

# **АННОТАЦИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ**

## **«АЛГЕБРА И ГЕОМЕТРИЯ»**

Код специальности подготовки 01.03.02

“Прикладная математика и информатика”

1-2 семестры

### **1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

Формирование навыков логического мышления

Формирование практических навыков использования математических методов и формул

Ознакомление с основами теоретических знаний по классическим разделам  
математики.

Подготовка в области построения и использования различных математических моделей

### **2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО**

Дисциплина "Алгебра и геометрия" относится к базовой части блока Б1 ОПОП подготовки бакалавров по направлению «Прикладная математика и информатика».

### **3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

В результате освоения дисциплины обучающийся должен обладать следующими общепрофессиональными компетенциями (ОПК):

способностью использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой (ОПК-1)

В результате освоения дисциплины обучающийся должен обладать следующими профессиональными компетенциями (ПК):

способностью понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат (ПК-2)

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

**Знать:**

основы линейной алгебры и аналитической геометрии, матричного исчисления, векторного исчисления, основы алгебраических структур (ОПК-1);

**Уметь:**

- применять теоретические знания при решении математических задач (ОПК-1);
- проводить анализ и обработку экспериментальных данных (ПК-2);

**Владеть:**

- основными приемами решения математических задач (ПК-2)

#### 4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Матрицы. Виды матриц. Линейные операции с матрицами. Умножение матриц. Транспонирование матрицы. Свойства этих операций.

Обратная матрица. Вычисление обратной матрицы. Матричные уравнения. Элементарные преобразования матрицы. Понятие ранга матрицы. Способы вычисления ранга матрицы: метод окаймляющих миноров, приведение к ступенчатому виду с помощью элементарных преобразований.

Системы линейных уравнений. Решение системы линейных уравнений. Совместные и несовместные системы. Определенные и неопределенные системы. Матрица системы. Критерий Кронекера-Капелли совместности системы. Способы решения систем линейных уравнений: метод Гаусса, формулы Крамера, метод обратной матрицы. Однородные и неоднородные системы линейных уравнений. Общее решение. Фундаментальная система решений.

Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Действия над векторами в координатах. Скалярное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в координатах. Векторное произведение векторов: определение, геометрический смысл, свойства, вычисление в координатах. Смешанное произведение векторов: определение, геометрический смысл, свойства, вычисление в координатах.

Векторное пространство. Линейно зависимые и независимые векторы. Размерность и базис векторного пространства. Переход к новому базису. Линейные преобразования. Матрица линейного преобразования. Сумма и произведение линейных преобразований. Евклидово пространство. Неравенство Коши-Буняковского. Ортонормированный базис. Квадратичные формы. Закон инерции квадратичных форм. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.

Различные виды уравнений прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условие параллельности и перпендикулярности двух прямых на плоскости. Расстояние от точки до прямой. Различные виды уравнений плоскости. Угол между плоскостями. Расстояние от точки до плоскости. Различные виды уравнений прямой в пространстве. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых в пространстве. Задачи на прямую и плоскость. Угол между прямой и плоскостью.

Кривые второго порядка. Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду. Поверхности второго порядка.

Операции на множестве, коммутативные, ассоциативные. Нейтральный элемент, его единственность ( $\mathcal{D}$ ). Обратимые элементы. Свойства операции обращения ( $\mathcal{D}$ ). Моноид, полугруппа. Примеры.

Группы, подгруппы. Абелевы группы. Примеры групп. Порядок элемента и порядок группы. Подгруппа, порожденная одним элементом.

Группа подстановок. Транспозиции. Теорема о системе порождающих группы подстановок. Четность и нечетность подстановки ( $\mathcal{D}$ ).

Кольца. Делители нуля и нильпотентные элементы в кольце. Группа обратимых элементов в кольце. Примеры. Кольцо вычетов. Поле.

Определение комплексного числа, их геометрическая интерпретация. Действительная и мнимая части комплексного числа. Теорема о поле к. чисел. Операция сопряжения, ее геометрическая интерпретация. Свойства сопряжения.

Модуль и аргумент комплексного числа. Тригонометрическая и показательная форма записи к. числа. Свойство комплексной экспоненты. Формула Муавра. Свойства модуля комплексных чисел.

## Извлечение корней из комплексных чисел. Решение квадратных уравнений над полем комплексных чисел.

Многочлен, степень многочлена. Операции над многочленами. Кольцо многочленов.

Корни многочлена. Теорема Безу. Основная теорема алгебры.

## 5. ВИД АТТЕСТАЦИИ – экзамен, экзамен

6. КОЛИЧЕСТВО ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦ - 9 зачетных единиц (324 часа).

Составитель: доцент каф. АиГ Еркова Н.И.

Заведующий кафедрой АиГ Дубровин Н.И.

Председатель учебно-методической комиссии направления Аракелян С.М.

Директор института Давыдов Н.Н.п. *17.04.15*

