

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Владимирский государственный университет
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»
(ВлГУ)



УТВЕРЖДАЮ
Проректор
по образовательной деятельности

А.А.Панфилов

« 04 » 09 2018 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
«ТЕОРИЯ ФУНКЦИЙ КОМПЛЕКСНОГО ПЕРЕМЕННОГО»

Направление подготовки: 02.03.01 «Математика и компьютерные науки»

Профиль/программа подготовки: «Математические методы в экономике и финансах»

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная

Семестр	Трудоёмкость зач. ед./ час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	СРС, час.	Форма промежуточного контроля (экз./зачет)
5	7 / 252	36	54		126	Экзамен (36)
Итого	7 / 252	36	54		126	Экзамен (36)

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Теория функций комплексной переменной» входит в число дисциплин естественно научного цикла и включает в себя широкий круг вопросов как непосредственно теории функций комплексной переменной, так и приложений теории к вычислению интегралов, суммированию рядов.

Целью преподавания данной дисциплины является формирование у студентов представления о геометрических и метрических свойствах аналитических функций комплексной переменной, о методах теории вычетов, разложения функций в ряды Тейлора и Лорана, контурного интегрирования и о многом другом. Знание курса позволит будущему специалисту на практике применять эффективные методы теории функций комплексной переменной в самых разных задачах анализа.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП БАКАЛАВРИАТА

Дисциплина «Теория функций комплексной переменной» относится к вариативной части ОПОП.

Ее изучение позволяет обучающимся

- применять математические методы и инструментальные средства для исследования объектов профессиональной деятельности;
- применять системный подход к анализу и синтезу сложных систем;
- уметь строить математические модели объектов профессиональной деятельности
- уметь использовать математические инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования

Для освоения данной дисциплины обучающимся необходимо иметь теоретические знания и практические навыки по дисциплине линейная алгебра, математический анализ I, иметь навыки работы с компьютером как средством управления информацией, уметь использовать инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации.

Основные понятия дисциплины используются при изучении дисциплин: функций многих переменных, теория комплексных чисел, кратных интегралов и рядов, дифференциальных и разностных уравнений, теории вероятностей и математической статистики, вычислительных методов, Методов оптимизации и исследования операций, основ естествознания (физики).

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

В результате освоения дисциплины обучающийся должен обладать следующими **общепрофессиональными компетенциями (ОПК):**

готовностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в будущей профессиональной деятельности (ОПК-1).

Выпускник должен обладать следующими **профессиональными компетенциями (ПК):**

способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области (ПК-1),

способностью представлять и адаптировать знания с учетом уровня аудитории (ПК-8).

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7 зачетных единиц, 252 часов.

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)						Объем учебной работы, с применением интерактивных методов (в часах / %)	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра) форма промежуточной аттестации (по семестру)
				Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы,	СРС	КП / КР		
1	Комплексные числа, их алгебраические и геометрические свойства.	5	1	2	2			6		2 (50%)	
2	Функции комплексного переменного. Предел, непрерывность ф.к.п. Элементарные ф.к.п. Произвольные ряды.	5	2,3	4	6			12		5 (50%)	
3	Производная ф.к.п. Аналитичность. Условия Коши-Римана. Ряды и последовательности функций.	5	4,5	4	6			12		5 (50%)	
4	Гармонические и субгармонические функции, их связь с аналитическими функциями.	5	6	2	4			8		3 (50%)	Рейтинг-контроль1
5	Интеграл от ф.к.п. Теорема Коши. Формула Ньютона-Лейбница.	5	7,8	4	6			12		5 (50%)	
6	Интегральная формула Коши для аналитической функции. Бесконечная дифференцируемость аналитических функций, формулы Коши для производных.	5	9,10	4	6			12		5 (50%)	
7	Теорема о среднем и принцип максимума для аналитических и гармонических функций. Теорема Лиувилля.	5	11	2	2			8		2 (50%)	
8	Функциональные ряды, равномерная и абсолютная сходимость. Теорема Абеля. Радиус сходимости.	5	12	2	4			8		3 (50%)	Рейтинг-контроль2
9	Разложение аналитической функции в ряд Тейлора. Нули аналитических функций. Целые функции. Теорема Лиувилля.	5	13	2	2			8		2 (50%)	

10	Ряд Лорана. Разложение аналитической функции в ряд Лорана. Полнос, порядок полюса. Существенно особая точка.	5	14	2	4			8		3 (50%)	
11	Вычеты. Теорема Коши о вычетах. Формулы для вычисления вычетов в полюсах.	5	15	2	2			8		2 (50%)	
12	Логарифмические вычеты. Принцип аргумента. Теорема Руше.	5	16	2	4			8		3 (50%)	
13	Лемма Жордана. Методы вычисления несобственных интегралов.	5	17	2	2			8		2 (50%)	
14	Задача Дирихле для гармонических функций. Формула Пуассона.	5	18	2	4			8		3 (50%)	Рейтинг-контроль №3
ИТОГО				36	54			126		45 / 50%	Экзамен (36)

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

1. лекционно-семинарская система обучения (традиционные лекционные и практические занятия);
2. обучение в малых группах (выполнение практических работ в группах из двух или трёх человек);
3. применение мультимедиа технологий (проведение лекционных и практических занятий с применением компьютерных презентаций и демонстрационных роликов с помощью проектора или ЭВМ);
4. технология развития критического мышления (прививание студентам навыков критической оценки предлагаемых решений);
5. информационно-коммуникационные технологии (применение информационных технологий для мониторинга текущей успеваемости студентов и контроля знаний). Объем учебной работы, с применением интерактивных методов — 45 часов, (50%).

6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ

В рамках документа «Положение о рейтинговой системе комплексной оценки знаний студентов» разработан регламент проведения и оценивания контрольных действий. Процедура оценивания знаний, умений, навыков по дисциплине включает учёт успешности выполнения ряда мероприятий: контрольных работ, рейтинг –контролей, типовых расчетов и промежуточной аттестации – зачёта или экзамена.

Текущий контроль в форме рейтинг - контроля.

Контрольная работа к рейтинг-контролю №1 (5 семестр)

Контрольная работа №1

«Операции над комплексными числами. Аналитичность, условия Коши-Римана»

Вариант 1

1. Найти все решения уравнения.
2. Вычислить $z^n \bar{z}$.
3. Решить уравнения.
4. Проверить выполнение условия Коши-Римана и в случае их выполнения найти $f'(z)$
5. Найти модуль и аргумент $f'(z_0)$.

Контрольная работа к рейтинг-контролю №2 (5 семестр)

Контрольная работа №2

«Интегралы. Ряды Тейлора и Лорана»

Вариант 1

1. Вычислить следующие интегралы.
2. Вычислить интегралы по замкнутому контуру, используя интегральную формулу Коши (обход контура против часовой стрелки).
3. Степенные ряды, нахождение области сходимости.
4. Используя разложение основных элементарных функций, разложить функции в ряд Тейлора в заданной точке и указать область сходимости.
5. Используя разложение основных элементарных функций, разложить функции в ряд Лорана в заданной точке и указать область сходимости.

Контрольная работа к рейтинг-контролю №3 (5 семестр)

Контрольная работа №3

«Особые точки. Вычеты. Вычисление интегралов с помощью вычетов»

Вариант 1

1. Найти все конечные особые точки и указать их тип.
2. Найти вычеты в конечных особых точках.
3. Используя теорему Коши о вычетах, вычислить интегралы.
4. Вычислить несобственный интеграл от действительной функции, используя теорему Коши о вычетах.
5. Вычислить интеграл от рациональных тригонометрических выражений.

Промежуточная аттестация в форме экзамена

Вопросы к экзамену

1. Комплексные числа, арифметические операции над комплексными числами. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Модуль и аргумент комплексного числа, их свойства. Различные формы записи комплексного числа. Возведение в степень

и извлечение корней. Операция сопряжения, свойства.

2. Комплексная плоскость. Окрестность точки, открытые множества. Области и их границы, порядок связности. Примеры простейших областей. Кривые на комплексной плоскости, их ориентация.

3. Пополнение комплексной плоскости до расширенной комплексной плоскости. Бесконечно удаленная точка. Стереографическая проекция. Стереографические проекции прямых и окружностей.

4. Числовые последовательности и ряды. Абсолютная и условная сходимость. Степенные ряды, теорема Абеля. Формула Коши-Адамара.

5. Функции к.п. Предел, непрерывность. Основные свойства непрерывных функций. Понятия однозначности и неоднозначности (на примерах), однолиственности и неоднолиственности.

6. Производная ф.к.п. Аналитичность. Необходимость и достаточность условий Коши-Римана для аналитичности. Формула для вычисления производной.

7. Геометрический смысл производной. Конформность. Примеры явления и нарушения конформности.

8. Элементарные функции z^n и e^z (область однолиственности, обратные функция, графики).

9. Дробно-линейная функция. Однолиственность, обратная функция. Построение дробно-линейного отображения, переводящего три заданные точки в другие три заданные точки.

1. Дробно-линейная функция. Круговое свойство. Свойство симметрии.

2. Гармонические функции, их связь с аналитическими функциями. Сопряженные гармонические функции. Примеры. Нахождение мнимой части аналитической функции по ее действительной части. Примеры.

3. Криволинейный интеграл от ф.к.п. Основные свойства. Формула для вычисления интеграла. Лемма об оценке интеграла.

4. Теорема Коши о независимости интеграла (от аналитической функции в односвязной области) от формы кривой, или, что то же самое, о равенстве нулю интеграла по замкнутому контуру. Обобщение на многосвязные области.

5. Интеграл как функция от верхнего предела интегрирования. Формула Ньютона-Лейбница.

6. Понятие о многозначных интегралах. Примеры.

7. Интегральная формула Коши для аналитической функции.

8. Интегральная формула Коши для производных аналитической функции. Ее применение к вычислению контурных интегралов. Существование производных всех порядков у аналитической функции.

9. Формула для среднего значения на окружности для аналитической функции. Принцип максимума модуля для аналитических функций.

10. Теорема Мореры.

11. Теорема Лиувилля.

12. Функциональные ряды, равномерная и абсолютная сходимость. Теоремы о почленном дифференцировании и интегрировании рядов из аналитических функций. Теорема Вейерштрасса.

13. Разложение аналитических функций в ряд Тейлора.

14. Тейлоровские разложения элементарных функций.
15. Оценки коэффициентов ряда Тейлора. Применение к приближенным вычислениям.
16. Нули аналитической функции, их порядок. Свойство изолированности нулей. Теорема единственности для аналитических функций.
17. Разложение аналитических функций в ряд Лорана. Оценки коэффициентов ряда Лорана. Применение к приближенным вычислениям.
18. Изолированные особые точки и их классификация с помощью рядов Лорана.
19. Теорема Сохоцкого.
20. Основная теорема о вычетах. Формула для нахождения вычетов в полюсах. Вычет в простом полюсе.
21. Методы вычисления несобственных интегралов. Лемма Жордана.
22. Логарифмические вычеты. Принцип аргумента.
23. Теорема Руше.
24. Основная теорема алгебры.
25. Формула для среднего значения на окружности для гармонической функций. Принцип максимума для гармонических функций.
26. Задача Дирихле для гармонических функций. Формула Пуассона.

Самостоятельная работа в форме типового расчета

Типовой расчет №1

«Операции над комплексными числами. Производная. Интеграл от ф.к.п.»

1. Найти все решения уравнения.
2. Вычислить $z^n \bar{z}$.
3. Решить уравнения.
4. Проверить выполнение условия Коши-Римана и в случае их выполнения найти $f'(z)$.
5. Найти модуль и аргумент $f'(z_0)$ и объяснить их геометрический смысл.
6. Вычислить следующие интегралы.
7. Вычислить интегралы по замкнутому контуру, используя интегральную формулу Коши (обход контура против часовой стрелки).

Типовой расчет №2

«Ряды. Вычеты. Интегралы»

1. Степенные ряды, нахождение их области сходимости.
2. Используя разложение основных элементарных функций, разложить функции в ряд Тейлора в заданной точке и указать область сходимости.
3. Используя разложение основных элементарных функций, разложить функции в ряд Лорана в заданной точке и указать область сходимости.
4. Найти все конечные особые точки и указать их тип.
5. Найти вычеты в конечных особых точках.
6. Используя теорему Коши о вычетах, вычислить интегралы.

7. Вычислить несобственный интеграл от действительной функции, используя теорему Коши о вычетах.

8. Вычислить интеграл от рациональных тригонометрических выражений.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Основная литература:

1. Шабунин, М. И. **Теория функций комплексного переменного**/ М. И. Шабунин, Ю. В. Сидоров. - 2-е изд. (эл.). - М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2013. - 344 с.: ил. - (Технический университет).-ISBN978-5-9963-0781-4.

<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996307814.html>

2. Сборник задач по теории функций комплексного переменного [Электронный ресурс] / М.И. Шабунин, Е.С. Половинкин, М.И. Карлов. - 3-е изд. - М. : БИНОМ, 2012. - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785996308019.html>

3. Теория функций комплексного переменного: метод. указания к выполнению домашнего задания [Электронный ресурс] / А.В. Копаев, В.И. Леванков, А.В. Мاستихин. - М. : Издательство МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2012. - ISBN -- [.http://www.studentlibrary.ru/book/bauman_0003.html](http://www.studentlibrary.ru/book/bauman_0003.html)

Дополнительная:

1. Крупин В.Г., Павлов А.Л., Попов Л.Г. **Высшая математика. Теория функций комплексного переменного. Операционное исчисление.** Сборник задач с решениями: учебное пособие / Крупин В.Г., Павлов А.Л., Попов Л.Г. - М. : Издательский дом МЭИ, 2012. - 304 с. - ISBN 978-5-383-00732-7. <http://www.studentlibrary.ru/book/MPEI210.html>

2. Малышева Н.Б. **Функции комплексного переменного**/ Малышева Н.Б., Розендорн Э.Р. —М.:ФИЗМАТЛИТ,2010.—169с.ISBN978-5-9221-0977-

2.<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922109772.html>

3. Свешников А.Г., Тихонов А.Н. **Теория функций комплексной переменной:** Учеб.: Для вузов. - 6-е изд., стереот. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2010. - 336 с. - (Курс высшей математики и математической физики.)- ISBN 978-5-9221-0133-

2.<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922101332.html>

Периодические издания

1. Успехи математических наук, Журнал РАН (корпус 3, ауд. 414) (1 шт)
2. Автоматика и телемеханика, Журнал РАН (корпус 3, ауд. 414) (1 шт)

Программное обеспечение и Интернет – ресурсы

1. Пакет Microsoft Excel
2. Math Cad
3. Visual C++
4. Образовательный математический сайт <http://www.exponenta.ru/>
5. Математическая энциклопедия <http://allmath.com/>
6. Образовательные ресурсы – window.edu.ru/

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Лекционная аудитория (318-3): 75 посадочных мест, мультимедийный проектор с автоматическим экраном.

Аудитории для проведения лабораторных занятий (405-3), оснащённые современными персональными компьютерами, объединёнными в локальную вычислительную сеть и укомплектованными необходимым системным и прикладным программным обеспечением аудитории вычислительного центра.

Электронные учебные материалы на компакт-дисках.

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 02.03.01 «Математика и компьютерные науки»

Рабочую программу составил:


д.ф.-м.н., профессор каф. ФАиП В.И. Данченко 

Рецензент (представитель работодателя):

заместитель директора по развитию ООО «Баланс»  / Кожин А.В. /


Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ФАиП

Протокол № 1 от 04.09.2017 года.

Заведующий кафедрой ФАиП: к.ф.-м.н., доцент В.Д. Бурков 

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии направления 02.03.01 «Математика и компьютерные науки»

Протокол № 1 от 04.09.2017 года.

Председатель комиссии  зав. кафедрой ФАиП В.Д. Бурков

**ЛИСТ ПЕРЕУТВЕРЖДЕНИЯ
РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ**

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____

Рабочая программа одобрена на _____ учебный год

Протокол заседания кафедры № _____ от _____ года

Заведующий кафедрой _____