

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования  
**«Владимирский государственный университет**  
**имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»**  
**(ВлГУ)**



## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

### «МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ»

Направление подготовки 09.03.03 Прикладная информатика

Профиль подготовки Прикладная информатика в экономике

Уровень высшего образования бакалавриат

Форма обучения очная

Семестр	Трудоемкость зач, ед,час.	Лек-ций, час.	Практик. занятий, час.	Лаборат. работ, час.	CPC, час.	Форма промежуточного контроля (экз./зачет)
5	5/180	36	18	-	81	экзамен (45 час.)
Итого	5/180	36	18	-	81	экзамен (45 час.)

## **1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

Целью изучения дисциплины «Методы оптимизации» является формирование у студентов компетенции, направленной на поиск наиболее эффективных решений поставленных прикладных задач, освоение типовых моделей этих задач и алгоритмов их решения.

## **2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО**

Дисциплина относится к обязательным дисциплинам вариативной части учебного плана.

Данная дисциплина основывается на теоретических положениях, излагаемых в дисциплине «Математика». Знания, получаемые студентами при изучении этой дисциплины, используются в дальнейшем при освоении соответствующих разделов «Имитационное и математическое моделирование» в программе бакалавриата, а также в дисциплине «Исследование операций», при выполнении выпускной квалификационной работы.

## **3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

Изучение дисциплины «Методы оптимизации» позволит студентам овладеть следующими компетенциями:

- способность использовать основные законы естественнонаучных дисциплин и современные информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности (ОПК - 3);

В результате изучения дисциплины студент должен:

**Знать:** общую формулировку задачи оптимизации, классификацию оптимизационных задач, типовые модели этих задач и методы их решения.

**Уметь:** сформулировать содержательную постановку задачи и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, применить его к поставленной задаче, используя для этого компьютерную технику с соответствующим программным обеспечением.

**Владеть:** методами классического математического анализа, методами линейного и нелинейного

программирования, сетевого планирования и динамического программирования, универсальным и специальным программным обеспечением.

#### **4. Структура и содержание дисциплины**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 час.

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)					Объем учебной работы, с применением интерактивных методов (в часах / %)	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промеж-й аттестации (по сем)	
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	CPC			
1	Общее представление об оптимизации и ее роль в обеспечении эффективного решения прикладных задач. Примеры оптимизационных задач.	5	1-2	4						2/50	
2	Методика формализации оптимизационных задач. Классификация их по виду математической модели.	5	3-4	4	2			9		3/50	
3	Задачи, модели и методы линейного программирования	5	5-6	4	4			9		4/50	1 рейтинг-контроль
4	Задачи линейного программирования, интерпретируемые на графах и методы их решения	5	7-8	4	3			9			
5	Транспортные задачи линейного программирования и методы их решения	5	9-10	4	3			9			
6	Задачи и модели нелинейной статической оптимизации и их решение методами классического математического анализа	5	11-12	4	2			9		3/50	2 рейтинг-контроль
7	Численные методы поиска экстремума целевой функции	5	13-14	4	2			9		3/50	
8	Понятие о динамической оптимизации. Модели и методы динамического программирования	5	15-16	4	2			9		3/50	
9	Основные подходы к решению задач векторной (многокритериальной) оптимизации	5	17	2				9		1/50	
10	Основные подходы к решению задач стохастической оптимизации	5	18	2				9		1/50	3 рейтинг-контроль

Всего		36	18		81		20/37%	экзамен
-------	--	----	----	--	----	--	--------	---------

## Содержание дисциплины

### Лекции

**Тема 1.** «Общее представление об оптимизации и ее роль в обеспечении эффективного решения прикладных задач».

Примеры оптимизационных задач из реальных областей техники, экономики и т.п. Понятие о критерии оптимальности (целевой функции) и ограничениях.

**Тема 2.** «Методика формализации оптимизационных задач их классификация».

Разбор различных примеров с описанием содержательной постановки задачи и получения ее математической модели. Изложение общей методики формализации. Классификация оптимизационных задач: скалярная и векторная, статическая и динамическая, детерминированная и стохастическая. Задачи и модели математического программирования и их разновидности: линейное, нелинейное, квадратичное, сепарабельное, геометрическое программирование.

**Тема 3.** «Задачи, модели и методы линейного программирования (ЛП)».

Модель ЛП и ее запись в развернутом и векторно-матричном виде. Общая и каноническая задачи ЛП. Понятие о свободных и базисных переменных, основные свойства систем линейных алгебраических уравнений. Геометрическая интерпретация задач ЛП и их графическое решение. Основные свойства решения задач ЛП. Сущность алгебраического метода решения задач ЛП – симплекс-метод. Проблемы отыскания начального опорного решения и ее решение методом штрафов.

**Тема 4.** «Задачи линейного программирования, интерпретируемые на графах и методы их решения».

Основные сведения о графах. Формулировка задачи о кратчайших путях в графе и ее решение методом Дейкстры. Формулировка задачи о критическом пути в графе и алгоритм ее решения, понятие о сетевом планировании и его связь с задачей о критическом пути. Понятие о транспортной сети, формулировка задачи об отыскании максимального потока в транспортной сети и ее решение методом Форда – Фалкерсона. Формулировка задачи об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети и алгоритм ее решения.

**Тема 5.** «Транспортные задачи линейного программирования и методы их решения».

Формулировка классической транспортной задачи, ее прикладное значение. Решение транспортной задачи с использованием метода северо-западного угла и метода потенциалов. Особенность несбалансированных транспортных задач, многопродуктовых задач и задач с промежуточными пунктами.

**Тема 6** «Задачи и модели нелинейной статической оптимизации и их решение методами классического математического анализа».

Модель задачи оптимизации с нелинейной целевой функцией, примеры прикладных задач такого типа. Необходимое и достаточное условия экстремума. Понятие градиента и матрицы Гессе и их использование при использовании необходимого и достаточного условий экстремума. Трудности использования аналитических условий для отыскания экстремума в реальных практических задачах.

**Тема 7** «Численные методы поиска экстремума целевой функции».

Алгоритмы поиска экстремума, использующие производные: алгоритм Ньютона-Рафсона, градиентные алгоритмы и их версии, графическая интерпретация поиска экстремума с использованием градиентного метода. Алгоритмы поиска, не использующие производных: алгоритм полного перебора узловых точек сетки в области допустимых значений, покоординатный поиск, симплекс-метод, алгоритм случайного поиска.

**Тема 8** «Понятие о динамической оптимизации. Модели и методы динамического программирования».

Общая формулировка задачи динамической оптимизации, понятие о функционале качества, роль

и характер ограничений. Основные направления математической теории динамической оптимизации (оптимального управления):

- классическое вариационное исчисление;
- принципы максимума Понтрягина;
- динамическое программирование Беллмана.

Формулировка классической задачи динамического программирования и принципа оптимальности Р.Беллмана. Иллюстрация его применения. Примеры задач динамического программирования.

**Тема 9** «Основные подходы к решению задач векторной (многокритериальной) оптимизации».

Прикладные значения задач многокритериальной оптимизации. Методы сведения их к однокритериальной задаче.

**Тема 10** «Основные подходы к решению задач стохастической оптимизации».

Прикладное значение задач стохастической оптимизации, методика их математического описания, основные подходы к решению.

### Темы практических занятий

**Тема №1.** Разбор примеров задач оптимизации и их формализации.

**Тема № 2.** Решение задач линейного программирования графическим способом.

**Тема № 3.** Решение задач линейного программирования симплекс-методом.

**Тема № 4.** Решение задач линейного программирования, интерпретируемых на графах – задачи о кратчайших путях и критическом пути. Сетевое планирование.

**Тема № 5.** Транспортные сети и решение задач о максимальном потоке и оптимальном распределении заданного потока.

**Тема № 6.** Решение классических транспортных задач с использованием метода северо-западного угла и метода потенциалов.

**Тема № 7.** Решение задач с нелинейной целевой функцией средствами классического математического анализа.

**Тема № 8.** Примеры задач динамического программирования – о распределении выделенных средств одному предприятию, об оптимальном календарном графике замены оборудования, об оптимальном управлении персоналом при неравномерном плане производства.

### Темы лабораторных работ

**Лабораторная работа №1.** Решение задач линейного программирования.

**Лабораторная работа №2.** Решение транспортных задач.

**Лабораторная работа №3.** Сетевое планирование.

**Лабораторная работа №4.** Поиск экстремума с использованием градиентных методов.

**Лабораторная работа №5.** Поиск экстремума с использованием метода Нелдера-Мида.

## 5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Изучение дисциплины «**Методы оптимизации**» предполагает не только запоминание и понимание, но и анализ, синтез, рефлексию, формирует универсальные умения и навыки, являющиеся основой становления специалиста-профессионала. Для реализации компетентностного подхода предлагается интегрировать в учебный процесс интерактивные образовательные технологии, включая информационные и коммуникационные технологии (ИКТ), при осуществлении различных видов учебной работы:

- учебную дискуссию;
- электронные средства обучения (слайд-лекции, компьютерные тесты);
- дистанционные (сетевые) технологии.

## **6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ**

Для текущего контроля успеваемости студентов предусмотрено три рейтинг-контроля, проводимых согласно принятому в университете графику.

### **ТЕМЫ, ВЫНОСИМЫЕ НА САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ ПРОРАБОТКУ**

1. Анализ примеров оптимизационных задач.
2. Формализация оптимизационных задач: изучение примеров из различных предметных областей; изучение общей методики получения математической модели.
3. Модель линейного программирования, графическое и алгебраическое решение, отыскание начального опорного решения, самостоятельное решение задач с заданными исходными условиями.
4. Задачи линейного программирования, интерпретируемые на графах: изучение формулировок задач и методов решения – задачи о кратчайших путях, задачи о граfe наименьшей длины, задачи о критическом пути в граfe, задачи о максимальном потоке в транспортной сети, задачи об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети. Самостоятельное решение задач каждого типа с заданными исходными условиями.
5. Модели и алгоритмы решения классической транспортной задачи, самостоятельное решение задач с помощью метода северо-западного угла и метода потенциалов.
6. Поиск экстремума нелинейной целевой функции методами классического математического анализа: изучение теории, разбор примеров, самостоятельное решение задач.
7. Поиск экстремума нелинейной целевой функции с использованием численных методов: изучение алгоритмов и программ поиска экстремума, самостоятельное решение задач.
8. Динамическая оптимизация и динамическое программирование: изучение теории, анализ прикладных задач с разбором техники их решения.
9. Многокритериальная оптимизация: изучение прикладных задач, ознакомление с примерами их формализации и решение.
10. Стохастическая оптимизация: изучение примеров прикладных задач, их формализация и решение.

### **ВОПРОСЫ к рейтинг-контролю знаний студентов**

#### **Рейтинг-контроль №1**

1. В чем состоит сущность оптимизации?
2. Что представляет собой предмет изучения теории оптимизации, и каково её назначение?
3. Какими факторами определяется значение теории оптимизации на современном этапе?
4. Что представляет собой критерий оптимизации?
5. Каким образом формулируется задача однокритериальной и многокритериальной оптимизации?
6. В чем состоит формализации оптимизационной задачи, и какую цель она преследует?
7. Примеры формализации оптимизационных задач:

- об определении оптимальных размеров цилиндрической емкости;
- об оптимальном расположении диспетчерского пункта, связанного с периферийными пунктами по принципу звезды.
- об отыскании оптимальной стоимости товара (или услуги);
- об оптимальном планировании производственной деятельности предприятия;
- об определении оптимального плана перевозок в транспортной системе;
- задача о рюкзаке.

8. Методика теоретического подхода к получению математической модели оптимизационной задачи.

9. Записать модель задачи математического программирования в развернутом и векторно-матричном виде.

10. В чем состоят особенности следующих разновидностей модели математического программирования:

- квадратичного;
- геометрического;
- сепарабельного;
- линейного;
- целочисленного.

11. Записать соотношения образующие общую математическую модель линейного программирования в развернутом и векторно-матричном виде.

12. В чем состоит каноническая (стандартная) модель ЗЛП. Каким образом общую ЗЛП можно свести к канонической?

13. В чем состоит геометрическая интерпретация ЗЛП для двумерной, трехмерной и n-мерной задач?

14. Что такое ОДР, и какими особенностями она обладает для ЗЛП?

15. В чем состоит сущность алгебраического подхода к решению ЗЛП?

16. Что такое базисные и свободные переменные в условиях ЗЛП?

17. Что такое допустимый опорный план в ЗЛП?

18. Какие методы существуют для отыскания допустимого начального плана в ЗЛП, в чем состоит сущность метода штрафов?

19. Каким образом формируется симплекс – таблица для решения ЗЛП алгебраическим методом?

20. Каким образом выбирается разрешающий столбец и разрешающая строка при использовании симплекс-метода в решении ЗЛП?

21. Что свидетельствует о том, что в результате симплекс преобразований получено оптимальное решение?

## Рейтинг-контроль №2

1. Что такое граф, дуга и ребро графа, взвешенный граф, ориентированный и неориентированный граф, цикл и контур?
2. Как определяется матрица смежности графа?
3. Каким образом формулируется задача о кратчайшем пути в графе?
4. Каким образом формулируется задача о критическом пути в графе? Что такое сетевое планирование и какая связь его с задачей об определении критического пути?
5. Каким образом формулируется задача о графе наименьшей длины?
6. Сформулировать определение транспортной сети, что такое поток сети.

7. Сформулировать задачу об определении максимального потока транспортной сети.
8. Сформулировать задачу об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети.
9. Сформулировать классическую оптимационную транспортную задачу.
10. Записать математическую модель классической транспортной задачи. В чем состоят её особенности как задачи линейного программирования?
11. Что такое сбалансированная и несбалансированная транспортная задача, каким образом несбалансированная транспортная задача сводится к сбалансированной?
12. Для какой цели используется метод северо-западного угла и в чем он состоит?
13. В чем состоит многое продуктовая транспортная задача?

### Рейтинг-контроль №3

1. Постановка задачи нелинейной статической оптимизации и её особенности, примеры.
2. Математическая модель задачи нелинейной статической оптимизации и запись её в развернутом и кратком векторно-матричном виде.
3. Понятие об экстремумах целевой функции, связь задачи оптимизации с экстремальностью.
4. Необходимое условие экстремума для ЦФ одной и нескольких переменных. Понятие о градиенте. Запись необходимого условия с использованием градиента.
5. Основные свойства градиента. Понятие о линиях равного уровня ЦФ.
6. Достаточное условие экстремума ЦФ одной и нескольких переменных.
7. Проблемы практического использования аналитических условий для отыскания экстремумов.
8. Численные методы отыскания экстремумов не использующие производных.
9. Численные методы отыскания экстремумов с использованием производных. Алгоритм Ньютона-Рафсона.
10. Алгоритм градиентного поиска экстремума. Его векторно-матричная запись и развернутая форма для  $n=2$ .
11. Графическая интерпретация градиентного поиска экстремума.
12. Влияние настраиваемого параметра в градиентном алгоритме на характер поиска.
13. Понятие о целевой функции овражного типа и особенности поиска экстремума для таких целевых функций.
14. Проблема оптимизации для многоэкстремальных ЦФ.
15. Проблема оптимизации при наличии ограничений, её решение с использованием метода штрафных функций.
16. Постановка задачи об оптимальном динамическом управлении. Понятие о непрерывных и дискретных процессах и системах.
17. Классическая формулировка задачи об оптимизации динамического управления. Понятие о функционале качества (эффективности).
18. Основные направления в математической теории оптимального динамического управления.
19. Классическая формулировка динамического программирования, её особенности.
20. Примеры задачи динамического программирования – формулировки задач:
  - Задача об оптимальном поэтапном распределении инвестиций в течение планового периода.

- Задача об оптимальном единовременном распределении выделенных средств.
  - Задача об оптимальном плане замены оборудования.
  - Задача об оптимальном календарном планировании трудовых ресурсов.
21. Формулировка принципа оптимальности Р.Беллмана для динамического программирования.

### **Вопросы к экзамену по курсу «Методы оптимизации»**

1. В чем состоит сущность оптимизации?
2. Что представляет собой предмет изучения теории оптимизации, и каково её назначение?
3. Какими факторами определяется значение теории оптимизации на современном этапе?
4. Что представляет собой критерий оптимизации?
5. Каким образом формулируется задача однокритериальной и многокритериальной оптимизации?
6. В чем состоит формализации оптимационной задачи, и какую цель она преследует?
7. Примеры формализации оптимационных задач:
  - об определении оптимальных размеров цилиндрической емкости;
  - об оптимальном расположении диспетчерского пункта, связанного с периферийными пунктами по принципу звезды.
  - об отыскании оптимальной стоимости товара (или услуги);
  - об оптимальном планировании производственной деятельности предприятия;
  - об определении оптимального плана перевозок в транспортной системе;
  - задача о рюкзаке.
8. Методика теоретического подхода к получению математической модели оптимационной задачи.
9. Записать модель задачи математического программирования в развернутом и векторно-матричном виде.
10. В чем состоят особенности следующих разновидностей модели математического программирования:
  - квадратичного;
  - геометрического;
  - сепарабельного;
  - линейного;
  - целочисленного?
11. Записать соотношения образующие общую математическую модель линейного программирования в развернутом и векторно-матричном виде.
12. В чем состоит каноническая (стандартная) модель ЗЛП. Каким образом общую ЗЛП можно свести к канонической?
13. В чем состоит геометрическая интерпретация ЗЛП для двумерной, трехмерной и n-мерной задач?
14. Что такое ОДР, и какими особенностями она обладает для ЗЛП?
15. В чем состоит сущность алгебраического подхода к решению ЗЛП?
16. Что такое базисные и свободные переменные в условиях ЗЛП?
17. Что такое допустимый опорный план в ЗЛП?
18. Какие методы существуют для отыскания допустимого начального плана в ЗЛП, в чем состоит сущность метода штрафов?

19. Каким образом формируется симплекс – таблица для решения ЗЛП алгебраическим методом?
  20. Каким образом выбирается разрешающий столбец и разрешающая строка при использовании симплекс-метода в решении ЗЛП?
  21. Что свидетельствует о том, что в результате симплекс преобразований получено оптимальное решение?
  22. Что такое граф, дуга и ребро графа, взвешенный граф, ориентированный и неориентированный граф, цикл и контур?
  23. Как определяется матрица смежности графа?
  24. Каким образом формулируется задача о кратчайшем пути в графе?
  25. Каким образом формулируется задача о критическом пути в графе? Что такое сетевое планирование и какая связь его с задачей об определении критического пути?
  26. Каким образом формулируется задача о графе наименьшей длины?
  27. Сформулировать определение транспортной сети, что такое поток сети.
  28. Сформулировать задачу об определении максимального потока транспортной сети.
  29. Сформулировать задачу об оптимальном распределении заданного потока в транспортной сети.
  30. Сформулировать классическую оптимизационную транспортную задачу.
  31. Записать математическую модель классической транспортной задачи. В чем состоят её особенности как задачи линейного программирования.
  32. Что такое сбалансированная и несбалансированная транспортная задача, каким образом несбалансированная транспортная задача сводится к сбалансированной?
  33. Для какой цели используется метод северо-западного угла и в чем он состоит?
  34. В чем состоит много продуктовая транспортная задача?
- 
22. Постановка задачи нелинейной статической оптимизации и её особенности, примеры.
  23. Математическая модель задачи нелинейной статической оптимизации и запись её в развернутом и кратком векторно-матричном виде.
  24. Понятие об экстремумах целевой функции, связь задачи оптимизации с экстремальностью.
  25. Необходимое условие экстремума для ЦФ одной и нескольких переменных. Понятие о градиенте. Запись необходимого условия с использованием градиента.
  26. Основные свойства градиента. Понятие о линиях равного уровня ЦФ.
  27. Достаточное условие экстремума ЦФ одной и нескольких переменных.
  28. Проблемы практического использования аналитических условий для отыскания экстремумов.
  29. Численные методы отыскания экстремумов не использующие производных.
  30. Численные методы отыскания экстремумов с использованием производных. Алгоритм Ньютона-Рафсона.
  31. Алгоритм градиентного поиска экстремума. Его векторно-матричная запись и развернутая форма для  $n=2$ .
  32. Графическая интерпретация градиентного поиска экстремума.
  33. Влияние настраиваемого параметра в градиентном алгоритме на характер поиска.
  34. Понятие о целевой функции овражного типа и особенности поиска экстремума для таких целевых функций.
  35. Проблема оптимизации для многоэкстремальных ЦФ.

36. Проблема оптимизации при наличии ограничений, её решение с использованием метода штрафных функций.
37. Постановка задачи об оптимальном динамическом управлении. Понятие о непрерывных и дискретных процессах и системах.
38. Классическая формулировка задачи об оптимизации динамического управления. Понятие о функционале качества (эффективности).
39. Основные направления в математической теории оптимального динамического управления.
40. Классическая формулировка динамического программирования, её особенности.
41. Примеры задачи динамического программирования – формулировки задач:
- Задача об оптимальном поэтапном распределении инвестиций в течение планового периода.
  - Задача об оптимальном единовременном распределении выделенных средств.
  - Задача об оптимальном плане замены оборудования.
  - Задача об оптимальном календарном планировании трудовых ресурсов.
42. Формулировка принципа оптимальности Р.Беллана для динамического программирования.

## 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Исследование операций и методы оптимизации [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Сеславин А.И., Сеславина Е.А. - М. : УМЦ ЖДТ, 2015. -  
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785890358271.html>
2. Дискретная оптимизация. Модели, методы, алгоритмы решения прикладных задач [Электронный ресурс] / Струченков В.И. - М. : СОЛОН-ПРЕСС, 2016. -  
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785913591814.html>
3. Численные методы [Электронный ресурс] / Н. С. Бахвалов, Н. П. Жидков, Г. М. Кобельков. - 8-е изд. (эл.). - М. : БИНОМ, 2015. - (Классический университетский учебник). -  
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996326167.html>

*б) дополнительная литература:*

1. Экономико-математические методы и модели: компьютерное моделирование: Учебное пособие / И.В. Орлова, В.А. Половников. - 3-е изд., перераб. и доп. - М.: Вузовский Режим доступа: <http://znanium.com/>
2. Теория автоматического управления. Т. 1. Линейные системы [Электронный ресурс] / К и м Д. П. - 2-е изд., испр. и доп. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2007. -  
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922108577.html>
3. MATLAB 6.5 SP1/7 + Simulink 5/6 в математике и моделировании [Электронный ресурс] / В.П. Дьяконов - М. : СОЛОН-ПРЕСС, 2009. -  
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN5980032096.html>

*г) периодические издания*

1. Журнал «Теория и системы управления»
2. Журнал «Проблемы теории и практики управления». ISBN 0234-4505

г) Интернет-ресурсы:

1. <http://www.exponenta.ru/>
2. <http://matlab.exponenta.ru/index.php>
3. <http://elibrary.ru>, Научная электронная библиотека.

**4. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ        ОБЕСПЕЧЕНИЕ        ДИСЦИПЛИНЫ  
«МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ»**

Набор слайдов:

1. Для чтения лекций используется мультимедийное оборудование.
2. Программные пакеты: MATLAB.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 27.03.04 «Управление в технических системах».

Рабочую программу составил

А.А.Галкин  
профессор, к.т.н.

Рецензент  
Начальник лаборатории  
ЗАО «Автоматика плюс» к.т.н.

В.М.Дерябин

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры УИТЭС

Протокол № 3/1 от 2.04.15 года

Заведующий кафедрой

А.Б. Градусов

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии  
направления «Управление в технических системах»

Протокол № 5 от 2.04.15 года

Председатель комиссии

А.Б. Градусов