

# АННОТАЦИЯ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ «ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНАЯ ГЕОМЕТРИЯ И ТОПОЛОГИЯ»

02.03.01 «Математика и компьютерные науки»  
профиль «Математические методы в экономике и финансах»  
3 семестр

## 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения дисциплины «Дифференциальная геометрия и топология»:

- знакомство с фундаментальными понятиями и положениями дисциплины,
- формирование геометрического мышления,
- знакомство с аналитическими методами исследования геометрических объектов,
- демонстрация органичности сочетания методов различных математических дисциплин (математического анализа, дифференциальных уравнений, аналитической геометрии и алгебры) при исследовании геометрических объектов,
- формирование представлений о возможностях применения геометрических методов к исследованию объектов профессиональной деятельности.

Задачи:

- изучить основные положения теории дифференциальной геометрии и топологии;
- применять математические методы и инструментальные средства для исследования объектов профессиональной деятельности;
- уметь строить математические модели объектов профессиональной деятельности.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Дифференциальная геометрия и топология» относится к базовой части учебного плана.

## 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП:

Код формируемых компетенций	Уровень освоения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций (показатели освоения компетенции)
<b>ОПК-1.</b> Способен консультировать и использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в профессиональной деятельности	Частичное	В результате освоения дисциплины обучающийся должен: <b>знать</b> - свойства объектов данной области математики и иметь представление о сфере приложения методов дифференциальной геометрии и топологии; <b>уметь</b> - свободно оперировать основными понятиями дисциплины, формулировать геометрическую задачу на алгебраическом языке и дать геометрическую интерпретацию полученного алгебраического решения; <b>владеть</b> - аналитическим аппаратом дифференциальной геометрии.
<b>ПК-1.</b> Способен демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий	Частичное	В результате освоения дисциплины обучающийся должен: <b>знать</b> - свойства объектов данной области математики и иметь представление о сфере приложения методов дифференциальной геометрии

		и топологии; <b>уметь</b> - свободно оперировать основными понятиями дисциплины, формулировать геометрическую задачу на алгебраическом языке и дать геометрическую интерпретацию полученного алгебраического решения; <b>владеть</b> - аналитическим аппаратом дифференциальной геометрии.
--	--	--

#### 4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Кривые на плоскости и в пространстве. Длина кривой. Натурально параметризованные кривые.
2. Сопровождающий трехгранник, формулы Френе, кривизна, кручение.
3. Параметрическое задание поверхности, первая квадратичная форма.
4. Главные направления и главные кривизны. Вторая квадратичная форма, средняя и гауссова кривизны. Классификация точек на поверхности.
5. Деривационные формулы, символы Кристоффеля. Уравнения Гаусса-Петерсона-Кодazzi.
6. Тензорный анализ (алгебраическая теория)
7. Тензорный анализ (дифференциальная теория)
8. Ковариантная производная и параллельный перенос векторного поля вдоль кривой на поверхности. Геодезические
9. Топологическое пространство. Связность, компактность, отделимость. Непрерывные отображения, гомеоморфизм. Фактортопология. Склейивание. Топологическое многообразие. Гладкое многообразие. Примеры.

#### 5. ВИД АТТЕСТАЦИИ – 3 семестр – экзамен

#### 6. КОЛИЧЕСТВО ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦ – 4

Составитель: доцент каф. ФАиП \_\_\_\_\_ М.Ю. Звягин

Заведующий кафедрой ФАиП \_\_\_\_\_ В.Д. Бурков

Председатель учебно-методической комиссии направления  
02.03.01 «Математика и компьютерные науки» \_\_\_\_\_ В.Д. Бурков

Директор ИГМФИ \_\_\_\_\_ К.С. Хорьков

Печать института



Дата 26.08.2019