриц. Определители.                | 2            |
|                     | Вычисление определителей.                           |              |
| 17.                 | Сложение и умножение матриц.                        | 2            |
| 18.                 | Обратные матрицы. Способы вычисления.               | 2            |
|                     | Bcero   | 36           |

#### 5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

#### 5.1. Активные и интерактивные формы обучения

С целью формирования и развития профессиональных навыков студентов в учебном процессе используются активные и интерактивные формы проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой: (практические работы, контрольные аудиторные работы, индивидуальные домашние работы). Объем занятий, проводимых в интерактивных формах, составляет 34 часа или 64%.

#### 5.2. Самостоятельная работа студентов

Самостоятельная (внеаудиторная) работа студентов включает закрепление теоретического материала при подготовке к практическим работам, а также при выполнении индивидуальной домашней работы. Основа самостоятельной работы — изучение литературы по рекомендованным источникам и конспекту лекций.

#### 5.3. Мультимедийные технологии обучения

Все лекционные занятия проводятся в виде презентаций в мультимедийной аудитории с использованием компьютерного проектора и представлением от 10 до 20 слайдов по каждой лекции. Студентам предоставляется компьютерный курс лекций.

#### 5.4. Лекции приглашенных специалистов

В рамках учебного курса «Прикладная математика в системах телекоммуникаций» предусмотрены встречи с представителями российских и зарубежных компаний, выступления и лекции специалистов, в частности:

- Доктора физико-математических наук, профессора РАНХиГС (г.Владимир) В.Г. Рау
- Доктора технических наук, профессора, зав. Кафедрой МЭИ (г.Москва) В.Г. Карташева

#### 5.5. Рейтинговая система обучения

Рейтинг-контроль проводится три раза за семестр. Он предполагает оценку суммарных баллов по следующим составляющим: активность на контрольных занятиях; качество выполнения домашних рейтинговых заданий и практических работ.

# 6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРО-МЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

# 6.1. Вопросы для рейтинг–контроля на 3 семестр Рейтинг–контроль №1.

- 1. Отличие скаляра от вектора.
- 2. Умножение скаляра на скаляр.
- 3. Умножение вектора на скаляр.
- 4. Нахождение проекции вектора на соответствующую координатную ось.
- 5. Скалярное произведение векторов.
- 6. Векторное произведение векторов.
- 7. Нахождение производной от векторной функции по скалярному аргументу.
- 8. Градиент.
- 9. Направление градиента и эквипотенциальных поверхностей.
- 10. Градиент суммы функций.
- 11. Векторные линии.
- 12. Поток векторного поля.

#### Рейтинг-контроль №2.

- 1. Дивергенция от векторной функции.
- 2. Теорема Гаусса-Остроградского.
- 3. Циркуляция вектора.
- 4. Ротор (вихрь) векторного поля.
- 5. Ротор от результата, образующегося в результате вычисления градиента.
- 6. Ротор от результата, образующегося в результате вычисления дивергенции.
- 7. Градиент от результата, образующегося в результате вычисления ротора.
- 8. Дивергенция от результата, образующегося в результате вычисления ротора.
- 9. Соленоидальное поле.
- 10. Теорема Стокса.
- 11. Оператор Гамильтона.
- 12. Потенциальное векторное поле.

#### Рейтинг-контроль №3.

- 1. Криволинейные координаты.
- 2. Коэффициенты Ламе.
- 3. Координатные поверхности в сферической системе координат.
- 4. Координатные поверхности в цилиндрической системе координат.
- 5. Координатные линии в сферической системе координат.
- 6. Координатные линии в цилиндрической системе координат.
- 7. Сложение матриц.
- 8. Умножение матриц.
- 9. Единичная матрица.
- 10.Собственные вектора матрицы.

6.2. Вопросы к зачету

| 2     Дин       1     Про       2     Вып       1     Ме:       2     Сво       1     Ска       2     Тео       1     Век       2     Век       1     Сме       2     Цир       1     Пло       2     Рот       1     Кас | сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
|---|--|
| 1     Про       2     Вып       1     Мех       2     Сво       1     Ска       2     Тео       1     Век       2     Век       1     Сме       2     Цир       1     Пло       2     Рот       1     Кас                 | оизводная вектора по скалярному аргументу. вод формулы дивергенции в координатной форме.  ханическое значение производной вектора.  ойства дивергенции.  алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  тор. |
| 1     Mex       2     Cво       1     Ска       2     Teo       1     Век       2     Век       1     Сме       2     Цир       1     Пло       2     Рот       1     Кас   | вод формулы дивергенции в координатной форме.  ханическое значение производной вектора.  ойства дивергенции.  алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  |
| 1     Mex       2     Cво       1     Ска       2     Teo       1     Век       2     Век       1     Сме       2     Цир       1     Пло       2     Рот       1     Кас   | вод формулы дивергенции в координатной форме.  ханическое значение производной вектора.  ойства дивергенции.  алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  |
| 1     Mex       2     Cво       1     Ска       2     Teo       1     Век       2     Век       1     Сме       2     Цир       1     Пло       2     Рот       1     Кас   | вод формулы дивергенции в координатной форме.  ханическое значение производной вектора.  ойства дивергенции.  алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  |
| 1       Mex         2       Cво         1       Cка         2       Teo         1       Bek         2       Bek         1       Сме         2       Цир         1       Пло         2       Por         1       Kac       | ханическое значение производной вектора.  ойства дивергенции.  алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.   |
| 2       Сво         1       Ска         2       Тео         1       Век         2       Век         1       Сме         2       Цир         1       Пло         2       Рот         1       Кас                           | ойства дивергенции.  алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  сор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 2       Сво         1       Ска         2       Тео         1       Век         2       Век         1       Сме         2       Цир         1       Пло         2       Рот         1       Кас                           | ойства дивергенции.  алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  сор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 1       Ска         2       Тео         1       Век         2       Век         1       Сме         2       Цир         1       Пло         2       Рот         1       Кас   | алярное произведение векторов и его свойства.  орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  сторное произведение и его свойства.  сторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  сор.  |
| 2 Тео  1 Век 2 Век  1 Сме 2 Цир  1 Пло 2 Рот  1 Кас   | орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  сор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 2 Тео  1 Век 2 Век  1 Сме 2 Цир  1 Пло 2 Рот  1 Кас   | орема Гаусса — Остроградского (с выводом).  кторное произведение и его свойства.  кторные трубки.  ещанное произведение и др. формулы векторного анализа.  ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  сор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 1       Век         2       Век         1       Сме         2       Цир         1       Пло         2       Рот         1       Кас   | кторное произведение и его свойства. кторные трубки.  ешанное произведение и др. формулы векторного анализа. ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 2       Век         1       Сме         2       Цир         1       Пло         2       Рот         1       Кас   | ешанное произведение и др. формулы векторного анализа. ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 2       Век         1       Сме         2       Цир         1       Пло         2       Рот         1       Кас   | ешанное произведение и др. формулы векторного анализа. ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 1 Сме<br>2 Цир<br>1 Пло<br>2 Рот<br>1 Кас   | ешанное произведение и др. формулы векторного анализа. ркуляция вектора. ощадь, как вектор. гор. сательная, ее единичный вектор и уравнение.   |
| 2 Цир<br>1 Пло<br>2 Рот<br>1 Кас  | ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.   |
| 2 Цир<br>1 Пло<br>2 Рот<br>1 Кас  | ркуляция вектора.  ощадь, как вектор.  гор.  сательная, ее единичный вектор и уравнение.   |
| 1 Пло<br>2 Рот<br>1 Кас   | ощадь, как вектор.<br>гор.<br>сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 2 Por 1 Kac   | сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 2 Por 1 Kac   | сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
| 1 Kac   | сательная, ее единичный вектор и уравнение.  |
|   | * **   |
|   | * **   |
| 2   Вы  | DOT MODELLITY TO TO TO TO TO TO THE CONTRACT TO  |
| = 200   | вод формулы ротора через проекции.   |
|   |  |
|   | рмаль, главная нормаль и нормальная плоскость.   |
| <b>2</b> Сво  | рйства ротора.   |
|   |  |
|   | ивизна.  |
| 2 Teo   | орема Стокса (с доказательством).  |
|   |  |
|   | рямляющая плоскость.   |
| 2 Сле   | едствия из теоремы Стокса.   |
|   |  |
| 1 Con   | прикасающаяся плоскость.   |
| 2 Опе   | ератор Гамильтона.   |
|   |  |
| 1 Бин   | нормаль.   |
| 2 CBC   | ойства оператора Гамильтона.   |
|   |  |
| 1 Kpy   | учение.  |
|   | генциальное векторное поле. Уравнение Пуассона.  |
|   | · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·  |
| 1 Tpe   | еугольник Френе.   |
|   | иволинейные координаты. Коэффициенты Ламе. Общий вид векторных функций   |
|   | риволинейных координатах   |
|   |  |
| 1 Pa3.  | ложение векторов скорости и ускорения на касательную и   |
|   | омальную составляющие.   |
|   | ерические координаты и векторные функции в них.  |
|   | ори тоские координаты и векториме функции в них.   |
| 1 Пов   | верхности уровня и градиент скалярного поля.   |
|   | линдрические координаты и векторные функции в них.   |
| <u>г</u> ЦИЛ  | линдри техне координаты и векториме функции в пил.   |

| 1 | Свойства градиента.  |
|---|--|
| 2 | Основные виды матриц и действий над ними.                          |
|   |  |
| 1 | Векторные линии.   |
| 2 | Свойства матриц  |
|   |  |
| 1 | Поток векторного поля  |
| 2 | Собственные векторы и собственные числа матриц. Разложения матриц. |

#### 6.3. Тесты для контроля СРС по дисциплине

#### TECT 1

#### 1.Скаляр от вектора отличается:

- Направлением
- Тем, что не имеет направления\*
- Постоянной длиной
- Математической операцией, с помощью которой он получен

#### 2. Умножение скаляра на скаляр – это:

- Скалярное произведение
- Векторное произведение
- Арифметическое произведение\*

#### 3.Умножение вектора на скаляр – это:

- Скалярное произведение
- Векторное произведение
- Арифметическое произведение\*

#### 4. Чтобы найти проекцию вектора на соответствующую координатную ось, необходимо:

- Вектор умножить скалярно на соответствующий орт\*
- Вектор умножить векторно на соответствующий орт
- Вектор сложить с соответствующим ортом
- Вектор повернуть до совпадения с соответствующим ортом

#### 5. Скалярное произведение векторов порождает:

- Скаляр\*
- Вектор
- Один из ортов

#### 6. Векторное произведение векторов порождает:

- Скаляр
- Вектор\*
- Один из ортов

#### 7. Для нахождения производной от векторной функции по скалярному аргументу нужно:

- Найти производные от его проекций\*
- Использовать скалярное произведение
- Найти производную от модуля векторной функции
- Предварительно проверить, существует ли интеграл от этой векторной функции

#### 8. Градиент – это характеристика:

- Дифференцируемости векторной функции
- Характеристика скорости изменения скалярной функции\*
- Характеристика, относящаяся к свойствам векторной функции
- Проекция векторной функции на выбранную координатную ось

#### 9. Направление градиента и эквипотенциальных поверхностей:

- Никак не связаны
- Направлены под определенным углом, в конкретном случае зависящим от вида функции, от которой находится градиент
- Всегда взаимно перпендикулярны\*
- Всегда взаимно параллельны

#### 10. Градиент суммы функций равен:

- Произведению градиентов от этих функций
- Принимает неопределенное значений
- Может быть найден только для некоторых видов функций
- Равен сумме градиентов от этих функций\*
- Равен произведению одной из этих функций на градиент от другой

#### 11. Векторные линии – это:

- Линии, в каждой точке которых направление векторной функции совпадает с направлением касательной \*
- Линии, перпендикулярные направлению градиента в данной точке
- Линии, пересекающиеся в рассматриваемой точке
- Линии, которые могут быть получены только применением операции градиента

#### 12. Поток векторного поля – это:

- Совокупность значений векторного поля в рассматриваемом объеме
- Скорость изменения по времени значений векторного поля
- Интеграл по рассматриваемой поверхности\*
- Максимальная скорость изменения векторного поля вдоль векторной линии

#### TECT 2

#### 1. Дивергенция от векторной функции – это:

- Производная от градиента
- Характеристика скорости производства векторного поля\*
- Понятие относится не к векторным, а к скалярным функциям
- Характеристика кривизны векторных силовых линий

#### 2.Теорема Гаусса-Остроградского устанавливает связь между:

- градиентом и дивергенциейц полей
- потоком векторного поля и градиентом
- интегралом по объему от градиента и потоком векторного поля через поверхность, ограничивающую объем
- интегралом по объему от дивергенции и потоком векторного поля через поверхность, ограничивающую объем $^*$
- интегралом по объему от дивергенции и интенсивностью силовых линий в этом объеме

#### 3. Циркуляция вектора – это:

- линейный интеграл по заданной траектории произвольного вида
- линейный интеграл по замкнутой траектории\*
- перемещение по векторной линии в соответствии с направлением вектора
- производная от векторной функции, рассматриваемая на заданном участке криволинейной траектории

# 4.Ротор (вихрь) векторного поля – это:

- центр замкнутой векторной линии
- математическая операция, определяющая факт замкнутости векторной линии
- площадь, ограниченная замкнутой векторной силовой линией
- математическая операция, обратная операции вычисления дивергенции
- математическая операция, обратная операции вычисления градиента
- математическая операция, определяемая предельным отношением циркуляции по контуру к площади контура\*

#### 5.Ротор от результата, образующегося в результате вычисления градиента, равен:

- нулю\*
- единице
- бесконечности
- дивергенции
- самому градиенту

- нельзя последовательно применять эти операции

#### 6.Ротор от результата, образующегося в результате вычисления дивергенции, равен:

- нулю
- единице
- бесконечности
- самой дивергенции
- градиенту
- нельзя последовательно применять эти операции\*

#### 7. Градиент от результата, образующегося в результате вычисления ротора, равен:

- нулю
- единице
- бесконечности
- дивергенции
- самому градиенту
- нельзя последовательно применять эти операции\*

#### 8. Дивергенция от результата, образующегося в результате вычисления ротора, равен:

- нулю\*
- единице
- бесконечности
- исходной векторной функции
- градиенту
- нельзя последовательно применять эти операции

#### 9. Соленоидальное поле – это поле:

- образующееся в результате вычисления градиента
- образующееся в результате вычисления дивергенции
- образующееся в результате вычисления ротора\*
- электромагнитное поле, не относящееся к векторному анализу

#### 10. Теорема Стокса связывает между собой:

- интеграл от ротора по поверхности и циркуляцию по контуру, ограничивающему поверхность\*
- интеграл от ротора по поверхности и интеграл по контуру, ограничивающему поверхность
- значения ротора на контуре, ограничивающем поверхность и значения дивергенции на этой поверхности
- значения ротора на контуре, ограничивающем поверхность и значения градиента на этой поверхности
- позволяет получить дивергенцию и градиент на основе операции ротора

#### 11. Оператор Гамильтона – это дифференциальный оператор:

- первого порядка\*
- второго порядка
- третьего порядка
- четвертого порядка
- оператор не является дифференциальным
- понятие порядка к этому оператору не применяется

#### 12.Потенциальное векторное поле:

- образуется с помощью операции градиента над скалярным полем\*
- потенциально возможный вариант векторного поля
- получается в результате дважды последовательно примененной операции ротора
- относится не к векторному анализу, а к физике, показывая пространственное распределение электрического потенциала

#### TECT 3

#### 1. Криволинейные координаты:

- получаются из прямоугольных координат путем наклона координатных осей
- получаются путем функционального задания новых координат на основе старых координат\*
- получаются в результате неправильного применения некоторых векторных функций

- получаются применением функций векторного преобразования над направлением прямоугольных координатных осей

#### 2.Коэффициенты Ламе:

- показывают, во сколько раз каждая из прямоугольных осей отличается от осей в криволинейных системах координат
- показывают смещение траектории в криволинейной системе координат
- служат для обозначения единичных веторов в криволинейных системах координат
- применяются при общем описании векторных функций в криволинейных координатах\*

#### 3.В сферической системе координат координатные поверхности представляют собой наборы:

- сферы; конусы; полуплоскости\*
- сферы; эллипсоиды; плоскости
- сферы с центрами, смещенными вдоль координатных осей
- сферы; плоскости; усеченные цилиндры

#### 4.В цилиндрической системе координат координатные поверхности представляют собой наборы:

- цилиндры, оси которых расположены вдоль осей прямоугольной системы координат
- цилиндры; сферы; плоскости
- полуплоскости; цилиндры; плоскости\*
- диски; цилиндры; плоскости

#### 5. В сферической системе координат координатные линии представляют собой наборы:

- лучи; параллели; меридианы\*
- лучи; прямые, параллельные одной из координатных осей; окружности
- наборы окружностей, у каждого из которых центры совпадают с одной из координатных осей
- эллипсы с разной степенью сжатия вдоль соответствующей координатной оси

#### 6.В цилиндрической системе координат координатные поверхности представляют собой наборы:

- лучи, перпендикулярные соответствующей координатной оси
- окружности; лучи, перпендикулярные координатной оси; прямые, перпендикулярные координатной плоскости\*
- наборы окружностей, расположенные в плоскостях, перпендикулярных координатным осям
- лучи, расположенные на поверхностях взаимно пересекающихся цилиндров

#### 7. При суммировании матриц элементы матрицы – результата суммирования равны:

- сумме элементов в тех же позициях исходных матриц\*
- сумме элементов в соответствующих строках исходных матриц
- сумме элементов в соответствующих столбцах исходных матриц
- сумме элементов из позиций одинаковых номеров строки одной матрицы и столбца другой

#### 8. Матрицы можно перемножать одну на другую, если:

- у них совпадает количество строк
- у них совпадает количество столбцов
- у них совпадает количество и столбцов, и строк
- у одной из них совпадает количество строк с количеством столбцов другой $^{*}$
- у них совпадает количество элементов в главной диагонали

#### 9. Единичная матрица – это такая, у которой:

- все элементы равны единице
- единицы расположены в главной диагонали\*
- единицы расположены в любой из строк
- единицы расположены в любом из столбцов
- определитель равен единице

#### 10.Собственные вектора матрицы:

- получаются в результате решения матричного уравнения\*
- получаются, если элементы строк матрицы записать, как векторы
- получаются, если элементы столбцов матрицы записать, как векторы
- получаются в результате умножения матрицы на саму себя
- получаются в результате умножения матрицы на сопряженную к ней

#### 6.4 Задание на курсовую работу.

Курсовая работа по курсу выполняется в 1 семестре. Задание курсовой работы детально разбирается во время практических занятий, которые проводятся по графику. Целью выполнения курсовой работы является освоение аппарата векторной и матричной алгебры для использования при изучении следующих курсов: «Электродинамика», «Теория поля», «Устройства СВЧ» и др. Курсовая работа содержит десять заданий.

#### Задание №1.

- 1. По заданному модулю и углам с осями координат вектора найти проекцию вектора на оси.
- 2. По заданным проекциям в декартовой системе координат определить модуль вектора и углы с осями координат.

#### Задание №2.

- 1. По заданным проекциям вектора найти проекции вектора как результат умножения исходного вектора на скаляр.
- 2. Найти проекции вектора, представляющего сумму(разность) векторов с умножением на скаляр.

#### Залание №3.

- 1. По заданным проекциям вектора с указанными зависимостями от осей координат построить векторное поле с помощью силовых линий.
- 2. По заданным значением скалярного поля в точках на плоскости построить линии равных значений скалярной величины.

#### Залание №4.

- 1. По заданным проекциям двух векторов найти скалярное произведение.
- 2. По заданным проекциям векторов найти векторное произведение.
- 3. По заданным проекциям векторов найти смешанное произведение векторов.

#### Задание №5.

- 1. По заданным функциональным зависимостям векторного поля в декартовой системе координат найти поток вектора через замкнутую поверхность, ограничивающую объем.
- 2. По заданным функциональным зависимостям проекцией вектора в декартовой трёхмерной системе координат вычислить дивергенцию вектора в точке.

#### Залание №6.

- 1. По заданным функциональным зависимостям проекций вектора в декартовой двумерной системе координат найти циркуляцию вектора по контору.
- 2. По заданным функциональным зависимостям проекций вектора в декартовой трёхмерной системе координат найти ротор вектора в точке.

#### Залание №7.

1. По заданной функциональной зависимости скалярного поля на плоскости построить силовые линии вектора градиента скалярного поля.

#### Задание №8.

1. Доказать заданное преподавателем одно из тождеств векторного анализа.

#### Залание №9.

- 1. По заданной матрице вычислить определитель и найти матрицу после умножения её на число.
- 2. Найти сумму двух заданных матриц.

#### Задание №10.

- 1. Найти произведение двух квадратных матриц.
- 2. Найти матрицу, обратную заданной.

# 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### Основная литература.

- Квадратичные формы и матрицы / Н.В. Ефимов. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2012. 168 с. ISBN 978-5-9221-1049-5
   http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=414063
- Смолин, Ю. Н. Алгебра и теория чисел [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Ю. Н. Смолин. 4-е изд., стер. М. : ФЛИНТА : Наука, 2012. 464 с. ISBN 978-5-02-034913-1 http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=456995
- Математика в примерах и задачах: Учебное пособие/Журбенко Л. Н., Никонова Г. А., Никонова Н. В., Дегтярева О. М. М.: НИЦ ИНФРА-М, 2016. 372 с. http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=484735
- Высшая математика: Практикум / И.Г. Лурье, Т.П. Фунтикова. М.: Вузовский учебник: НИЦ ИНФРА-М, 2013. 160 с. http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=368074
- Худайберганов, Г. Комплексный анализ в матричных областях[Электронный ресурс] / Г. Худайберганов, А. М. Кытманов, Б. А. Шаимкулов. Красноярск: Сибирский федеральный ун-т, 2011. 290 с.
  - http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=441875.

#### Дополнительная литература.

• Курс аналитической геометрии и линейной алгебры [Электронный ресурс]: Учеб. для вузов. / Беклемишев Д. В. - 12-е изд., испр. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2009.

# 8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

- кафедральные мультимедийные средства (ауд. 301-3 и 335-3);
- наборы слайдов по всем лекциям (от 10 до 15 слайдов по каждой лекции);

# Примечания:

- 1. Общее число подготовленных слайдов более 150.
- 2. Слайды ежегодно редактируются и модернизируются в соответствии с развитием технической и методической базы.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 11.03.02 – Инфокоммуникационные технологии и системы связи

| Рабочую программу составил к.т.н. профессор Садовский Н.В. (ФИО, подпись)                  |
|--|
| Рецензент:   |
| Генеральный директор ОАО ВКБ «Радиосвязи»  |
| к.т.н. Богданов А.Е.   |
| (место работы, должность, ФИО, подпись)  |
| Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры радиотехники и радиосистем           |
| Протокол № от  |
| Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии направ- |
| ления 11.03.02 – Инфокоммуникационные технологии и системы связи                           |
| Протокол № <u>10</u> от <u>4.04 19</u> года Председатель комиссии Никитин О.Р.             |
| (ФИО, подпись)   |

# ЛИСТ ПЕРЕУТВЕРЖДЕНИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

| Рабочая программа одобрена на _ | 16/17 | _ учебный год      |
|---------------------------------|-------|--------------------|
| Протокол заседания кафедры № _  |       | . <i>О. Я</i> года |
| Заведующий кафедрой             |       | _ Никитин О.Р.     |
|                                 |       |                    |
| Рабочая программа одобрена на _ |       | _ учебный год      |
| Протокол заседания кафедры № _  | OT    | года               |
| Заведующий кафедрой             |       | _ Никитин О.Р.     |
|                                 |       |                    |
| Рабочая программа одобрена на _ |       | _ учебный год      |
| Протокол заседания кафедры № _  | от    | год                |
| Завелующий кафелрой             |       | Никитин О.Р.       |

#### Министерство образования и науки Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Владимирский государственный университет имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых» (ВлГУ)

Институт ИИТиР

Кафедра радиотехники и радиосистем

| Актуализированная     |              |
|-----------------------|--------------|
| рабочая программа     |              |
| рассмотрена и одобрен | на           |
| на заседании кафедры  |              |
| протокол № от         | 20г.         |
| Заведующий кафедрой   | Í            |
| I                     | Никитин О.Р. |
| (полпись ФИО)         |              |

# Актуализация рабочей программы дисциплины

ПРИКЛАДНАЯ МАТЕМАТИКА В СИСТЕМАХ ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЙ (наименование дисциплины)

Направление подготовки 11.03.02 - Инфокоммуникационные технологии и системы связи

Профиль/программа подготовки

Уровень высшего образования: бакалавр

Форма обучения: очная

Владимир 2016

| туры.                         |                         |                   |
|-------------------------------|-------------------------|-------------------|
| Актуализация выполнена:       | (подпись, должность, ФИ | (O)               |
| а) основная литература:       |                         | (не более 5 книг) |
| б) дополнительная литература: |                         |                   |
| в) периодические издания:     |                         |                   |
| в) интернет-ресурсы:          |                         |                   |

Рабочая программа учебной дисциплины актуализирована в части рекомендуемой литера-